

# Design of an Attitude Control and Power Management System for a Remote Sensing Satellite Considering of Reaction Wheels Saturation Effects

**Farhad Fani Saberi<sup>1\*</sup>, Amir Eslami Mehrjardi<sup>2</sup>**

1. Space Science and Technology Institute, Amirkabir University of Technology

2. Iran University of Science and Technology, Space Research Center

\*Hafez St. Tehran, IRAN

**f.sabery@aut.ac.ir**

*In this paper we are going to design an attitude control system for a Stereo-Imaging Remote Sensing Satellite using of four pyramidal reaction wheels. In this method, in order to provide the power requirements of the satellite by the energy stored in the reaction wheels, a power management law will be designed and added to the attitude control law to charge and discharge the wheels according to the preset profiles. Therefore, attitude control and power management of the satellite will be carried out simultaneously. In this method, while the satellite is in the light and the batteries are charged, the speed of the wheels increase up to the limited speeds and while the power requirements of the subsystems are inadequate, Power will be returned to the subsystems by reducing the speed of the wheels. The design of this system has been conducted to consider the effects of saturation of the wheels to prevent attitude deviations of satellite while power management is done. Simulation results show the good performance of the designed attitude control and power management system of the satellite.*

**Keywords:** Attitude control, Satellite, Power management system, Stereo –imaging, Reaction wheel, Saturation effects

---

1. Assistant Professor (Coresponding Author)  
2. M. Sc.

# طراحی سیستم کنترل وضعیت و مدیریت توان برای یک ماهواره سنجش از دور با درنظر گرفتن اثر اشباع چرخها

فرهاد فانی صابری<sup>۱\*</sup> و امیر اسلامی مهرجردی<sup>۲</sup>

۱- پژوهشکده علوم و فناوری فضایی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

۲- دانشگاه علم و صنعت ایران - مرکز تحقیقات فضایی

\* تهران، خیابان حافظ، روبروی سمهیه

f.sabery@aut.ac.ir

در این مقاله، طراحی سیستم کنترل وضعیت یک ماهواره سنجش از دور با استفاده از ۴ چرخ عکس‌العملی با ساختار هرمی و به منظور تصویربرداری استریو مطرح می‌شود. در این روش، به منظور تأمین بخشی از توان مورد نیاز ماهواره توسط انرژی ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی، یک قانون مدیریت توان برای شارژ و دشارژ انرژی چرخ‌ها مطابق با پروفایل از پیش تعیین شده طراحی و به قانون کنترل وضعیت افزوده می‌گردد، به‌گونه‌ای که کنترل وضعیت ماهواره و مدیریت توان ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی به طور همزمان انجام می‌پذیرد. در این روش، هنگامی که ماهواره در روشنایی قرار دارد و باتری‌ها شارژ هستند، سرعت چرخ‌ها تا حد مجاز افزایش می‌یابد و هنگامی که توان مورد نیاز برای زیرسیستم‌ها ناکافی باشد، با کاهش سرعت چرخ‌ها توان مورد نیاز به سیستم بازگردانده می‌شود. در طراحی این سیستم، اثر اشباع چرخ‌ها به‌گونه‌ای منظور شده است که در صورت انجام مدیریت توان مطابق پروفایل از پیش تعیین شده، دقت کنترل وضعیت ماهواره تا حد امکان دچار اختلال نشود. نتایج شبیه‌سازی بیانگر کارایی مناسب سیستم کنترل وضعیت ماهواره در حضور سیستم مدیریت توان طراحی شده است.

**واژه‌های کلیدی:** کنترل وضعیت ماهواره، سیستم مدیریت توان، تصویربرداری استریو، چرخ‌های عکس‌العملی، اثر اشباع چرخ‌ها

		فهرست علائم و اختصارات	
$\omega_w$	سرعت زاویه‌ای چرخ‌های عکس‌العملی		
$J$	ممان اینرسی ماهواره		
$q_i$	مؤلفه‌های بردار کواترنیون	A	ماتریس جهت قرارگیری چرخ‌ها
$\tau$	گشتاورهای خارجی وارد بر پیکره ماهواره	H	اندازه حرکت زاویه‌ای کل سیستم
$u$	گشتاور کنترلی چرخ‌های عکس‌العملی	$h_w$	ممتنم زاویه‌ای حاصل از چرخ‌های عکس‌العملی
مقدمه		I	ماتریس ممان اینرسی کل سیستم
		$I_w$	ماتریس ممان اینرسی چرخ‌ها

امروزه، کاربرد ماهواره‌های سنجش از دور با مأموریت تصویربرداری استریو، در زمینه‌های تهیه نقشه‌های جغرافیایی و ایجاد تصاویر سه‌بعدی از اجسام بسیار حائز اهمیت است. این ماهواره‌ها قابلیت

۱. استادیار (نویسنده مخاطب)

