

GPS-RTK Integrated with Micro-Electro Mechanical INS for Precise Application

Jamal Asgari^{1*}, Ali Reza Amiri -Simkooei² and Farzane Zanganeh-nejad³

1, 2, 3. Department of Geomatics, College of Engineering, University of Isfahan

*Hezarjorayb St. Isfahan, Iran

asgari@eng.ui.ac.ir

Inertial Navigation System (INS) and Global Positioning System (GPS), are used in various navigation and positioning applications. Because each of the INS and GPS technologies has some limitations and advantages, during last two decades, the systems integration has been widely used for accurate and reliable navigation and positioning. In an integrated system, accurate GPS observations are used to estimate the high rate INS errors and state vector (including INS error vector, position, velocity and other optional parameters). A field test results are presented in this paper. The goal of this test is to compare the coordinates of a relatively low cost INS, GPS RTK coordinates, and the integrated GPS/INS results. The decentralized approach has been used for this integration.

Keywords: GPS, INS, GPS/INS integration, Navigation.

1 Assisstant Professor (Corresponding Author)

2. Assisstant Professor

3 M.Sc.

تلقیق سیستم ناوبری اینرسی میکروالکترومکانیکی با روش سینماتیک آنی GPS برای کاربردهای دقیق

جمال عسگری^{۱*}، علیرضا امیری سیمکویی^۲ و فرزانه زنگنه‌نژاد^۳

۱، ۲ و ۳- گروه ژئودزی، گروه مهندسی نقشه‌برداری، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه اصفهان

*اصفهان، خیابان هزارجریب، دانشگاه اصفهان

asgari@eng.ui.ac.ir

امروزه، از سیستم ناوبری اینرسی (INS) و سیستم تعیین موقعیت جهانی (GPS)، در کاربردهای مختلف ناوبری و تعیین موقعیت استفاده می‌شود. هر کدام از دو سیستم نامبرده مزایا و معایبی دارند؛ تلقیق GPS/INS در طول دو دهه‌ای خیر، برای غلبه بر معایب هر یک از دو سیستم (مشکل لزوم وجود دید آسمانی بین آتن گیرنده و ماهواره در GPS و مشکل افزایش سریع خطای زمان در INS) توسعه داده است. در سیستم‌های تلقیق از مشاهدات دقیق GPS، به منظور برآورد و تصحیح خطای خطاها در INS توسط فیلتر کالمون استفاده می‌شود. در یک سیستم تلقیق با دقت بالا انتظار می‌رود همه مجھولات فیلتر کالمون (شامل بردار خطای INS) موقعیت، سرعت و پارامترهای دلخواه دیگر به طور دقیق برآورد شوند. در این مقاله، نتایج یک آزمایش میدانی ارائه شده است. هدف از این آزمایش، مقایسه مختصات حاصل از یک INS نسبتی ارزان قیمت و مختصات حاصل از GPS RTK و نیز تلقیق GPS/INS به روش غیرمتقرکز، بوده است. پردازش انجام شده، توانایی INS غیرمکانیکی را که از فناوری میکروالکترومکانیکی بهره می‌برد در زمان‌های کوتاه نشان می‌دهد. هر چند برای دقت‌های بالاتر و همین‌طور مطالعات مرتبط با میدان‌نقل باید از سیستم‌های اینرسی مکانیکی (دارای واحدهای اینرسی سنتی مکانیکی با دقت بالا) استفاده کرد.

واژه‌های کلیدی: GPS، INS، تلقیق GPS/INS، ناوبری، RTK

| علائم و اختصارات | |
|-----------------------------|--|
| \bar{g}^n | بردار گرانی که در چارچوب ناوبری (n) مختصات دهنده شده است. |
| g^n | بردار شتاب گرانش که در چارچوب ناوبری (n) مختصات دهنده شده است. |
| α, χ, η | به ترتیب زوایای رل، یاو و پیچ |
| $R_i(\theta)$ | ماتریس دوران حول محور i ام به اندازه θ |
| h_k, λ_k, ϕ_k | به ترتیب عرض ژئودتیک، طول ژئودتیک و ارتفاع از بیضوی مرتع نقطه در ایک k |
| M و N | به ترتیب شاعر مقطع قائم اولیه و شاعر مقطع نصف‌النهاری |
| e و a | به ترتیب نیم‌قطر اطول بیضوی مرتع و خروج از مرکزیت بیضوی مرتع |
| y_k | بردار مشاهدات با بعد m |
| x^n | بردار موقعیت |
| $v^n = (v_N \ v_E \ v_D)^T$ | بردار سرعت |
| a^b | بردار شتاب در چارچوب جسم (b) |
| ω_{ib}^b | بردار سرعت زاویه‌ای چارچوب جسم نسبت به چارچوب اینرسی در چارچوب جسم |
| Ω_{ib}^b | ماتریس پادمتری نمایشگر سرعت زاویه‌ای چارچوب |
| C_a^b | جسم نسبت به چارچوب اینرسی در چارچوب جسم |
| b | ماتریس نشان‌دهنده وضعیت چارچوب a نسبت به چارچوب |

۱. استادیار (نویسنده مخاطب)

۲. استادیار

۳. کارشناس ارشد ژئودزی

۳. حسگرهای اینرسی تجاری: این دسته از حسگرهای با دقت پایین و قیمت ارزان برای مقاصد تجاری و کم دقت استفاده می‌شوند.

سیستم INS که در این تحقیق از آن استفاده شد از نوع INS میکروالکترومکانیکی (MEMS)^۷ است. این INS، جزء دسته سوم حسگرهای اینرسی است.

به طور کلی دو نوع مکانیزم برای یک سیستم INS وجود دارد، منظور از مکانیزم، نوع و طرز قرارگیری حسگرهای اینرسی نسبت به یکدیگر، نسبت به وسیله نقلیه یا نسبت به چارچوب‌های وسیله (جسم)^۸، ناویری^۹ و اینرسی^{۱۰} است. برای آشنایی با چارچوب‌های جسم، ناویری، اینرسی و چارچوب زمینی^{۱۱} به شکل (۱) رجوع شود. دو نوع مکانیزم INS عبارت‌اند از [۱۰]:

۱. مکانیزم Strapdown INS: در این مکانیزم، حسگرهای اینرسی به وسیله نقلیه وصل شده‌اند و قابلیت حرکت ندارند. بنابراین در این روش مشاهدات INS، شامل اندازه‌گیری شتاب در چارچوب جسم و سرعت زاویه‌ای چارچوب جسم نسبت به چارچوب اینرسی در چارچوب جسم هستند، که به ترتیب با a^b و ω_{ib}^b نشان داده می‌شوند (جزئیات بیشتر در بخش بعدی).

