

Improving DGPS Accuracy Using Predictions of Reference Position Components Error Factors

M. H. Refan^{1*}, A. Dameshghi², M. Kamarzarrin³

1 , 2. Department of Electrical and Computer Engineering, Shahid Rajaee Teacher Training University

3. Department of Electrical and Computer Engineering Shahid Beheshti University

*Postal Code: 1678815811, Lavizan, Tehran, IRAN

refan@srttu.edu

For precise locating, Differentials Global Positioning System requires prediction of differential corrections for the future times. The system is comprised of both fixed and mobile stations. If the satellites of the two stations are exactly the same, the sources of errors will be close to each other at the two stations; in this case, reference position components factors can be used as corrective factors for offsetting user station positioning error. In this paper, Genetic and Artificial Neural Network hybrid algorithms (Evolutionary Neural Network), Support Vector Machines, Autoregressive Moving Average and Recurrent Neural Network have been used for corrections. In order to test the algorithms, static sampling of the position data of an inexpensive receiver was used and the predicted reference position components error corrections were applied elsewhere. The tests performed as post-process showed that the positioning RMS error decreases up to 0.5 m. The evolutionary neural network prediction model is more accurate than other models and its RMS error is 0.12 m.

Keywords: Differentials global positioning system, Genetic algorithm, Support vector machine, Artificial neural network, Autoregressive –moving-average model.

1. Associate Professor (Corresponding Author)
2. PhD Student
3. M. Sc.

بهبود دقت سامانه مکان‌یاب تفاضلی با استفاده از پیشگویی فاکتورهای خطای مختصات مکان مرجع

محمد حسین رفان^{۱*}، عادل دمشقی^۲ و مهرنوش کمرزدین^۳

۱ و ۲- دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر، دانشگاه تربیت دیر شهید رجایی

۳- دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر، دانشگاه شهید بهشتی

* تهران، لویزان، کدپستی: ۱۶۷۸۸۱۵۸۱۱

refan@srttu.edu

سامانه مکان‌یاب تفاضلی برای تعیین موقعیت دقیق نیازمند پیشگویی تصحیحات تفاضلی برای زمان‌های آینده است. این سامانه از دو ایستگاه ثابت و متحرک تشکیل شده است. اگر ماهواره‌های دو ایستگاه دقیقاً یکسان باشد، منابع خطا در دو ایستگاه تقریباً نزدیک به هم خواهد بود، در این حالت فاکتورهای مختصات مکان مرجع برای جبران خطای مکان‌یابی ایستگاه کاربری به عنوان فاکتورهای تصحیح شده قابل استفاده است. در این مقاله، از الگوریتم‌های شبکه عصبی تکاملی، ماشین بردار پشتیبان، خودرگرسیو میانگین متحرک و شبکه عصبی بازگشته برای پیشگویی تصحیحات استفاده شده است، به‌منظور آزمایش الگوریتم‌ها از نمونه‌برداری ایستا و متحرک داده‌های موقعیت یک گیرنده ارزان قیمت استفاده شد و تصحیحات خطای مختصات مکان مرجع با یک گام رو به جلو پیشگویی شده و در نقطه‌ای دیگر اعمال شد. مدل پیشگویی شبکه عصبی تکاملی نسبت به سایر مدل‌ها دقت بیشتری داشته و خطای RMS آن $12/0$ متر است. آزمایش‌های انجام شده نشان داد، خطای RMS مکان‌یابی در حالت ایستا تا $5/0$ متر و متحرک تا $6/0$ متر کاهش می‌یابد.

واژه‌های کلیدی: الگوریتم ژنتیک، مکان‌یابی تفاضلی، شبکه عصبی مصنوعی، ماشین بردار پشتیبان، خودرگرسیو میانگین متحرک، خطای مختصات مکان مرجع

علائم و اختصارات

$W^0(K)$	بردار وزن خروجی $1 \times q$	خطای مکان مرجع
$V(k)$	بردار فعال‌سازی نرون داخلی $1 \times q$	مقادیر دریافتی X از گیرنده
$O(k)$	بردار نرون خارجی	مقادیر دریافتی Y از گیرنده
$y(k)$	خروجی شبکه	مقادیر دریافتی Z از گیرنده
$\varphi(x)$	تابع فعال‌سازی شبکه	مقادیر تصحیح شده X
$d(k)$	پاسخ مطلوب	مقادیر تصحیح شده Y
$\Delta w_{ji}^l(K)$	مقادیر تنظیم شده وزن $w_{ji}^l(k)$	مقادیر تصحیح شده Z
$\Delta w_j^o(k)$	مقادیر تنظیم شده وزن $w_j^o(k)$	یک بردار ورودی $1 \times p$
$\Delta w_j^H(K)$	مقادیر تنظیم شده وزن $w_j^H(K)$	ماتریس وزن ورودی $p \times q$
η	پارامتر آهنگ آموزش	
T	زمان نمونه‌برداری	
$d_j(n)$	پاسخ مطلوب خروجی نرون j	
$y_j(n)$	پاسخ واقعی خروجی نرون j	
c	کل نرون‌های موجود در لایه خروجی	۱. دانشیار (نویسنده مخاطب)
α	آهنگ حرکت	۲. دانشجوی دکتری
		۳. کارشناس ارشد