۲. کارشناس ارشد

ماهواره می‌شود. لذا تحقیقات گسترهای از سال ۱۹۶۰ در راستای استفاده از چرخ‌های عکس‌العملی برای کنترل وضعیت ماهواره و ذخیره‌سازی انرژی به‌طور همزمان صورت گرفته است [۳-۹]. لیکن در این مقالات اثر اشباع چرخ‌های عکس‌العملی منظور نشده است و این مهم انجام همزمان کنترل وضعیت ماهواره و مدیریت توان مطابق پروفایل از پیش تعیین شده را با مشکل مواجه خواهد کرد. برای حل این مشکل، در این مقاله، طراحی سیستم کنترل وضعیت یک ماهواره سنجش از دور با استفاده از ۴ چرخ عکس‌العملی با ساختار هرمی و به‌منظور انجام مأموریت تصویربرداری استریو مطرح می‌شود. در این روش به منظور تأمین بخشی از توان مورد نیاز ماهواره توسط انرژی ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی، یک قانون مدیریت توان برای شارژ و دشارژ انرژی چرخ‌ها مطابق با پروفایل از پیش تعیین شده طراحی و به قانون کنترل وضعیت افزوده می‌شود، به‌گونه‌ای که کنترل وضعیت ماهواره و مدیریت توان ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی بطور همزمان انجام می‌پذیرد. در طراحی این سیستم، اثر اشباع چرخ‌ها نیز به‌گونه‌ای منظور شده است که در صورت انجام مدیریت توان مطابق پروفایل از پیش تعیین شده، دقت کنترل وضعیت ماهواره تا حد امکان دچار اختلال نشود. در این روش، سیستم کنترل وضعیت طراحی شده برای انجام مأموریت تصویربرداری استریو بر اصول کنترل کننده تناسبی-مشتقی و با استفاده از خطای کواترنیون‌ها استوار است [۲-۱] و سیستم مدیریت توان برای تأمین پروفایل مطلوب شارژ و دشارژ انرژی ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی بر اصول بیان شده در مرجع [۳-۴] استوار است. لیکن در این مقاله، طراحی به‌گونه‌ای اصلاح می‌پذیرد که توزیع و ذخیره‌سازی انرژی چرخ‌ها باعث اشباع چرخ‌ها و ایجاد اختلال در دقت کنترل وضعیت ماهواره نشود.

## مدل‌سازی دینامیک ماهواره

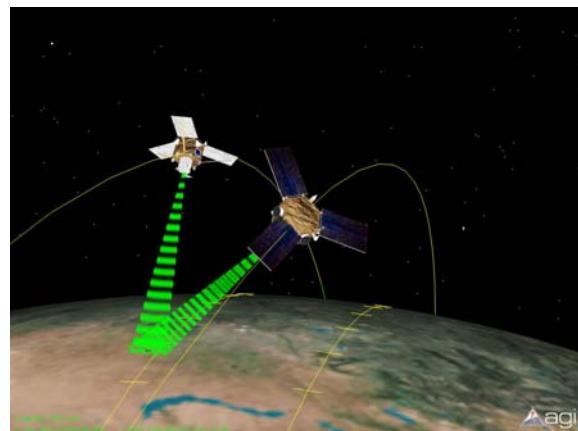
دینامیک ماهواره بیانگر تغییرات سرعت‌های زاویه‌ای ماهواره بر اثر گشتاورهای داخلی و خارجی است. بنابراین با استفاده از معادله اولر دینامیک ماهواره در حضور چرخ‌های عکس‌العملی به‌صورت زیر به‌دست می‌آید [۹-۱۰]:

$$J\dot{\omega} = \tau + \omega \times H - u \quad (1)$$

در رابطه فوق،  $\omega$  سرعت زاویه‌ای ماهواره،  $u$  گشتاور کنترلی حاصل از چرخ‌های عکس‌العملی،  $\tau$  بیان‌کننده گشتاورهای خارجی وارد بر پیکره ماهواره و  $H$  ممتم زاویه‌ای کل ماهواره است [۱۰]. بنابراین:

$$H = J\omega + Ah_a \quad (2)$$

چرخ‌ش همزمان حول محور پیج و رل را دارند. این ویژگی، پریود تکرار ماهواره و زمان مورد نیاز برای تکرار عکس‌برداری از یک نقطه خاص بر روی زمین و از زوایای مختلف، برای به‌دست آوردن تصاویر استریو را به‌طور چشمگیری کاهش می‌دهد. در شکل (۱) سناریوی تصویربرداری از یک منطقه ویژه و به‌منظور به‌دست آوردن تصاویر استریو نشان داده شده است [۱-۲].