۲. مکانیزم Stabilized INS: در این مکانیزم سکوی^{۱۲} سیستم INS، همواره در راستای چارچوب ناویری قرار می‌گیرد. این کار به روش مکانیکی و فیزیکی انجام می‌شود. به بیان دیگر چارچوب جسم در این مکانیزم، همواره همان چارچوب ناویری است. بنابراین در این روش مشاهدات INS، شامل اندازه‌گیری شتاب در چارچوب ناویری و سرعت زاویه‌ای چارچوب ناویری نسبت به چارچوب اینرسی در چارچوب ناویری هستند، که به ترتیب با a^n و ω_{in}^n نمایش داده می‌شوند (جزئیات بیشتر در مرجع [۱۰]).

عملکرد سیستم INS بر پایه قوانین فیزیکی استوار است بنابراین می‌توان گفت، سیستم INS، یک سیستم غیرفعال^{۱۳} بوده و برخلاف GPS، حتی در موقع جنگ الکترونیک، عملکرد کاملاً مستقل دارد. هر کدام از دو سیستم GPS و INS، مزایا و معایب دارند؛ به عنوان نمونه، مشاهدات GPS، مشاهداتی با دقت بالا و نرخ پایین هستند؛ یکی دیگر از محدودیت‌های سیستم GPS، لزوم

7. Micro-electro mechanical (MEMS)

8. Body Frame (b)

9. Navigation Frame (n)

10. Inertial Frame (i)

11. Terrestrial Frame (e)

12. Platform

13. Passive

| | |
|--|--|
| x_k | بردار مجهولات با بعد n |
| H_k | ماتریس طرح با ابعاد $m \times n$ |
| R_k | ماتریس واریانس مشاهدات با ابعاد $m \times m$ |
| D و E | به ترتیب عملگرهای امید ریاضی و پراکنش |
| (-) | شنانگر پیش‌بینی |
| (+) | شنانگر به روزرسانی |
| Φ | ماتریس حالت |
| $G_k w_k$ | بردار نویز مدل دینامیک |
| Q | ماتریس واریانس - کواریانس نویز سیستم |
| P | ماتریس واریانس - کواریانس |
| K_k | ماتریس بهره فیلتر کالمان |
| ω_e | سرعت دوران زمین |
| ψ_D, ψ_E, ψ_N | به ترتیب خطای دوران (توجیه) در سه امتداد شمال، شرق و پایین |
| $\delta\lambda$ و $\delta\phi$ | خطای مؤلفه‌های موقعیت |
| $\delta\dot{\lambda}$ و $\delta\dot{\phi}$ | خطای مؤلفه‌های سرعت |
| $\delta\omega_G = (\delta\omega_{GN} \ \delta\omega_{GE})$ | بردار خطای حسگر ژیروسکوپ در سه راستای شمال، شرق و پایین |
| $\delta\omega_{GD}$ | |
| δa_{AE} و δa_{AN} | به ترتیب خطای حسگر شتاب‌سنجد در راستای شمال و شرق |

مقدمه

موقعیت و پارامترهای وضعیت وسیله نقلیه، در مسائل ناویری، هدایت و کنترل آن مهم هستند. چنین اطلاعاتی به طور سنتی از INS^۴ و امروزه از GPS^۵ حاصل می‌شود. یک سیستم INS، شامل مجموعه‌ای از شتاب‌سنجهای و ژیروسکوپ‌های است که به ترتیب شتاب در چارچوب اینرسی و سرعت زاویه‌ای را نسبت به چارچوب اینرسی در سه راستا برای تعیین موقعیت سه بعدی اندازه‌گیری می‌کنند. به حسگرهای نامبرده که در یک دستگاه INS به کار می‌رود (شتاب‌سنجهای و ژیروسکوپ‌ها)، IMU^۶ گفته می‌شود. حسگرهای اینرسی از نظر کابرد، قیمت، اندازه و دقت به سه دسته تقسیم می‌شوند:

۱. حسگرهای اینرسی دقیق: این دسته شامل ژیروسکوپ‌ها و شتاب‌سنجهای دقیق با ابعاد بزرگ بوده که برای مقاصد نظامی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

۲. حسگرهای اینرسی ناویری: از این حسگرهای با دقت و قیمت متوسط برای مقاصد ناویری استفاده می‌شود.

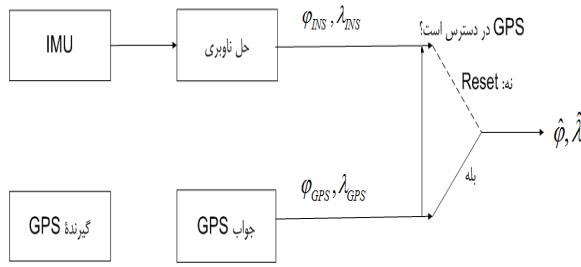
4. Inertial Navigation System

5. Global Positioning System

6. Inertial Measurement Units

بهبود کیفیت تعیین موقعیت توسط یک پردازشگر مرکزی (فیلتر کالمن) با یکدیگر تلفیق خواهد شد (شکل ۲). در حالی که در روش تلفیق متتمرکز، مشاهدات خام GPS (شامل شیه فاصله کد و فاز) و مشاهدات خام INS (سرعت زاویه‌ای و شتاب) به طور همزمان وارد پردازشگر مرکزی خواهند شد. به بیان دیگر در این روش تلفیق، برخلاف روش تلفیق غیرمتتمرکز، از مشاهدات تفاضلی مرتبه دوم GPS، به منظور بهروزرسانی مختصات حاصل از سیستم INS استفاده می‌شود. بنابراین مهم‌ترین تفاوت دو روش تلفیق مزبور، در نحوه پردازش داده‌هاست. در روش اول از مختصات و در روش دوم از مشاهدات، به منظور بهروزرسانی مختصات استفاده می‌شود. هر چند در هر دو روش تلفیق نامبرده، خطای INS و مجھولات ناوبری (شامل موقعیت، سرعت و وضعیت) و سایر مجھولات دلخواه دیگر می‌توانند برآورد شوند. در یک سیستم تلفیق با دقت بالا انتظار می‌رود همه مجھولات فیلتر کالمن (شامل بردار خطای INS، موقعیت، سرعت و پارامترهای دلخواه دیگر) به طور دقیق برآورد شوند [۱۰].

در این مقاله از روش تلفیق غیرمتتمرکز استفاده و نیز نتایج آن ارائه شده است. شکل (۲) روند کلی تلفیق GPS/INS به روشنایی با جزئیات، خواندنۀ علاقه‌مند می‌تواند به مرجع [۱۰] مراجعه کند.