($Dy(t)$, $Dx(t)Dz(t)$) را برای بهبود و تصحیح مکان‌یابی موقعیت نقطه کاربر به ایستگاه کاربر ارسال می‌کند [۶, ۷, ۸]. دریافت سیگنال از ماهواره، محاسبه خطای ارسال تصحیح‌ها برای گیرنده متحرک، دریافت توسط گیرنده متحرک و محاسبه موقعیت گیرنده متحرک مستلزم صرف زمان است، یک ثانیه تأخیر در تعیین موقعیت برای خودرو در حال حرکت با سرعت $\frac{km}{h} 100$ موجب خطای حدود ۳۳ متری می‌شود، از این‌رو به راهکاری برای پیشگویی تصحیحات نیاز است، در این مقاله فاکتورهای RPCE در ایستگاه مرجع محاسبه می‌شود، این مقادیر به عنوان ورویدی الگوریتم پیشگویی استفاده می‌شوند و سپس مقادیر پیشگویی شده مطابق با الگوریتم مشخص برای بهبود مقادیر مکانی ایستگاه کاربر به صورت پس‌پردازش در آزمایش ایستا و بالادرنگ در آزمایش متحرک اعمال می‌شود. بهمنظور پیشگویی این فاکتورها از چهار روش شبکه عصبی تکاملی^۱، ماشین بردار پشتیبان^۲، خودگرسیو میانگین متحرک^۳ و شبکه عصبی بازگشتی^۴ استفاده شد. در مدل ترکیبی از الگوریتم زنتیک^۵ و شبکه عصبی مصنوعی^۶ بهره گرفته می‌شود، گام زمانی پیشگویی برای هر ۴ مدل یکسان است، هر گام زمانی ۵ ثانیه است. اگرچه ANN یکی از مهم‌ترین فنون داده‌کاوی بشمار می‌آید، با این وجود جستجو برای انتخاب ساختار بهینه ANN و با سرعت پیشگویی بالا یک موضوع مهم است. یک ابزار قوی برای یافتن ساختار بهینه شبکه‌های عصبی GA است، دقت تحلیل با این ساختار افزایش می‌یابد. روش SVM روشی است که در آن نقاط قوت روش‌های آماری سنتی که بیشتر نظری محور هستند و از نظر تجزیه و تحلیل ساده هستند، ترکیب شده است و بین دقت و سرعت در این روش مصالحه برقرار شده است. شبکه عصبی که در واحد زمان عمل می‌کند و در هر لحظه با دریافت بردار ورودی و بهروزرسانی لایه مخفی خود با توابع غیرخطی مقادیر بردار خروجی آینده را پیشگویی می‌کند RNN نامیده می‌شود و ARMAN نامیده می‌شود و ARMAN ترکیب روش آماری با شبکه عصبی برای پیش‌بینی سری‌های زمانی است. بخش‌های مختلف مقاله به این صورت است؛ در بخش دوم این مقاله به ساختار طراحی شده برای DGPS و آزمایش الگوریتم‌های پیشگویی می‌پردازیم، روش ENN در بخش سوم بیان خواهد شد. بخش چهارم و پنجم به ترتیب مدل‌های RNN و SVM معرفی شده است. در بخش ششم به توصیف مدل ARMANN پرداخته شده است. بخش هفتم شبیه‌سازی و مقایسه روش‌های مختلف با یکدیگر در سنجش دقت پیشگویی است، بخش هشتم، دقت DGPS را مورد بررسی قرار می‌دهد و در نهایت بخش نهم نتیجه‌گیری مقاله است.