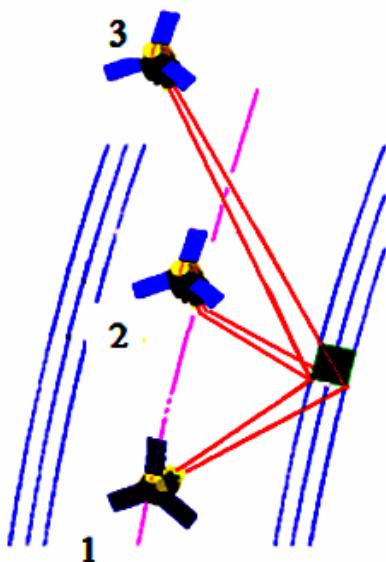
شکل ۱- تصویربرداری استریو به روش تلفیقی طولی و عرضی

به‌منظور اجرای این سناریو، مهم‌ترین وظیفه زیرسیستم کنترل وضعیت ماهواره، فراهم کردن قابلیت مانورهای با زاویه بزرگ و سریع و تأمین دقت کنترل وضعیت و دقت پایداری بالاست. برای این منظور از ۴ چرخ عکس‌العملی و با ساختار هرمی استفاده می‌نماییم [۱-۴].

با توجه به توان مصرفی زیاد چرخ‌های عکس‌العملی در انجام مأموریت فوق و در نظر گرفتن اهمیت انرژی در افزایش طول عمر ماهواره، جلوگیری از هدررفتن انرژی و ذخیره‌سازی آن در این ماهواره‌ها بسیار حائز اهمیت است. لذا در اغلب ماهواره‌ها از باتری‌های شیمیایی برای ذخیره‌سازی انرژی تولیدی مازاد توسط پنل‌های خورشیدی، زمانی که به سمت خورشید قرار می‌گیرند استفاده می‌شود و در هنگام خسوف یا به‌منظور تأمین توان‌های مصرفی لحظه‌ای زیاد زیرسیستم‌ها مورد استفاده قرار می‌گیرد. مشکل اصلی در این روش، طول عمر باتری‌ها و افزایش وزن زیرسیستم انرژی به‌دلیل استفاده از سیستم‌های کنترل کننده سیکل شارژ و دشارژ باتری‌هاست. یکی از راهکارهای حل این مشکل، ذخیره‌سازی انرژی در چرخ‌های عکس‌العملی است. مزیت استفاده از این روش عبارتند از: افزایش کارایی و عملکرد در دمای محیطی نسبتاً بالا (۴۰ درجه سانتی‌گراد) و قابلیت انجام کنترل وضعیت ماهواره و ذخیره‌سازی انرژی به‌طور همزمان. همچنین استفاده از این روش موجب افزایش قابلیت اطمینان و کاهش وزن و ابعاد

## سناریوی تصویربرداری استریو

در این بخش به منظور استخراج نیازمندی‌ها و طراحی یک زیرسیستم کنترل وضعیت مناسب، به بررسی سناریوی تصویربرداری استریو از یک منطقه مشخص و با استفاده از روش تلفیقی می‌پردازم. برای این منظور، مطابق شکل ۳ و هم‌مان با تغییر موقعیت ماهواره، لازم است که ماهواره حول محور رول و پیچ بصورت همزمان مانورهایی داشته باشد تا در نقاط ۱، ۲ و ۳ از منطقه مورد نظر تصویربرداری کند [۲].



شکل ۳- سناریوی تصویربرداری استریو [۳]

این مانورها، بسیار سریع بوده و در حدود ۳۰ درجه در مدت زمان ۶۰ ثانیه می‌باشند. لذا با استفاده از چرخ‌های عکس‌العملی، وضعیت ماهواره به صورت بسیار سریع کنترل شده و دقت کنترل و پایداری کافی برای عکس‌برداری در حین چرخش را فراهم می‌آورد. سناریوی تصویربرداری مطلوب در این مأموریت با مانورهای سریع در جدول (۱) بیان شده است. این مانورها بعنوان منحنی‌های مطلوب و مرتع در زیر سیستم کنترل وضعیت ماهواره مذکور قرار خواهد گرفت [۲].

جدول ۱- مانورهای مطلوب ماهواره برای تصویربرداری استریو [۲]

مانور	توضیح	از	به	درجه
مانور اولیه	مانور از شرایط اولیه به سمت نزدیک در ۶۰ ثانیه	{0,0,0}	{5,-5,5} [۰ ۶۰] <sup>sec</sup>	
مانور ۱	مانور از نزدیک به نقطه ۱ در مدت ۶۰ ثانیه	{0,0,0}	{30,30,0} [۶۰ ۱۲۰] <sup>sec</sup>	
مانور ۲	مانور از نقطه ۱ به نقطه ۲ در مدت ۶۰ ثانیه	{30,30,0}	{0,0,0} [۱۲۰ ۱۸۰] <sup>sec</sup>	

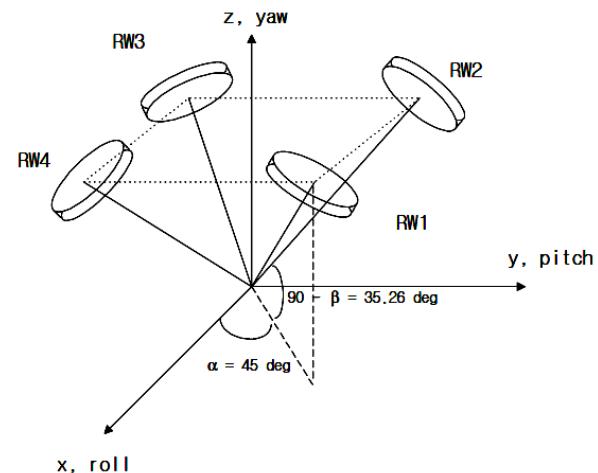
در رابطه فوق، ماتریس  $A$  بیانگر جهت قرارگیری چرخ‌ها و  $h_a$  دیگر متنبّه ممتد زاویه‌ای حاصل از چرخ‌های عکس‌العملی است که به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$h_a = I_w A^T \omega + I_w \omega_w \quad (3)$$