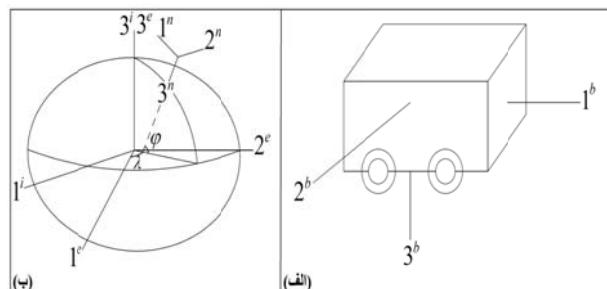


شکل ۲- فلوچارت تلفیق GPS/INS به روش پردازش غیر متتمرکز

مدل ریاضی Strapdown INS

همان‌طور که گفته شد، در مکانیزم Strapdown INS، حسگر INS بر وسیله مورد ناوبری وصل می‌شود. چارچوب حسگر INS در این مکانیزم، چارچوب وسیله (جسم) است. بنابراین مشاهدات INS در این مکانیزم، شامل اندازه‌گیری شتاب در چارچوب جسم و سرعت زاویه‌ای چارچوب جسم نسبت به چارچوب اینرسی در چارچوب جسم هستند، که به ترتیب با بردارهای a^b و ω_{ib}^b نشان داده می‌شوند. مدل ریاضی که در این مکانیزم، مشاهدات و مجھولات (موقعیت x^n ، سرعت v^n و وضعیت وسیله C_b^n) را به هم مرتبط می‌کند، بدین صورت است [۱۴-۱۶]:

وجود خط دید^{۱۴} بین آتن گیرنده و ماھواره است. برخلاف مشاهدات GPS، مشاهدات INS، دارای نرخ بسیار بالاتر و دقت پایین‌تری است. مشکل اصلی مشاهدات INS، رشد سریع خطاهای آن با زمان است. بنابراین بهمنظور رفع نقاچی هر یک از آن‌ها، از تلفیق GPS و INS استفاده می‌کیم. در سیستم‌های تلفیق از مشاهدات دقیق GPS، به منظور برآورد و تصحیح خطاهای INS، توسط فیلتر کالمن استفاده می‌شود. تلفیق GPS/INS، در زمینه‌های مختلف از GPS/INS فتوگرامتری هوایی، گرانیستنجی هوایی، ناوبری، هدایت و کنترل وسیله نقیلیه کاربرد دارد [۱-۵]. تلفیق GPS/INS، حل ناوبری کامل (شامل موقعیت، سرعت و وضعیت) با اعتمادپذیری بالاتر و نیز حساسیت پایین‌تر به تداخل و پارازیت را ممکن می‌سازد [۶-۷]. از تلفیق GPS/INS، اغلب بهمنظور تعیین مسیر وسیله نقیلیه به دقت بالاتر، کشف لغزش فاز و بهبود حل ابهام فاز استفاده می‌شود [۳-۷-۹]. عملکرد سیستم تلفیق GPS/INS، به کیفیت مشاهدات GPS، فناوری و دقت سیستم اینرسی، همواربودن مسیر و مانورهای وسیله متحرک بستگی دارد. تلفیق GPS در طول دو دهه گذشته در بسیاری از مقالات توسط محققان ارائه شده است و جنبه‌های مختلف آن، شامل کاربرد تلفیق GPS/INS در تعیین موقعیت دقیق، کشف ابهام فاز و کمک به بهبود حل ابهام فاز، تأثیر روش تلفیق (نوع فیلتر کالمن به کار برده) بر بهبود نتایج و موارد دیگر بررسی شده‌اند [۸-۹].



شکل ۱- (الف) چارچوب وسیله (جسم); (ب) چارچوب‌های اینرسی، زمینی و ناوبری

به طور کلی تلفیق GPS/INS، با استفاده از فیلتر کالمن و به دو روش زیر صورت می‌گیرد [۱۰]:

- ۱- روش تلفیق غیرمتتمرکز^{۱۵}
- ۲- روش تلفیق متتمرکز^{۱۶}

در روش تلفیق غیرمتتمرکز، دو مجموعه مختصات حاصل از GPS و INS، که از پردازش‌های جداگانه حاصل شده‌اند، بهمنظور

14. Line-of-sight

15. Decentralized Integration

16. Centralized Integration

حل عددی معادلات دیفرانسیلی ناوبری

معادله دوم از معادلات ناوبری (۱) را می‌توان به شکل زیر بیان کرد.

$$\frac{d}{dt} v^n = C_b^n a^b + f(x^n, v^n, \Omega_{in}^n, \dot{\Omega}_{in}^n, g^n) \quad (4)$$

از دو طرف رابطه (۴) در طول بازه زمانی Δt انتگرال می‌گیریم، از آن جاکه جمله دوم رابطه (۴) کوچکتر و با تغییرات کمتری نسبت به جمله اول این رابطه است، بنابراین پس از انتگرال‌گیری از رابطه (۴)، می‌توان برای جمله دوم از تقریب مرتبه اول (تقریب مستطیلی) استفاده کرد. بنابراین خواهیم داشت:

$$\Delta v^n = \int_{\Delta t} C_b^n(t') a^b(t') dt' + f(x^n, v^n, \Omega_{in}^n, \dot{\Omega}_{in}^n, g^n) \Delta t \quad (5)$$

برای انتگرال‌گیری عددی جمله اول رابطه (۵)، می‌توان از تقریبات مراتب بالاتر استفاده کرد که در آن a^b ، بردار شتاب حس شده توسط سیستم اینرسی است. ماتریس C_b^n را نیز می‌توان با استفاده از حل عددی معادله سوم از معادلات ناوبری (۱) به دست آورد. ولیکن در این تحقیق، با استفاده از خروجی‌های INS مورد استفاده، می‌توان ماتریس C_b^n را محاسبه کرد. این خروجی‌ها، شامل زوایای وضعیت وسیله نسبت به چارچوب ناوبری (رل: γ ، پیچ: χ و یا: α) هستند. بنابراین ماتریس ارتباط دو چارچوب جسم و ناوبری، از حاصل ضرب سه ماتریس دوران زیر حاصل می‌شود (رابطه ۶).

$$C_b^n = R_3(-\alpha)R_2(-\chi)R_1(-\gamma) \quad (6)$$

داریم:

$$v_{k+1}^n = v_k^n + \Delta v^n \quad (7)$$

که در آن، v_k^n و v_{k+1}^n به ترتیب بردار سرعت وسیله در اپک k و اپک $k+1$ هستند.