4. Extended Neural Network (ENN)

5. Support Vector Machine (SVM)

6. Autoregressive–Moving-Average Model (ARMA)

7. Recurrent Neural Network (RNN)

8. Genetic Algorithm (GA)

9. Artificial Neural Network(ANN)

ξ	تابع هزینه حداقل شده
y_i	ارزش طبقه نمونه آموزشی
$K(X(X_i))$	تابع کرنل
d	درجه چندجمله‌ای
δ	بهنهای باند شعاعی
$f(\bar{x})$	تابع خروجی
w	بردار وزن
x	بردار خروجی
b	بایاس
$ $	تعداد نمونه‌ها
λ	ضریب تنظیم
L^e	تابع تلفات
C	مقدار ثابت از پیش تعیین شده
ξ^+	متغیرهایی برای محدودیت‌های بالا و پایین خروجی الگوریتم

مقدمه

سامانه موقعیت‌یاب جهانی^۱، از شبکه‌ای با بیش از ۲۴ ماهواره تشکیل شده است. ماهواره‌ها اطلاعاتی را به گیرنده‌های زمینی مخابر می‌کنند، هر گیرنده این اطلاعات را دریافت می‌کند و با مقایسه زمان ارسال سیگنال از ماهواره و زمان دریافت آن، با ضرب این زمان در سرعت نور فاصله گیرنده از ماهواره تعیین می‌شود. سپس این عمل را با داده‌های دریافتی از چند ماهواره دیگر تکرار می‌کند و محل دقیق گیرنده را با اختلافی کمتر از ۱۵ متر تعیین می‌کند [۱]. اما نتایج حاصل از این نوع تعیین موقعیت، دارای دقت و قابلیت اطمینان لازم نیست، از طرفی پیوستگی نتایج مشاهدات در GPS کم و پراکندگی نتایج حول نقطه میانگین زیاد است [۲]. در مراحل مختلف از جمله ارسال سیگنال، انتقال و دریافت خطاهای مختلف بر روند کار تأثیر می‌گذارد [۳، ۴]. سیگنال‌های ارسالی از ماهواره با سه فرکانس حامل L1، L2 و L5 (که اخیراً اضافه شده است) ارسال می‌شوند. دو سطح از مکان‌یابی وجود دارد: سرویس مکان‌یابی استاندارد، که فقط از کد C/A و فرکانس حامل L1 بهره می‌برد، سرویس مکان‌یابی دقیق که از کد P و فرکانس حامل L1 و L2 استفاده می‌کند [۵]. برای کاربران معمولی امکان استفاده از سرویس مکان‌یابی دقیق وجود ندارد و این کاربران از گیرنده‌های ارزان قیمت با فرکانس حامل L1 استفاده می‌کنند [۶]. برای مقابله با خطاهای و بالا بردن دقت سامانه مکان‌یابی از روش مطمئن GPS تفاضلی^۲ استفاده می‌شود [۷]، در حالت DGPS خطای مکان‌یابی از حدود ۱۵ متر به زیر ۱ متر کاهش می‌یابد. در این روش دو ایستگاه به طور همزمان با ماهواره‌ها در ارتباط هستند که یکی از آن‌ها ایستگاه مرجع و دیگری ایستگاه متحرک نامیده می‌شوند. ایستگاه مرجع با استقرار بر روی نقطه‌ای که دارای مختصات معلوم است، فاکتورهای خطای مختصات مکان مرجع^۳

1. Global Positioning System (GPS)

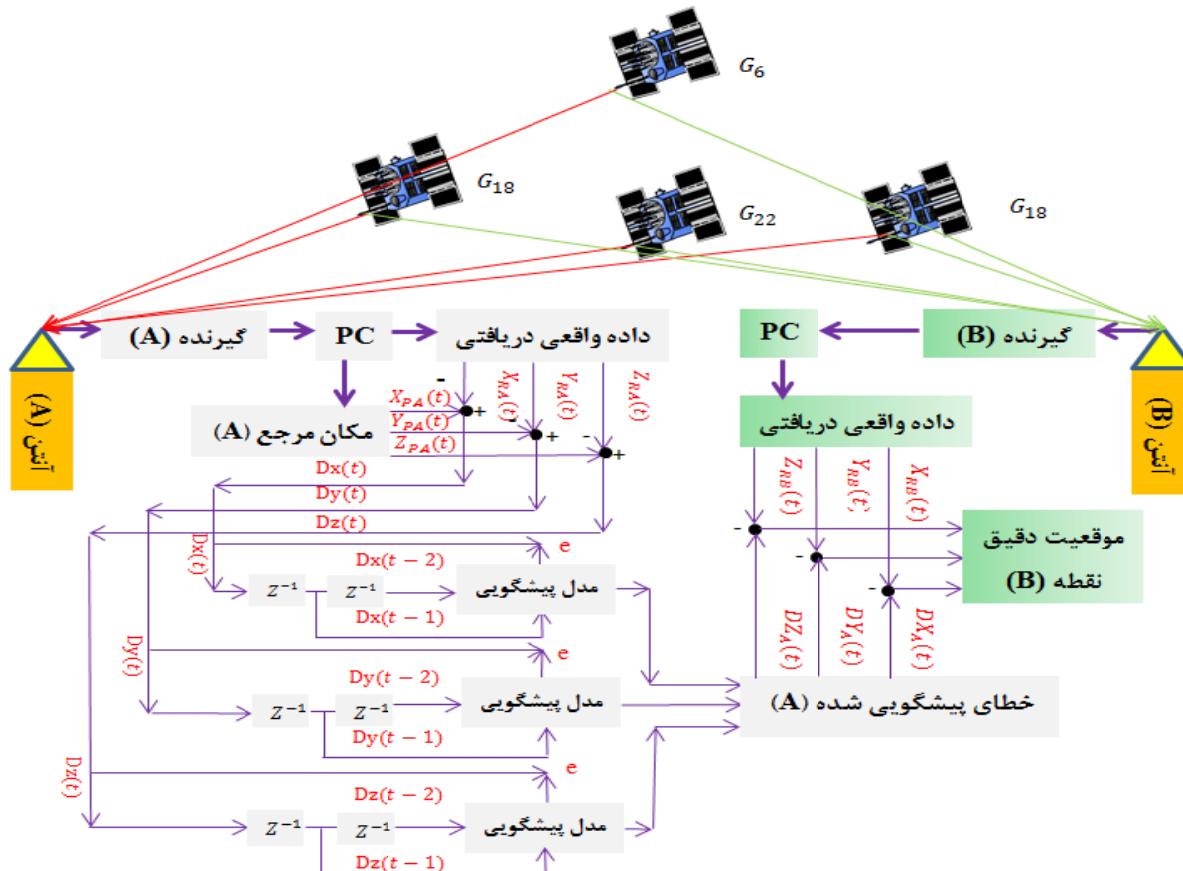
2. Differentials Global Positioning System (DGPS)