در رابطه فوق  $I_w = diag\{I_{w_1}, I_{w_2}, \dots, I_{w_N}\}$  ماتریس ممان اینرسی چرخ‌ها و  $\omega_w$  سرعت زاویه‌ای آنهاست. لذا هدف از کنترل ماهواره توسط چرخ‌های عکس‌العملی، یافتن ممتد زاویه‌ای مناسب برای چرخ‌ها به‌گونه‌ای است که ماهواره جهت‌گیری صحیح و مطلوب را اتخاذ کند. بنابراین داریم:

$$T_{out} = \dot{h}_w = [\dot{h}_{wx} \quad \dot{h}_{wy} \quad \dot{h}_{wz}] = A \dot{h}_a \quad (4)$$

در این مقاله، سیستم کنترل وضعیت موردنظر طراحی از چهار چرخ عکس‌العملی و با ساختار نشان داده شده در شکل (۲) تشکیل یافته است.



شکل ۲- ساختار چرخ‌های عکس‌العملی

بنابراین ماتریس  $A$  به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$A = \begin{bmatrix} \cos \alpha \sin \beta & -\sin \alpha \sin \beta & -\cos \alpha \sin \beta & \sin \alpha \sin \beta \\ \sin \alpha \sin \beta & \cos \alpha \sin \beta & -\sin \alpha \sin \beta & -\cos \alpha \sin \beta \\ \cos \beta & \cos \beta & \cos \beta & \cos \beta \end{bmatrix} \quad (5)$$

در کنترل وضعیت ماهواره با استفاده از چرخ‌های عکس‌العملی و با ساختار نشان داده شده در شکل (۲)، گشتاور وارد بر ماهواره توسط چرخ‌ها از دو بخش اصلی تشکیل می‌شود. بخشی از گشتاور که مربوط به گشتاوری است که در فضای ماتریس  $A$  وجود دارد و در کنترل وضعیت ماهواره موثر است و بخشی از گشتاور که در فضای پوچی ماتریس  $A$  قرار دارد و در کنترل وضعیت ماهواره اثری نداشته و تنها باعث افزایش انرژی/ممتد چرخ‌ها می‌شود.

$$\dot{h}_a = A^+ T_{out} + g_n \quad (11)$$

در رابطه فوق  $A^+$  اپراتور تصویربردار روی فضای  $A^T$  است و به صورت زیر محاسبه می‌شود [۴]:

$$A^+ T_{out} \in R(A^T) \quad (12)$$

$$g_n \in N(A)$$

در این صورت خواهیم داشت:

$$A g_n = 0 \quad (14)$$

با توجه به اینکه  $A \dot{h}_a = A(A^+ T_{out} + g_n) = T_{out}$  بنابراین  $g_n$  در وضعیت ماهواره اثری نخواهد داشت. از طرفی توان ذخیره شده در چرخ‌ها عبارتند از [۴]:

$$P = \omega_w^T I_w \omega_w \quad (15)$$

بنابراین هدف آن است که کنترل‌کننده  $g_n$  در فضای پوچی ماتریس  $A$  به گونه‌ای پیدا شود که تابع توان مورد نیاز  $P(t)$  تأمین شود. بنابراین با توجه به رابطه (۱۰) و (۱۵) قانون کنترل باید به گونه‌ای طراحی شود که دو شرط زیر را برآورده کند [۴]:

$$\begin{pmatrix} A \\ \omega_w^T \end{pmatrix} \dot{h}_a = \begin{pmatrix} T_{out} \\ P \end{pmatrix} \quad (16)$$

مشخص است که گشتاور  $g_n$  در فضای پوچی ماتریس  $A$  باید رابطه زیر را برآورده سازد.

$$\omega_w^T (A^+ T_{out} + g_n) = P \quad (17)$$

از رابطه فوق مشخص است که :

$$P_m = P - \omega_c^T A^+ T_{out} \quad (18)$$

بنابراین گشتاور کنترل‌کننده توان به صورت زیر به دست می‌آید [۴]:

$$g_n = \rho_N \omega_w (\omega_w^T \rho_N \omega_w)^{-1} P_m \quad (19)$$

در رابطه فوق داریم :

$$\rho_N = I_N - A^T (A A^T)^{-1} A \quad (20)$$

بنابراین قانون کنترل وضعیت و قانون مدیریت توان را می‌توان به طور همزمان و به فرم زیر در معادله (۸) اعمال کرد.