در نهایت، با انتگرال‌گیری مجدد از بردار سرعت $v^n = (v_N \ v_E \ v_D)^T$ (حاصل از رابطه ۷) به موقعیت خواهیم رسید [۱۰].

$$\begin{cases} \phi_k = \phi_{k-2} + \frac{(v_N)_{k-1} \Delta t}{M_{k-1} + h_{k-1}} \\ \lambda_k = \lambda_{k-2} + \frac{(v_E)_{k-1} \Delta t}{(N_{k-1} + h_{k-1}) \cos \phi_{k-1}} \\ h_k = h_{k-2} - (v_D)_{k-1} \Delta t \end{cases} \quad (8)$$

که در آن، v_N ، v_E و v_D مؤلفه‌های بردار سرعت در سه راستای شمال، شرق و پایین، λ_k و ϕ_k به ترتیب طول و عرض ژئودتیک نقطه در اپک k و h_k ارتفاع از بیضوی مرجع در اپک k هستند. در

$$\begin{cases} \frac{d}{dt} x^n = v^n \\ \frac{d}{dt} v^n = C_b^n a^b - (\Omega_{in}^n + \Omega_{ie}^n) v^n + \bar{g}^n \\ \frac{d}{dt} C_b^n = C_b^n (\Omega_{ib}^b - \Omega_{en}^b) \end{cases} \quad (1)$$

که در آن، x^n بردار موقعیت، v^n بردار سرعت، C_b^n ماتریس نشان‌دهنده وضعیت چارچوب وسیله نسبت به چارچوب ناوبری $\Omega_{ib}^b = C_b^n x^b$ ماتریس پادمتقارن نمایشگر سرعت زاویه‌ای Ω_{in}^n چارچوب جسم نسبت به چارچوب اینرسی در چارچوب جسم، Ω_{ie}^n سرعت زاویه‌ای چارچوب ناوبری نسبت به چارچوب اینرسی در چارچوب زمینی چارچوب ناوبری Ω_{ie}^n سرعت زاویه‌ای چارچوب زمینی در چارچوب ناوبری Ω_{en}^b سرعت زاویه‌ای چارچوب ناوبری نسبت به چارچوب زمینی در چارچوب جسم هستند. شایان ذکر است ماتریس پادمتقارن Ω ، هنگامی که داشته باشیم $\Omega = (\omega_1 \ \omega_2 \ \omega_3)^T$ مطابق رابطه (۲) خواهد بود.

$$\Omega = \begin{pmatrix} 0 & -\omega_3 & \omega_2 \\ \omega_3 & 0 & -\omega_1 \\ -\omega_2 & \omega_1 & 0 \end{pmatrix} \quad (2)$$

همچنین بردار گرانی \bar{g}^n در رابطه (۱) مطابق با رابطه (۳) است:

$$\bar{g}^n = g^n - C_e^n \Omega_{ie}^e \Omega_{ie}^e x^e \quad (3)$$

که در آن، g^n بردار شتاب گرانش است که در چارچوب ناوبری (۱) مختصات‌دهی شده است، جمله دوم رابطه (۳) نیز بردار شتاب گریز از مرکز (به علت دوران زمین) است که مختصات آن در چارچوب ناوبری (۱) ارائه شده است. همچنین C_e^n و x^e به ترتیب ماتریس نشان‌دهنده وضعیت چارچوب ناوبری نسبت به چارچوب زمینی و بردار موقعیت ژئوستراتئیک هستند.

برای حل دستگاه معادلات دیفرانسیل ناوبری (۱)، به اندازه‌گیری‌های a^b ، ω_{ib}^b و نیز به بردار گرانی \bar{g}^n نیاز است. همان‌طور که می‌دانیم معادلات دیفرانسیل، می‌توان به روش‌های انتگرال‌گیری عددی نیز حل کرد؛ حل عددی معادلات دیفرانسیل در منابع مختلفی از جمله منابع [۱۰-۱۳] و [۶] ارائه شده است. در بخش بعدی به اختصار روش حل عددی معادلات دیفرانسیل ناوبری (به کار گرفته در این مقاله) شرح داده می‌شود.

که در آن، علامت $(-)$ نشانگر پیش‌بینی است بنابراین $(-\hat{x}_k)$ و $(-P_k)$ به ترتیب بردار حالت پیش‌بینی شده برای اپک k ام و ماتریس واریانس-کواریانس پیش‌بینی شده است. در رابطه (12) ، ماتریس Φ ، ماتریس حالت با ابعاد $n \times n$ ، بردار $G_k w_k$ برداری با بعد n نویز مدل دینامیک و Q ماتریس واریانس-کواریانس نویز سیستم هستند.

پس از پیش‌بینی بردار مجھولات (بردار حالت) از طریق مدل دینامیک، در مرحله بعدی با مشاهدات اضافی انجام شده، بردار حالت را به روز خواهیم کرد. به این مرحله از فیلتر کالمون، مرحله بهروزرسانی با استفاده از مشاهدات خارجی می‌گویند.
- بهروزرسانی:

$$\begin{cases} K_k = P_k(-)H_k^T[H_k P_k(-)H_k^T + R_k]^T \\ \hat{x}_k(+) = \hat{x}_k(-) + K_k(y_k - H_k \hat{x}_k(-)) \\ P_k(+) = P_k(-) - K_k H_k^T P_k(-) \end{cases} \quad (13)$$

که در آن، K_k ماتریس بهره فیلتر کالمون^{۲۰} با ابعاد $n \times m$ است. همچنین در این رابطه علامت $(+)$ نشانگر بهروزرسانی است بنابراین $(+)\hat{x}_k$ و $(+)P_k$ به ترتیب بردار حالت به روز شده برای اپک k ام از طریق مشاهده خارجی y_k و ماتریس واریانس-کواریانس بهروز شده هستند.

معادلات $(11-13)$ ، روند کلی فیلتر کالمون را نمایش می‌دهد. حال به بحث طراحی فیلتر کالمون برای تلفیق GPS/INS خواهیم پرداخت. به منظور مدل کردن خطاهای حسگرهای اینرسی، از رابطه (14) استفاده می‌شود. برای آشنایی با جزئیات استخراج این رابطه، به فصل ۵ مرجع [۱۰] مراجعه شود.

$$\frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \psi_N \\ \psi_E \\ \psi_D \\ \delta\dot{\phi} \\ \delta\lambda \\ \delta\phi \\ \delta\lambda \end{bmatrix} = F \begin{bmatrix} \psi_N \\ \psi_E \\ \psi_D \\ \delta\dot{\phi} \\ \delta\lambda \\ \delta\phi \\ \delta\lambda \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \delta\omega_{GN} \\ \delta\omega_{GE} \\ \delta\omega_{GD} \\ \delta a_{AN} \\ \delta a_{AE} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (14)$$

System Noise Vector

که در آن، ω_e سرعت دوران زمین، ψ_D, ψ_E, ψ_N به ترتیب خطای دوران (توجیه) در سه امتداد شمال، شرق و پایین، $\delta\phi$ و $\delta\lambda$ خطای مؤلفه‌های موقعیت و $\delta\dot{\phi}$ و $\delta\lambda$ خطای مؤلفه‌های