3. Reference Position Component Error (RPCE)

اندازه‌گیری تا ۱۶ ماهواره همزمان و قابلیت انتخاب ماهواره را دارد [۱۰]. این ساختار از سه بخش تشکیل شده است: (الف) بخش ماهواره‌ای، (ب) بخش ایستگاه مرجع (A)، (ج) بخش ایستگاه کاربر (B)

ساختار استفاده از فاکتورهای RPCE

ساختار طراحی شده مطابق با شکل (۱) است، در این ساختار از گیرنده ارزان قیمت U-blox NEO-6M استفاده شده است. این گیرنده ۵۰ کاناله بود و قابلیت‌هایی چون؛ دنبال کردن و

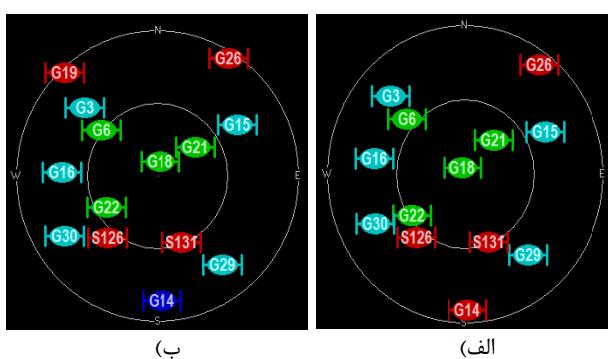


شکل ۱- ساختار طراحی شده برای سامانه مکانیاب تفاضلی قابل استفاده در آزمایش الگوریتم‌های پیشگویی

ماهواره‌های به رنگ سبز در مسیریابی انتخاب شده‌اند، ماهواره‌های به رنگ آبی کم رنگ قابلیت استفاده در ناوبری را داشته‌اند.

بخش ماهواره‌ای

برای مشخص شدن مکان، حداقل ۴ ماهواره مورد نیاز است [۱۱]. ترکیب فضایی ماهواره‌ها تأثیر مستقیم بر میزان خطای مختصات نهایی دارد [۱۲-۱۴]. تمامی گیرنده‌ها از الگوریتم‌هایی برای انتخاب زیرمجموعه بهینه‌ای از ماهواره‌ها استفاده می‌کنند. در واقع از بین ماهواره‌هایی که گیرنده می‌بیند مدام در حال انتخاب بهترین حالت هندسی بین آنهاست [۱۵، ۱۶]، اگر گیرنده‌های دو ایستگاه مرجع و متحرک ماهواره‌های یکسانی را به عنوان زیرمجموعه بهینه انتخاب کنند با توجه به ثابت بودن منابع خطای می‌توان از فاکتورهای RPCE برای تصحیح موقعیت‌یابی ایستگاه کاربر بهره برد. در اندازه‌گیری انجام شده در این تحقیق، ماهواره‌های ۶، ۱۸، ۲۱، ۲۲ و ۲۱ در ایستگاه‌ها انتخاب شدند. شکل (۲) تصویر ماهواره‌های استفاده شده است.