$$T_{out} = A(A^+ u + g_n) \quad (21)$$

## سیستم خد اشباع

با توجه به اینکه در طراحی کنترل‌کننده و سیستم مدیریت توان طراحی شده در معادله (۲۱)، اثر ماکریم گشتاور قابل ایجاد توسط چرخ‌های عکس‌العملی دیده نشده است، بنابراین گشتاور گشتاور محاسبه شده در این معادله می‌تواند باعث ایجاد اختلال در سیستم کنترل توان و کنترل وضعیت ماهواره شود. از این رو لازم است تا قبل از اعمال گشتاور به چرخ‌ها، میزان گشتاور فرمان هر چرخ مورد ارزیابی قرار گرفته و در صورت بیشتر بودن هر یک از درایه‌های گشتاور از

مانور	توضیح	از	درجه به
مانور ۳	مانور از نقطه ۲ به نقطه ۳ در مدت ۶۰ ثانیه	{30, -30, 0} [۱۸۰ ۲۴۰] sec	{0, 0, 0}
مانور ۴	مانور از نقطه ۳ به سمت ۶۰ ثانیه نزدیک در مدت	{30, -30, 0} [۲۴۰ ۳۰۰] sec	{0, 0, 0}

## سیستم کنترل وضعیت ماهواره

همانگونه که در سفاربی تصویربرداری استریو بیان شد، در این بخش، به منظور طراحی قانون کنترل مناسب، بخشی از گشتاور که در فضای ماتریس  $A$  وجود دارد و در کنترل وضعیت ماهواره مؤثر است، مدنظر قرار می‌گیرد. برای این منظور از کواترنیون‌های خطای میان کواترنیون‌های وضعیت مطلوب و واقعی استفاده می‌شود که به صورت زیر تعریف می‌شوند [۱۰]:

$$\begin{bmatrix} q_{e1} \\ q_{e2} \\ q_{e3} \\ q_{e4} \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} q_{c1} & q_{c2} & q_{c3} & q_{c4} \\ -q_{c2} & q_{c1} & q_{c4} & -q_{c3} \\ -q_{c3} & -q_{c4} & q_{c1} & q_{c2} \\ -q_{c4} & q_{c3} & -q_{c2} & q_{c1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_1 \\ q_2 \\ q_3 \\ q_4 \end{bmatrix} \quad (6)$$

در رابطه فوق  $[q_{e1} \ q_{e2} \ q_{e3} \ q_{e4}]^T$  بیانگر کواترنیون‌های خطای وضعیت و  $[q_{c1} \ q_{c2} \ q_{c3} \ q_{c4}]^T$  بیانگر کواترنیون‌های وضعیت مطلوب هستند. بنابراین، قانون کنترل‌کننده وضعیت مناسب به صورت زیر محاسبه خواهد شد [۱۰]:

$$u = -\omega \times H + D\omega + Kq_e \quad (7)$$

در رابطه فوق ماتریس‌های  $D$  و  $K$ ، ماتریس‌های مثبت معین و قطری بوده که پایداری کنترل‌کننده تناسبی- مشتقی را تضمین می‌کنند [۱۰]. بنابراین، گشتاور کنترلی چرخ‌ها به صورت زیر محاسبه می‌شوند:

$$T_{out} = A \dot{h}_a = u \quad (8)$$

سپس سرعت چرخش هریک از چرخ‌ها نیز از رابطه زیر به دست می‌آیند:

$$\omega_w = I_w^{-1} (h_a - I_w A^T \omega) \quad (9)$$

## سیستم مدیریت توان

همانگونه که بیان شده است، گشتاور چرخ‌ها برای کنترل وضعیت ماهواره بصورت زیر محاسبه می‌گردد:

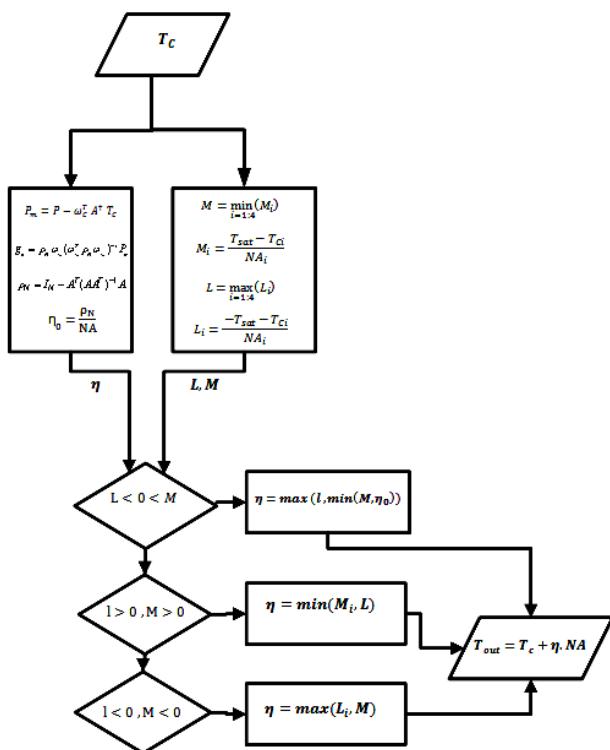
$$A \dot{h}_a = T_{out} \quad (10)$$

بنابراین، پاسخ کلی معادله فوق به صورت زیر محاسبه خواهد شد:

ضرایب کنترل کننده تناسبی - مشتقی به صورت زیر به دست خواهد آمد [۲]:

$$D = \begin{bmatrix} 188.68 & 0 & 0 \\ 0 & 190 & 0 \\ 0 & 0 & 85.81 \end{bmatrix}, K = \begin{bmatrix} 56.45 & 0 & 0 \\ 0 & 57.7 & 0 \\ 0 & 0 & 50.88 \end{bmatrix} \quad (۳۰)$$

همچنین سیستم مدیریت توان ماهواره به گونه‌ای طراحی شده است که توان ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی در مدت ۳۰۰ ثانیه اول مأموریت تقریباً به ۷۰ وات برسد و سپس مطابق پروفایل زیر این توان را در مدت ۲۰۰ ثانیه به ماهواره بازگرداند.



شکل ۴- نمودار تعیین گشتاور کنترلی مناسب چرخ‌ها در حضور سیستم خداشیاب

$$P_m = 40(1 - e^{500-t}) \quad (۳۱)$$

در این راستا، گشتاورهای کنترلی چرخ‌ها را مطابق با فلوچارت نشان داده شده در شکل (۴) محاسبه کرده و به ماهواره اعمال می‌نماییم.

نتایج وضعیت ماهواره و سرعت‌های زاویه‌ای چرخ‌ها در شکل‌های (۵) و (۶) نمایش داده شده است. همچنین منحنی پروفایل شارژ و دشارژ توان ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی و پروفایل شارژ و دشارژ توان کل در چرخ‌های عکس‌العملی در شکل‌های (۷) و (۸) نشان داده شده است.

میزان ماکریم تعريف شده برای چرخ‌ها، میزان گشتاور اعمال شده در راستای پوچی وضعیت چرخ‌ها مورد ارزیابی مجدد قرار گیرد. در این حالت برای محاسبه اندازه فرمان در راستای پوچی وضعیت چرخ‌ها، لازم است تا حداکثر تغییرات مجاز برای اندازه این بردار محاسبه شود، به گونه‌ای که گشتاور اعمالی به چرخ‌ها در محدوده مجاز چرخ‌ها قرار گیرد. برای این منظور محدوده  $\eta$  برای حفظ گشتاور چرخ‌ها در محدوده مجاز به روش زیر محاسبه می‌شود:

$$\eta = \min_{i=1:4}(M_i) \quad (۲۲)$$

$$M_i = \frac{T_{sat} - T_{ci}}{NA_i} \quad (۲۳)$$

$$L = \max_{i=1:4}(L_i) \quad (۲۴)$$

$$L_i = \frac{-T_{sat} - T_{ci}}{NA_i} \quad (۲۵)$$

در این معادله،  $NA_i$  درایه  $\eta$  فضای پوچی نرمال شده ماتریس وضعیت چرخ‌ها و  $T_{ci}$  گشتاور اعمالی به هر چرخ و  $T_{sat}$  گشتاور اشباع چرخ‌های است. در این معادله  $M$  و  $L$  به ترتیب ماکریم و می‌نیم تغییرات مجاز برای  $\eta$  است. در این صورت منفی بودن  $M$  و یا مثبت بودن  $L$  نشانگر اشباع شدن یکی از چرخ‌ها و در نتیجه فعال شدن مود ضد اشباع می‌شود. در این حالت میزان  $\eta$  بر اساس محدوده مجاز برای حفظ گشتاور چرخ‌ها به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$\eta = \min_{i=1:4}(M, L_i) \quad M < 0 \& L < 0 \quad (۲۶)$$

$$\eta = \max_{i=1:4}(L, M_i) \quad M > 0 \& L > 0 \quad (۲۷)$$

که در این صورت گشتاور اعمالی به چرخ‌ها به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$T_{out_s} = T_{out} + \eta \cdot NA \quad (۲۸)$$

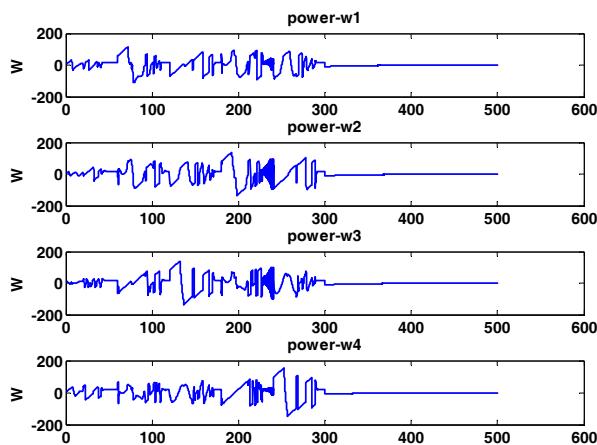
نمودار تعیین گشتاور کنترلی مناسب چرخ‌ها در سیستم کنترل وضعیت و سیستم مدیریت توان ماهواره در حضور سیستم ضد اشباع در شکل (۴) نشان داده شده است.