رابطه (8) ، N و M به ترتیب شعاع مقطع قائم اولیه و شعاع مقطع نصف‌النهاری هستند و به ترتیب توسط روابط (9) و (10) و پارامترهای بیضوی مرجع محاسبه خواهند شد. در روابط (10) و (9) ، a نیم‌قطر اطول بیضوی مرجع و e خروج از مرکزیت بیضوی مرجع هستند.

$$N = \frac{a}{\sqrt{1-e^2 \sin^2 \phi}} \quad (9)$$

$$M = \frac{a(1-e^2)}{(1-e^2 \sin^2 \phi)^{\frac{3}{2}}} \quad (10)$$

در نهایت با استفاده از روابط $(4-10)$ مختصات وسیله توسعه مشاهدات INS، محاسبه خواهد شد. حال که مختصات حاصل از INS را در اختیار داریم، در بخش بعدی تلفیق GPS/INS با استفاده از فیلتر کالمون توضیح داده خواهد شد.

طراحی فیلتر کالمون برای تلفیق GPS/INS

سیستم معادلات مشاهدات (11) را در نظر بگیرید:

$$E(y_k) = H_k x_k; \quad D(y_k) = R_k \quad (11)$$

که در آن، y_k بردار مشاهدات با بعد m ، x_k بردار مجھولات با بعد n ، H_k ماتریس طرح با ابعاد $m \times n$ ، R_k ماتریس واریانس-کواریانس مشاهدات با ابعاد $m \times m$ ، E و D به ترتیب عملگرهای امید ریاضی^{۱۷} و پراکنش^{۱۸} هستند. بردار مشاهدات و بردار مجھولات مدل (11) ، از طریق ماتریس طرح H_k با یکدیگر مرتبط می‌شوند. گاهی ارتباط دیگری بین مجھولات مدل، از طریق مدل دینامیک به شکل رابطه (12) نیز وجود دارد. در این صورت می‌توان، از فیلتر کالمون برای برآورد بردار پارامترهای مجھول بردار حالت^{۱۹} در زمان دلخواه استفاده کرد. به طور کلی الگوریتم فیلتر کالمون شامل دو مرحله پیش‌بینی و بهروزرسانی با استفاده از مشاهدات خارجی است. معادلات فیلتر کالمون به صورت زیر است:

- پیش‌بینی:

$$\begin{cases} \hat{x}_k(-) = \Phi_{k,k-1} \hat{x}_{k-1}(+) + G_k w_k \\ P_k(-) = \Phi_{k,k-1} P_{k-1}(+) \Phi_{k,k-1}^T + Q_{k-1} \end{cases} \quad (12)$$

17. Expectation operator

18. Dispersion operator

19. State vector

بنابراین، جواب معادله دیفرانسیل (۱۴) با فرض صرف نظر کردن از نویز و با توجه به رابطه (۱۸)، به شکل رابطه (۲۲) خواهد بود.

$$\boldsymbol{\varepsilon}(t) = \Phi(t, t') \boldsymbol{\varepsilon}(t') \quad (22)$$

همچنین با فرض ثابت بودن ماتریس ضرایب F و استفاده از بسط سری تیلور خواهیم داشت:

$$\Phi(t, t') = e^{F(t-t')} = I + F \times (t - t') + \frac{1}{2!} (F \times (t - t'))^2 + \frac{1}{3!} (F \times (t - t'))^3 + \dots \quad (23)$$

همان طور که بیان شد، در این مقاله از مختصات حاصل از GPS RTK به عنوان مشاهده خارجی برای به روز رسانی فیلتر کالمن استفاده می شود. بنابراین مدل مشاهداتی را به شکل زیر خواهیم داشت (تکراری):

$$\mathbf{y} = H \boldsymbol{\varepsilon} + \nu \quad (24)$$

در رابطه (۲۴)، ماتریس طرح H و بردار مشاهدات \mathbf{y} به شکل زیر تعریف می شوند:

$$H = \begin{bmatrix} 0 & I \\ 2 \times 5 & 2 \times 2 \end{bmatrix} \quad (25)$$

و

$$\mathbf{y} = \begin{bmatrix} \varphi_{GPS} - \varphi_{INS} \\ \lambda_{GPS} - \lambda_{INS} \end{bmatrix} \quad (26)$$

در نهایت ابتدا بردار حالت ($\boldsymbol{\varepsilon}$) با استفاده از مدل دینامیکی (۲۲) و ماتریس حالت (۲۳)، پیش‌بینی می‌شود. سپس، در مرحله بعدی با استفاده از مدل مشاهداتی (۲۴)، بردار حالت به روز رسانی خواهد شد و در نهایت مختصات حاصل از تلفیق GPS/INS از معادله (۲۷) حاصل می‌شود.

$$\begin{cases} \hat{\boldsymbol{\varphi}}(t_k) = \varphi_{INS}(t_k) - \delta\hat{\boldsymbol{\varphi}}(t_k) \\ \hat{\boldsymbol{\lambda}}(t_k) = \lambda_{INS}(t_k) - \delta\hat{\boldsymbol{\lambda}}(t_k) \end{cases} \quad (27)$$

که در آن، $\lambda_{INS}(t_k)$ و $\varphi_{INS}(t_k)$ مختصات حاصل از INS (توضیح داده شده در بخش حل عددی معادلات دیفرانسیلی ناوبری) و $\delta\hat{\boldsymbol{\lambda}}(t_k)$ و $\delta\hat{\boldsymbol{\varphi}}(t_k)$ عناصر بردار حالت (رابطه ۲۱) در اپک دلخواه t_k ، هستند.

خواننده علاقه مند برای آشنایی با جزئیات بیشتر به مرجع [۱۰] مراجعه کنید.

جمع‌آوری داده و پردازش

این آزمایش در تاریخ ۲۵ آوریل ۲۰۱۱، در دانشکده فنی مهندسی دانشگاه اصفهان انجام شده است. آتنن GPS و INS بر روی

سرعت هستند. $\delta\boldsymbol{\omega}_G = (\delta\omega_{GN} \quad \delta\omega_{GE} \quad \delta\omega_{GD})^T$ ، بردار خطای حسگر زیروسکوپ در سه راستای شمال، شرق و پایین است که در چارچوب ناوبری مختصات دهی شده‌اند. همچنین $\delta\boldsymbol{a}_{AN}$ و $\delta\boldsymbol{a}_{AE}$ در این رابطه، به ترتیب خطای حسگر شتاب سنج هستند که در چارچوب ناوبری (n) مختصات دهی شده‌اند.