شکل ۲- تصاویر ماهواره‌های مشاهده شده توسط، (الف) گیرنده مرجع و (ب) گیرنده ایستگاه متحرک

C، D و E انجام شد. همچنین در این مقاله با توجه به کاربرد سامانه تفاضلی در حالت متحرک ایستگاه کاربر به صورت متحرک نیز در یک مسیر مشخص درنظر گرفته شده است.

مدل شبکه عصبی تکاملی

در ادامه درخصوص مدل شبکه عصبی تکاملی توضیحاتی آمده است.

شبکه عصبی مصنوعی

یک ANN از ترکیب واحدهایی به نام نرون تشکیل شده است. ورودی این نرون‌ها در وزن‌ها ضرب شده و سپس با یک عدد ثابت که بایاس نامیده می‌شود جمع می‌گردد؛ نتیجه نیز از یک تابع غیرخطی عبور می‌کند تا خروجی ساخته شود [۱۷]. شبکه عصبی مصنوعی اطلاعات زیادی را در فرآیند آموزش یاد می‌گیرد که این امر منجر به تمرکز بیش از حد بر رویدادهای آموزشی می‌شود. دو روش تخریبی و سازنده در گذشته برای طراحی ساختار بهینه وجود داشته‌اند، در طراحی سازنده از شبکه مبنی‌مال استفاده شده و به مرور به لایه‌های مخفی، گره‌ها و ارتباطات افزوده می‌شود و در روش تخریبی بر عکس [۱۸-۱۹]. جستجو بهتر GA در فضای نامحدود، چندوجهی و گسترده مسائل، عامل برتری آن است. در این مقاله از GA برای محاسبه وزن‌های شبکه استفاده شده است. نکته مهم شبکه^۱ MLP عدد موجود پس‌خورد است (شکل ۳). طبق تئوری تخمین‌گرهای عمومی ثابت می‌شود که با تعداد صحیحی نرون در لایه میانی، این ساختار هر تابع پیوسته از فضای R^N به فضای R^M را تخمین می‌زند [۲۱]. آموزش شبکه توسط روش باز پس انتشار انجام می‌گیرد، در این روش گرادیان مجموع مربعات خطای کمک BP حداقل و وزن‌های سیستم به کمک آن بهینه می‌شود، هدف آموزش این است که تفاوت بین خروجی واقعی شبکه و خروجی‌های مطلوب به ازای ورودی‌های دلخواه حداقل شود.

الگوریتم ژنتیک

مفاهیم اصلی الگوریتم ژنتیک شامل عملگرهای سه‌گانه انتخاب، آمیزش و جهش است. در فرآیند تکثیر، کروموزوم‌های با شایستگی بالا شناس تکرار بیشتر در جمعیت منتخب را پیدا می‌کنند که این کار توسط فرآیند انتخاب صورت می‌پذیرد. پس از تکمیل فرآیند انتخاب، نوبت به اعمال پیوند به منظور تولید جمعیت فرزندان می‌رسد. در انجام فرآیند پیوند، با انتخاب مقدار ثابت نرخ پیوند، به ترتیب برای هر کروموزوم یک عدد تصادفی تولید می‌شود. اگر عدد تصادفی تولید شده از نرخ پیوند کمتر باشد، این کروموزوم انتخاب

ایستگاه مرجع (A)

بلوک‌های این بخش با رنگ خاکستری در شکل (۱) مشخص شده‌اند، ساختار طراحی شده برای این بخش مشکل از آتن (A)، گیرنده GPS، کامپیوتر شخصی، مکان مرجع و سه بلوك پیشگویی در جهت‌های مختصاتی x, y, z است. ابتدا، اطلاعات مکانی گیرنده از طریق آتن در ۳ جهت مختصاتی x, y, z دریافت و جمع‌آوری می‌شوند، جمع‌آوری اطلاعات در نرمافزار 7.0 U-Center انجام می‌شود، موقعیت نقطه با آهنگ یک داده در یک ثانیه (۳۶۰۰ داده) به دست می‌آید. مختصات مکان مرجع به دست آمده در آزمایشگاه GPS دانشگاه تربیت دیر شهید رجایی برابر با نقطه زیر است:

$$\bar{x}_A = (x_{PA} = ۳۲۲۶۰.۶۶۹, \quad y_{PA} = ۴۰۵۴۷۰.۴۵, \quad z_{PA} = ۳۷۰.۹۳۰.۸۹۶)$$

مختصات حاصل از گیرنده در هر لحظه با $\bar{R}_t = (x_R, y_R, z_R)$ نشان داده شده است. خطای بین مکان مرجع و مکان گیرنده GPS در هر لحظه با رابطه $\bar{E}_t = \bar{R}_t - \bar{R}_t$ محاسبه می‌شود و خطای مکان مرجع نامیده می‌شود. مقادیر به دست آمده در زمان t به صورت $Dx(t), Dy(t), Dz(t)$ نشان داده می‌شوند. این مقادیر با به عنوان ورودی مدل پیشگویی استفاده می‌شوند و مدل پیشگویی RPCE را برای زمان‌های آینده پیشگویی می‌کند.