## شبیه‌سازی

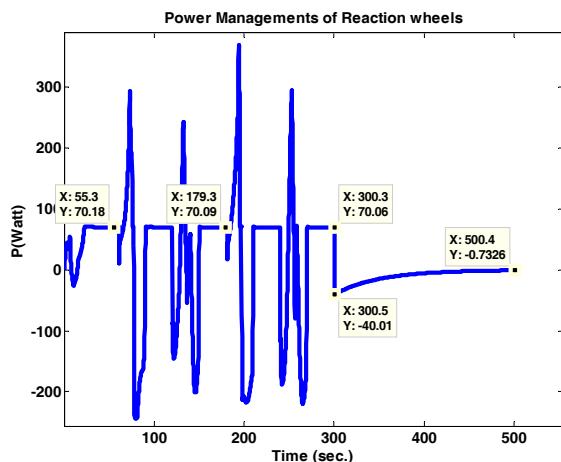
در این بخش به منظور بررسی عملکرد سیستم کنترل وضعیت و سیستم مدیریت توان طراحی شده در حضور سیستم ضد اشباع چرخ‌ها برای انجام مأموریت تصویربرداری استریو، مانورهای مطلوب ماهواره را مطابق جدول (۱)، درنظر می‌گیریم.

در ماهواره مورد طراحی با درنظر گرفتن ماتریس ممان اینرسی ماهواره بصورت زیر :

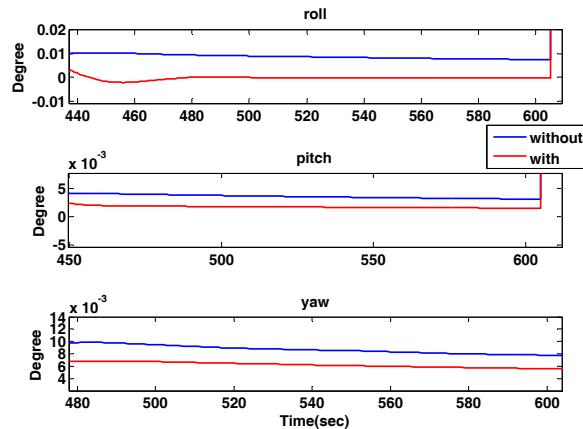
$$J = \begin{bmatrix} 389.99 & -3.28 & -11.57 \\ -3.28 & 391.83 & -7.42 \\ -11.57 & -7.42 & 176.58 \end{bmatrix} Kgm^2 \quad (۲۹)$$



شکل ۷ - پروفایل شارژ و دشارژ توان ذخیره شده در چرخ‌ها



شکل ۸ - پروفایل شارژ و دشارژ توان ذخیره شده کل در چرخ‌ها



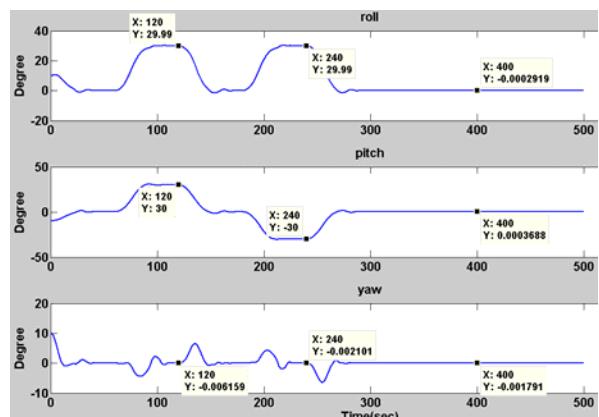
شکل ۹ - خطای وضعیت ماهواره بدون حضور و با حضور سیستم ضد اشباع چرخ‌ها

## نتیجه‌گیری

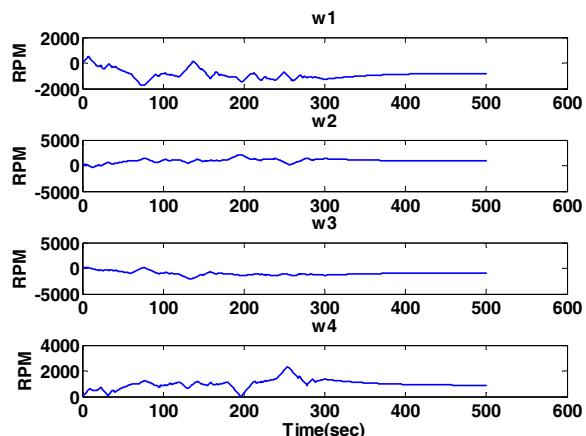
در این مقاله، طراحی سیستم کنترل وضعیت یک ماهواره سنجش از دور با استفاده از ۴ چرخ عکس‌العملی با ساختار هرمی و به منظور

همانگونه که در شکل (۴) مشخص است، وضعیت ماهواره در انجام سناریوی تصویربرداری استریو با دقت مناسبی کنترل شده است. همچنین با توجه به شکل (۸) مشخص است که در مدت زمان ۳۰۰ ثانیه ابتدای سناریو، توان متوسط حدود ۷۰ وات به خوبی در چرخ‌ها ذخیره شده است و از زمان ۳۰۰ ثانیه به بعد توان ذخیره شده در چرخ‌ها مطابق پروفایل تعریف شده در حال بازگشت به سیستم است. بنابراین، سیستم کنترل وضعیت به منظور انجام سناریوی تصویربرداری استریو در حضور سیستم مدیریت توان چرخ‌ها به خوبی عمل می‌کند.