همچنین ماتریس F در رابطه (۱۴) به شکل زیر است:

$$F = \begin{bmatrix} 0 & -\omega_e \sin \varphi & 0 & 0 & \cos \varphi & -\omega_e \sin \varphi & 0 \\ \omega_e \sin \varphi & 0 & \omega_e \cos \varphi & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -\omega_e \cos \varphi & 0 & 0 & -\sin \varphi & -\omega_e \cos \varphi & 0 \\ 0 & \frac{-a_3^n}{r} & \frac{a_2^n}{r} & 0 & -\omega_e \sin 2\varphi & 0 & 0 \\ \frac{-a_3^n}{r \cos \varphi} & 0 & \frac{-a_1^n}{r \cos \varphi} & 2\omega_e \tan \varphi & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (15)$$

که در آن، $a^n = (a_1^n \quad a_2^n \quad a_3^n)^T$ بردار شتاب است که در چارچوب ناوبری (n) مختصات دهی شده است. همچنین در این رابطه:

$$r = \sqrt{MN} + h \quad (16)$$

معادله دیفرانسیل (۱۷) را در نظر بگیرید.

$$\dot{x}(t) = F(t)x(t) + G(t)w(t) \quad (17)$$

جواب معادله دیفرانسیل (۱۷) به شکل رابطه زیر خواهد بود.

$$x(t) = \Phi(t, t_0)x(t_0) + \int_{t_0}^t \Phi(t, \tau)G(\tau)w(\tau)d\tau \quad (18)$$

که در آن، ماتریس Φ همان ماتریس حالت فیلتر کالمن است و در رابطه زیر صدق می‌کند:

$$\frac{d}{dt} \Phi(t, t_0) - F(t)\Phi(t, t_0) = 0 ; \quad \Phi(t_0, t_0) = I \quad (19)$$

برای حالت خاص که ماتریس ضرایب F ، ثابت باشد، ماتریس حالت Φ به شکل رابطه (۲۰) خواهد بود.

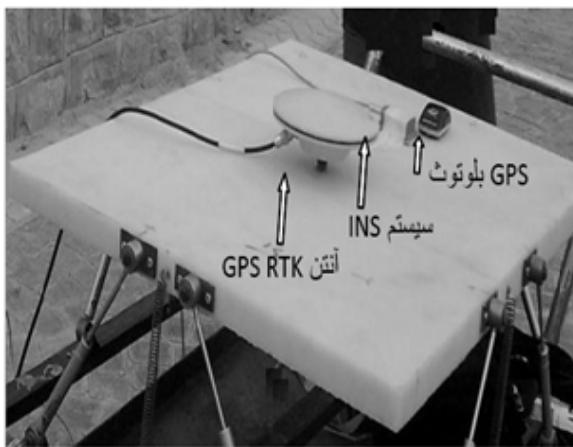
$$\Phi(t, t_0) = e^{F(t-t_0)} \quad (20)$$

بردار حالت \boldsymbol{x} را به شکل زیر تعریف می‌کنیم:

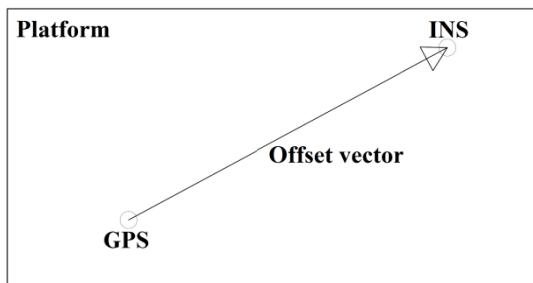
$$\boldsymbol{\varepsilon} = [\psi_N \quad \psi_E \quad \psi_D \quad \delta\dot{\varphi} \quad \delta\dot{\lambda} \quad \delta\dot{\phi} \quad \delta\dot{\lambda}] \quad (21)$$

برای سادگی، در این تحقیق از بردار نویز سیستم در رابطه (۱۴)، صرف نظر خواهد شد.

همان طور که از شکل (۴) مشخص است، مرکز فاز آتن INS و محل استقرار دستگاه INS بر روی سکوی طراحی شده، از یکدیگر جدا هستند. شکل (۵)، جدایی (آفست) مرکز فاز آتن INS و محل استقرار دستگاه INS را به صورت دو بعدی نمایش می دهد.



شکل ۴- GPS/INS وصل شده بر روی وسیله نقلیه مورد استفاده در آزمایش میدانی



شکل ۵- جدایی (آفست) مرکز فاز آتن GPS و محل استقرار دستگاه INS

آفست مرکز فاز آتن GPS و چارچوب INS^{۲۴} در چارچوب جسم (b)، به دقت اندازه گیری شده است. از آن جا که چارچوب مورد استفاده برای محاسبات، چارچوب ناوبری است بنابراین، بردار آفست در چارچوب جسم با استفاده از رابطه $offset^n = C_b^n offset^b$ به درستی متناسب با مختصات حاصل از پردازش GPS، اعمال کرد تا این آفست را به مختصات حاصل از پردازش GPS، بخواهیم مختصات GPS، در همان محل استقرار دستگاه INS به دست آید. نکته مهم دیگر، عدم همزمانی مشاهدات GPS و INS است. سیستم زمانی مختصات حاصل از پردازش GPS، سیستم UTC^{۲۵} است؛ در حالی که سیستم INS برای استخراج اطلاعات خود، به یک دستگاه رایانه همراه متصل شده بود. از این رو سیستم زمانی INS،

وسیله ای مستقر شدند. هدف از این آزمایش، مقایسه مختصات حاصل از INS و مختصات حاصل از GPS RTK و نیز تلفیق GPS/INS به روش غیر متمرکز بوده است. GPS^{۲۶} که در این تحقیق استفاده شده است، از نوع ممز^{۲۷} ساخت شرکت ایکسنس^{۲۸} و مدل آن Mti است. مخصوصات کلی آن از لحاظ دقیق در جدول (۱) آمده است. گیرنده GPS مورد استفاده در این آزمایش، لايكا سیستم ۵۰۰^{۲۹} از نوع ژئودتیک با قابلیت RTK است. گیرنده متحرک بر روی وسیله نقلیه نصب شده بود (شکل ۳).