بخش ایستگاه کاربر (E، D، C، B)

این بخش که بلوک‌های آن با رنگ سبز در شکل (۲) نشان داده شده است از یک آتن، یک گیرنده و یک کامپیوتر شخصی تشکیل شده است. خطای پیشگویی شده در بخش مرجع در هر لحظه به موقعیت واقعی دریافتی از گیرنده در بخش کاربر اعمال می‌شود و موقعیت نهایی با دقت زیاد حاصل می‌شود. در آنجا مطابق با رابطه (۱) مختصات واقعی و دقیق‌تر به دست می‌آید. در این رابطه x_m و y_m و z_m مقادیر دریافت شده از گیرنده GPS در ایستگاه مکانی در ایستگاه کاربر و x_{mc} و y_{mc} و z_{mc} مقادیر تصحیح شده مکانی در ایستگاه کاربر هستند.

$$x_{mc} = x_m - Dx, \quad y_{mc} = y_m - Dy, \quad z_{mc} = z_m - Dz \quad (1)$$

با توجه به تأثیر فاصله دو ایستگاه در تفاوت ماهواره‌های مشترک دو ایستگاه، ۴ آزمایش با تفاوت در فاصله دو ایستگاه مرجع و کاربر طراحی شد؛ در آزمایش اول با فاصله ۸۴۳۷ سانتی‌متر ما بین اطلاعات پیشگویی شده توسط هر ۴ الگوریتم، به صورت پس‌پردازش در ایستگاه کاربر اعمال شد و موقعیت‌یابی انجام شد، سپس سه آزمایش با فاصله‌های ۵۴۵۶۷ ۱۲۵۳۱۲ سانتی‌متری، ۳۳۳۵۵ ۳۳۳۵۵ سانتی‌متری و ۵۴۳۶۸۴ ۵۴۳۶۸۴ سانتی‌متری در نقاط

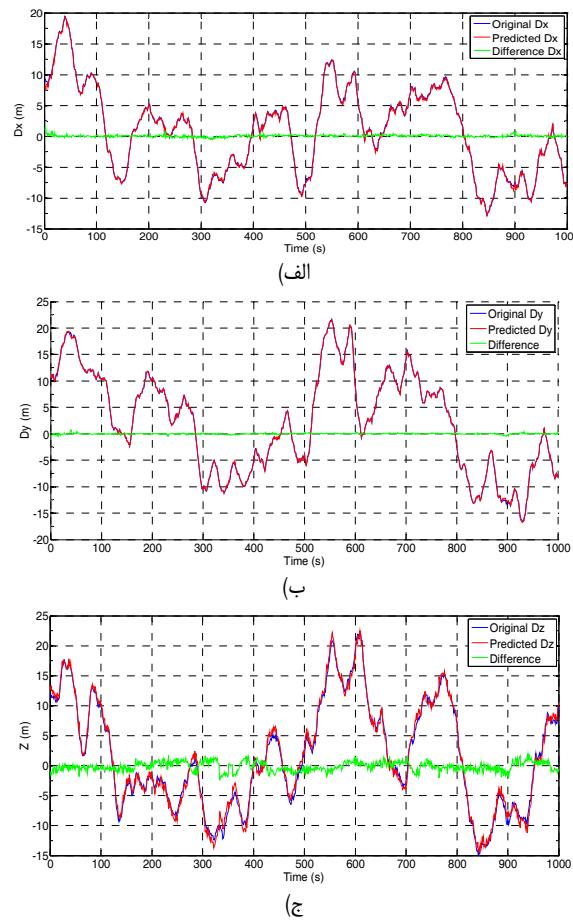
منجر به نتایج مختلف می‌شوند، بازه وزن‌های اولیه مورد تکامل قرار می‌گیرند؛ که این سبب دور شدن از مینیمم محلی و نزدیک شدن به مینیمم مطلق می‌گردد. مقدار بهینه آهنگ آموزش و اندازه حرکت نیز مورد تکامل قرار می‌گیرند. در نهایت بازه وزن‌های اولیه، آهنگ آموزش، تعداد لایه‌های مخفی، تعداد نرون‌های در لایه مخفی اول، دوم و سوم به زیر رشتہ فرم ژن گونه نگاشته می‌شوند تا احتمال پیدا کردن مینیمم مطلق افزایش پیدا کند. هر کروموزوم موجود در GA را به صورت باینری با رشتہ‌ای از صفر و یک درنظر گرفته‌ایم. تنظیمات پارامترهای شبکه عصبی در جدول (۱) آمده است. داده‌ها را به ۲ دسته آزمایش و آموزش تقسیم می‌کنیم، از مجموعه داده‌های آزمایشی به منظور تعیین میزان خطای استفاده و جمعیت اولیه به صورت تصادفی با ۵۰ کروموزوم ساخته می‌شود. سپس هر کروموزوم دکد شده و پرسپترون چند لایه متناظر آن کروموزوم ساخته می‌شود. هر شبکه عصبی ساخته شده با استفاده از الگوریتم پس انتشار با ۱۰۰۰ تکرار آموزش داده می‌شود. پس از آموزش شبکه‌های عصبی متناظر با کروموزوم‌های جمعیت میزان خطاهای با ابزار بیان شده محاسبه می‌شود. عمل جفت‌گیری با استفاده از روش چرخ رولت انجام می‌گردد، آهنگ جفت‌گیری با احتمال ۰/۷ و آهنگ جهش ۰/۰۱ و تعداد نسل‌ها ۴۰ در نظر گرفته می‌شود. الگوریتم ENN در ادامه بیان می‌شود:

۱. شروع/۲. تقسیم داده به دو دسته داده آموزش و آزمایش/۳. $\mathbf{0} \leftarrow \mathbf{i}$
۴. مقداردهی اولیه جمعیت/۵. ارزیابی اولیه جمعیت Ψ_i /۶. تا زمانی که $G/\mathbf{i} < P/2$ انتخاب تعداد $P/2$ والد از Ψ_i به منظور انجام عملگرهای الگوریتم ژنتیک $\mathbf{A}_i \leftarrow A_i/0_i$ اعمال عملگرهای جفت‌گیری و جهش بر روی تمام اعضای A_i $\Psi_i \leftarrow \Psi_i/A_i$ ارزیابی اولاد در مجموعه $i/0_i$
۷. انتخاب $\mathbf{1} - P_2/2$ بازماندهای از Ψ_i $S_i \leftarrow S_i/P_2$ /۸. تعیین نسل جدید: $\Psi_i \leftarrow \Psi_i \cup S_i \cup O_i$ $\mathbf{i} \leftarrow i + 1$ ۹. پایان.
۱۰. ارزیابی برای جمعیت Ψ با اندازه P : شروع/۱۱. $J \leftarrow J/1$
۱۲. تا زمانی که $(j \leq P_{\Psi_i})/J$ ۱۳. انتخاب ز امین MLP از جمعیت Ψ_i $\Psi_j \leftarrow \Psi_j$ ۱۴. آموزش j MLP با استفاده از داده‌های آموزش با ۱۵. تکرار/۱۶. تعیین فیتнес j MLP با استفاده از RMSE بر روی داده‌های آزمایشی/۱۷. $j \leftarrow j + 1$ ۱۸. پایان.

جدول ۱- بازه پارامترها و تنظیم‌ها ساختار شبکه عصبی

تعداد بیت نمایش	بازه	عنوان
۷	$0 < R < 1$	وزن اولیه
۸	$0 < R < 1$	آهنگ آموزش
۱۰	$0 < R < 1$	اندازه حرکت
۶	$0 < R < 63$	تعداد نرون لایه مخفی

می‌شود تا با کروموزوم‌های بعدی که شرایط فوق را دارد آمیزش کند. در انجام فرآیند جهش، با انتخاب مقدار ثابت نرخ جهش، برای کلیه بیت‌های کروموزوم‌های جمعیت عدد تصادفی تولید می‌شود. اگر عدد تصادفی تولید شده از نرخ جهش کوچک‌تر باشد، مقدار آن بیت عوض می‌گردد، یعنی مقدار صفر به یک یا بالعکس تبدیل می‌شود. هنگامی که برخی ضوابط مانند تعداد معینی تولید نسل یا میانگین انحراف معیار عملکرد اشخاص جمعیت تأمین شود، الگوریتم ژنتیک به پایان می‌رسد [۲۳، ۲۴].