به منظور نمایش دقیق‌تر اثر سیستم ضد اشباع چرخ‌ها، خطای وضعیت ماهواره بدون حضور سیستم ضد اشباع و در حضور سیستم ضد اشباع به طور همزمان در شکل (۹) نمایش داده شده است. همانگونه که از این شکل پیداست، وضعیت ماهواره بدون حضور سیستم ضد اشباع و بر اثر اشباع چرخ‌ها کمی دچار اختلال شده است و دارای خطای بیشتری است. در حالی که مدیریت توان ذخیره شده در چرخ‌ها و کنترل وضعیت ماهواره در حضور سیستم ضد اشباع چرخ‌ها به خوبی و با دقت مناسبی انجام شده است.



شکل ۵ - وضعیت ماهواره در سناریوی تصویربرداری استریو



شکل ۶ - سرعت چرخ‌های عکس‌العملی

- International Conference IAS2010*, Tarbiat Modares University, Iran, 2010.
- [4] Tsiotras, P. and Shen, H., "Satellite Attitude Control and Power Tracking with Energy/Momentum Wheels," *Journal of Guidance, Control and Dynamics*, Vol. 4, No. 1, January–February, 2001.
  - [5] Roes, J. B., "An Electro-Mechanical Energy Storage System for Space Application," *Progress in Astronautics and Rocketry*, Vol. 3, Academic, NewYork, 1961, pp. 613–622.
  - [6] Anderson, W. W., and Keckler, C. R., "An Integrated Power/Attitude Control System (IPACS) for Space Application," *Proceedings of the 5<sup>th</sup> IFAC Symposium on Automatic Control in Space*, Pergamon, NewYork, 1973, pp. 81- 82.
  - [7] Cormack III, A., Three Axis Flywheel Energy and Control Sytems, NASA TN-73-G&C-8, 1973.
  - [8] Keckler, C. R., and Jacobs, K. L., "A Spacecraft Integrated Power/Attitude Control System," *Proceedings of the 9<sup>th</sup> Intersociety Energy Conversion Engineering Conference*, American Society of Mechanical Engineers, New York, 1974, pp. 20–25.
  - [9] Will, R. W., Keckler, C. R., and Jacobs, K. L., Description and Simulation of an Integrated Power and Attitude Control System Concept for Space-Vehicle Application, NASA TN D-7459, 1974.
  - [10] Bang, H. and Tahka, M. J., Hyung-Don Ch., "Large Angle Attitude Control of Spacecraft with Actuator Saturation, Control Engineering Practice 11," Elsevier, Vol. 11, No. 9, 2003, pp. 989–997.
  - [11] Marcel, Si., *Spacecraft Dynamics and Control*, Cambridge University Press, 1997.

انجام مأموریت تصویربرداری استریو طراحی شد. در این روش بهمنظور تأمین بخشی از توان مورد نیاز ماهواره توسعه انرژی ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی، یک قانون مدیریت توان برای شارژ و دشارژ انرژی چرخ‌ها مطابق با پروفایل از پیش تعیین شده طراحی و به قانون کنترل وضعیت افزوده شد، به‌گونه‌ای که کنترل وضعیت ماهواره و مدیریت توان ذخیره شده در چرخ‌های عکس‌العملی بهطور همزمان انجام می‌پذیرد. در طراحی این سیستم، با طراحی مناسب یک سیستم ضد اشباع چرخ‌ها، اثر اشباع چرخ‌ها نیز به‌گونه‌ای منظور شده است که در صورت انجام مدیریت توان مطابق پروفایل از پیش تعیین شده، دقت کنترل وضعیت ماهواره تا حد امکان دچار اختلال نشود.

## مراجع

- [1] Bolandi, H. , Fani Saberi, F. and Ghorbani Vaghei, B. , "Attitude Control of a Stereo – Imaging Satellite with Large Angle Maneuvers Using Reaction Wheels", *7<sup>th</sup> Aerospace International Conference*, Sharif University of Technology, Iran, 2008.
- [2] Bolandi, H. , Fani Saberi, F. , Vaghei, B. G., "Large-Angle Maneuver Attitude Control for a Stereo Imaging Satellite using Along-Track and Across-Track Maneuvers", *Journal of Space Science & Technology*, Vol. 1, No. 2, 2008, pp. 9-15, (In Persian).
- [3] Bolandi, H., Fani Saberi, "Design of Attitude Control System and Power Management of a Satellite using Four Pyramidal Reaction Wheels", *10<sup>th</sup> Aerospace*