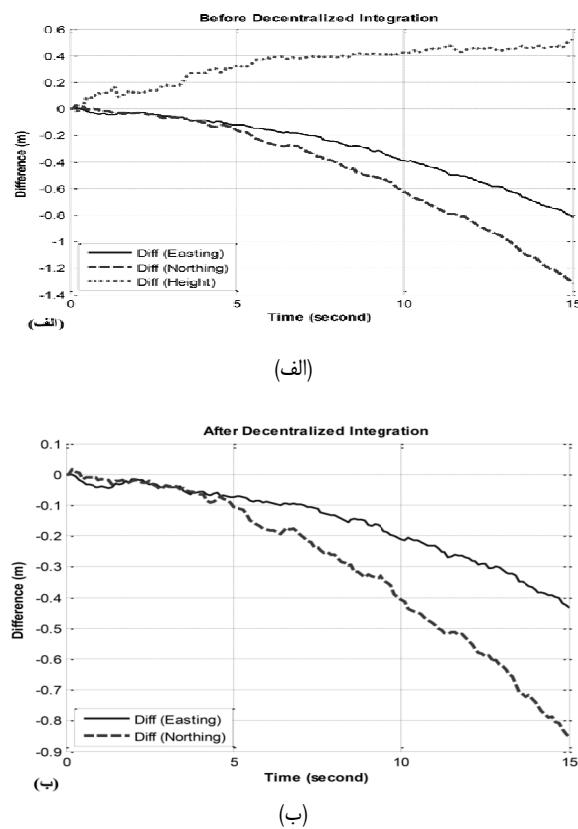
جدول ۱- مشخصات سیستم INS مورد استفاده در آزمایش میدانی

| عملکرد حسگر | نرخ دوران | شتات | میدان مغناطیسی |
|-------------------------|-----------------------------------|--------------------------------|----------------------|
| بعد | محور ۳ | محور ۳ | محور ۳ |
| دامنه عملکرد | $\pm 30^\circ$ (درجه بر ۵۰ ثانیه) | $\pm 50^\circ$ (مترا بر ثانیه) | ± 750 (میلی گوس) |
| پایداری بایاس | ۲۰ (درجه بر ثانیه) | ۰/۰۲ (مترا بر ثانیه) | ۰/۱ (میلی گوس) |
| پایداری ضریب مقایس | --- | % ۰/۰۳ | % ۰/۰۵ |
| نویز | ۰/۰۵ هرتز/ ثانیه/ درجه | ۰/۰۰۲ هرتز/ ثانیه/ متر | ۰/۵ (میلی گوس) |
| خطای توجیه | ۰/۱ (درجه) | ۰/۱ (درجه) | ۰/۱ (درجه) |
| پهنای باند | ۴۰ (هرتز) | ۳۰ (هرتز) | ۱۰ (هرتز) |
| ماکزیمم نرخ به روزرسانی | ۵۱۲ (هرتز) | ۵۱۲ (هرتز) | ۵۱۲ (هرتز) |



شکل ۳- GPS/INS مورد استفاده در آزمایش میدانی

شکل (۴)، GPS و INS مورد استفاده در این آزمایش میدانی به همراه وسیله مورد استفاده را نشان می دهد.



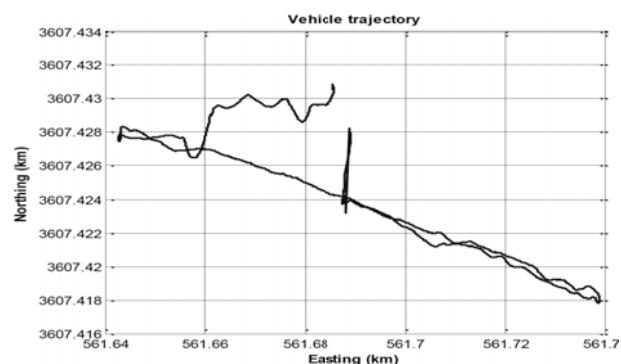
شکل ۷- مقایسه مختصات INS و GPS RTK (الف) قبل از تلفیق؛ (ب) بعد از تلفیق

شکل ۷-الف) اختلاف مختصات حاصل از GPS RTK و INS را بر حسب متر نسبت به زمان نشان می‌دهد. همان‌طور که در شکل ۷-الف) دیده می‌شود، تا ۱۳ ثانیه دقت بهتر از یک متر در هر سه در جدول (۲) نتایج مقایسه مختصات GPS RTK با مختصات INS (حل به روش انتگرال‌گیری عددی)، در چندین نمونه پانزده ثانیه‌ای در طول داده (زمان اندازه‌گیری)، ارائه شده است. در جدول (۲)، اپکی است که در آن (m) $\max |Diff(E, N, H)| \leq 1$ شود.

همان‌طور که از جدول (۲) مشخص است، تا حدود یازده پس از شروع انتگرال‌گیری عددی (بخش ۳)، اختلاف مختصات بین INS و GPS در هر سه مؤلفه (E, N, H) کمتر از یک متر خواهد بود.

همان سیستم زمانی رایانه همراه خواهد بود. در این آزمایش میدانی، از GPS بلوتوث بهمنظور هم‌زمان کردن مشاهدات GPS و INS استفاده شده است. بدین منظور، GPS بلوتوث نیز به همان رایانه همراه متصل شده و اختلاف سیستم زمان UTC و سیستم زمانی رایانه همراه را در لحظات گستته در اختیار ما قرار می‌دهد. مشاهدات خام INS، با فرکانس ۱۰۰ هرتز و مشاهدات خام GPS RTK، با فرکانس ۱۰ هرتز ذخیره شده‌اند. حدود سیزده دقیقه اندازه‌گیری GPS/INS، از ساعت $10^h : 58^m : 18.4^s$ UTC تا ساعت $11^h : 11^m : 40.8^s$ UTC در دسترس است.

شکل (۶)، مسیر وسیله در این آزمایش میدانی را نمایش می‌دهد.



شکل ۶- مسیر وسیله در آزمایش میدانی

پردازش داده‌ها و ارائه نتایج

همان‌طور که گفته شد، برای ناویبری توسط INS، علاوه بر حل دستگاه معادلات دیفرانسیل (۱)، می‌توان از تکنیک‌های انتگرال‌گیری عددی نیز استفاده کرد [۱۰-۱۳]. به دلیل افزایش سریع خطای تجمعی INS با زمان (ناشی از انتگرال‌گیری عددی که در بخش حل عددی معادلات دیفرانسیل توضیح داده شد)، دقت مختصات حاصل از INS کاهش می‌یابد. مقایسه مختصات حاصل از ناویبری مستقل توسط GPS RTK نیز این موضوع را تأیید می‌کند؛ شکل ۷-الف). مؤلفه حاصل می‌شود.

جدول ۲- تکرار آزمایش در زمان‌های مختلف؛ tm نشانگر زمانی است که خطای در هر سه مؤلفه کمتر از یک متر باشد.

| زمان شروع (UTC) | زمان پایان (UTC) | t_m | $t_m - t_{start}$ (s) |
|------------------------|------------------------|------------------------|------------------------------------|
| $10^h : 58^m : 18.4^s$ | $10^h : 58^m : 33.4^s$ | $10^h : 58^m : 31.6^s$ | 13.2 |
| $10^h : 59^m : 18.4^s$ | $10^h : 59^m : 33.4^s$ | $10^h : 59^m : 30.6^s$ | 12.2 |
| $11^h : 00^m : 18.4^s$ | $11^h : 00^m : 33.4^s$ | $11^h : 00^m : 27.3^s$ | 8.9 |
| $11^h : 08^m : 58.4^s$ | $11^h : 09^m : 13.4^s$ | $11^h : 09^m : 8.90^s$ | 10.5 |
| | | | $mean(t_m - t_{start}) = 11.2$ (s) |

مراجع

- [1] Bevelly, D.M., Rekow, A., and Parkinson, B., "Comparison of INS vs Carrier-Phase DGPS for Attitude Determination in the Control of off-road Vehicles", *Navigation Journal US Institute Navigation*, Vol. 47, No. 4, 2000, pp. 257–265.
- [2] Da, R., "Investigation of a low-cost and High-Accuracy GPS/IMU System", *Proceedings of ION National Technical Meeting, Santa Monica, California*, 14–16 January, 1997, pp 955–963.
- [3] Grejner-Brzezinska, D., Da, R., and Toth, C., "Positioning Accuracy of the Airborne Integrated Mapping System", *National Technical Meeting of the Institute of Navigation, Long Beach, California*, 21-23 January, 1998, pp.713-721.
- [4] Kwon, J.H., Jekeli, C., "A New Approach for Airborne Vector Gravimetry Using GPS/INS", *Journal of Geodesy*, Vol. 74, No. 10, 2005, pp. 690–700.
- [5] Grejner-Brzezinska, D., Da, R., and Toth, C., "GPS Error Modeling and OTF Ambiguity Resolution for High-Accuracy GPS/INS Integrated System", *Journal of Geodesy*, Vol. 72, No. 11, 1998, pp. 626–638.
- [6] Farrell, R.A, and Barth, M., *The Global Positioning System & Inertial Navigation and Integration*, McGraw-Hill, New York, 1998.
- [7] Schwarz, K.P., El-Sheimy, N., and Liu, Z., "Fixing GPS Cycle Slips by INS/GPS – Methods and Experiences," *Int. Symp. on Kinematic Systems in Geodesy, Geomatics & Navigation (KIS94), Banff, Canada*, 30 August – 2 September, 1994, pp. 265–275.
- [8] Cannon, M.E., "Airbone GPS/INS with an Application to Aerotriangulation", (Ph.D. Thesis), USCE Report Number 2004, Dept. of Geomatics Eng., the University of Calgary, 1991.
- [9] Lee, H.K., Wang, J., and Rizos, C., "An Integer Ambiguity Resolution Procedure for GPS/pseudolite/INS Integration", *Journal of Geodesy*, Vol.79, No. 4-5, 2005, pp. 242–255.
- [10] Jekeli, C., *Inertial Navigation Systems with Geodetic Applications*, Berlin, New York, 2001.
- [11] Titterton, D. H., and Weston, J. L., *Strapdown Inertial Navigation Technology*, 2nd edition, Peter Perengrinus Ltd, 2005.
- [12] Savage, P. G., *Strapdown Inertial Navigation - Lecture Notes*, Technical Report, Strapdown Associates, 1997.
- [13] Wong, R.V.C., Development of a RLG Strapdown Inertial Navigation System, (PhD Thesis), USCE Report Number 20027, Dept. of Geomatics Eng., the University of Calgary, 1988.
- [14] Bar-Itzhack, I.Y., and Berman, N., "Control Theoretic Approach to Inertial Navigation System", *AIAA Journal of Guidance, Control & Dynamics*, Vol. 11, No. 3, 1988, pp. 237-245.

حال تلفیق GPS/INS به روش غیرمتراکز (توسط فیلتر کالمن توضیح داده شد را به کار می‌گیریم. شکل (۷-ب)، نتایج تلفیق GPS/INS را نشان می‌دهد. شکل (۷-ب) اختلاف مختصات حاصل از تلفیق GPS/INS به روش غیرمتراکز و مختصات حاصل از GPS RTK را بر حسب متر نسبت به زمان نشان می‌دهد. دقت حاصل در ۵ ثانیه اول بسیار خوب بود و در حد دقت RTK است لیکن پس از آن با توجه به دقت پایین سیستم‌های اینرسی ممز و همین‌طور روش غیرمتراکز، دقت تلفیق پایین می‌آید. بنابراین اختلاف از حدود یک متر (ثانیه ۱۵ شکل ۷-الف) به ۲۰ سانتی‌متر در ثانیه ۱۵ شکل (۷-ب) کاهش پیدا می‌کند. این آزمایش توانایی IMU‌های نسبتاً ارزان قیمت^۱ برای حل مشکل لغزش فاز و قطعی فاز در مانورهای وسایل نقلیه در تعیین موقعیت سینماتیک GPS را نمایش می‌دهد.

نتیجه‌گیری و پیشنهادها

موقعیت و پارامترهای وضعیت وسیله‌نقلیه، در مسائل ناوبری، هدایت و کنترل وسیله‌نقلیه مهم هستند. از سیستم ناوبری اینرسی (INS) و سیستم تعیین موقعیت جهانی (GPS)، به منظور تعیین موقعیت و همچنین کاربردهای مختلف ناوبری استفاده می‌شود. استفاده از تلفیق مشاهدات GPS/INS به کاهش نقایص هر یک از دو سیستم کمک می‌کند. به علاوه تلفیق GPS/INS، حل ناوبری کامل (شامل موقعیت، سرعت و وضعیت) اعتمادپذیری بالاتری را ممکن می‌سازد. مهم‌ترین کاربرد تلفیق این دو سیستم را می‌توان یافتن لغزش فاز در تعیین موقعیت سینماتیک GPS دانست.

در این مقاله، نتایج یک آزمایش میدانی ارائه شده است. هدف از این آزمایش، مقایسه مختصات حاصل از INS و مختصات حاصل از GPS RTK و نیز تلفیق GPS/INS به روش غیرمتراکز بوده است. پردازش انجام شده توانایی INS غیرمکانیکی را که از فناوری میکروالکتروموکانیکی بهره می‌برند در زمان‌های کوتاه نشان می‌دهد. در هر صورت برای دقت‌های بالاتر و همین‌طور مطالعات مرتبط با میدان‌نقل باید از سیستم‌های اینرسی مکانیکی (دارای واحدهای اینرسی سنتی مکانیکی با دقت بالا) استفاده کرد. این دستگاه‌ها گران‌قیمت بوده و در پروژه‌های معمول مقول به صرفه نیستند. برای حصول جواب‌های بهتر استفاده از روش تلفیق متراکز پیشنهاد می‌شود.