شکل ۳- فاکتور RPCE پیشگویی شده با الگوریتم ENN

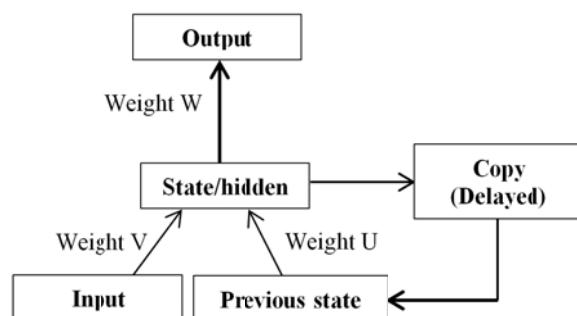
الگوریتم ENN

در اغلب مسائل، پیش‌بینی وجود یک لایه مخفی برای پرسپترون چند لایه به منظور پیش‌بینی کفايت می‌کند؛ اما در مسائل پیچیده از دو یا سه لایه مخفی استفاده می‌شود. تعداد نرون‌ها در لایه‌های مخفی به تعداد لایه‌های مخفی وابسته است.تابع فعال سازی برای لایه مخفی زیگموید^۲ در نظر گرفته شده است. چون آموزش پرسپترون‌های چندلایه با بازه‌های مختلف وزن‌های اولیه و با ساختار شبکه یکسان

2. Sigmoid Function

محمدحسین رفان، عادل دمشقی و مهرنوش کمرزیرین

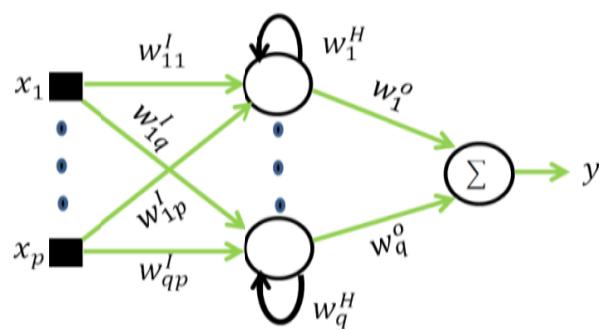
باعث می‌شود که حین آموزش شبکه خود را به روز کند [۳۵]. یک شبکه عصبی بازگشتی شبکه‌ای است که در حوزه زمان کار می‌کند. در هر واحد زمان؛ یک بردار ورودی را دریافت می‌کند، لایه مخفی خود را با تابع فعال‌سازی غیرخطی بهروزرسانی کرده و از آن برای پیشگویی خروجی استفاده می‌کند. این مدل از کلاس مدل‌های غنی است، چون در لایه مخفی خود توانایی ذخیره اطلاعات به صورت گستردگی با ابعاد زیاد را دارد (برخلاف مدل مارکوف که اطلاعات را به صورت $\log(n)$ ذخیره می‌کند) و این الگو، قدرت محاسباتی بالام، نیز دارد [۳۷].



شکل ۵- ساختار شبکه RNN ساده [۳۶]

ساختار RNN در پیشگویی RPCE

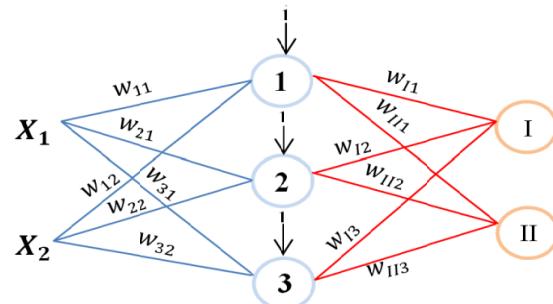
ساختمار شبکه عصبی که در این پیاده‌سازی در نظر گرفته شده است، یک شبکه عصبی جلو سو با اتصالات کامل و لایه‌های ورودی، پنهان و خروجی است. ساختار RNN مطابق با معادلات آموزش در شکل (۶) نشان داده شده است. در اینجا یک RNN را با اتصالات کامل درنظر گرفته‌ایم، که در آن اتصالات بازگشتی کامل از لایه‌های پنهان قبلی به لایه‌های پنهان بعدی وجود دارد. این اتصالات اثر نمونه‌های قبلی را بر روی نمونه‌های فعلی در نظر می‌گیرند. همچنین اتصال کامل از لایه پنهان قبلی به لایه ورودی فعلی وجود دارد که درصدی از ورودی فعلی را از روی نمونه‌های قبلی تخمین می‌زند. معادلات آموزش به اختصار در زیر :



شکل ۶- ساختار RNN برای پیشگویی خطای مکان مرجع

پیشگوئی، ENN اور RPCE کا

شکل (۴) نشان دهنده پیشگویی خطابا استفاده از مدل ENN است. در این شکل خط آبی خطای بین گیرنده و مکان مرتع و خط قرمز خطای پیش‌بینی شده با الگوریتم را نشان می‌دهد، همچنین خط سبز تفاوت بین مقدار واقعی و پیشگویی شده خطابا را نشان می‌دهد. شاخص‌های آماری خطابا مدل پیشگویی (تفاوت بین مقدار واقعی با مقدار پیشگویی شده) ENN در جدول (۲) نشان داده شده است. کل خطابا RMS مدل ENN در پیشگویی فاکتورهای $12RPCE/0$ متر است. شکل‌ها (۴-الف)، (۴-ب) و (۴-ج) به ترتیب پیشگویی خطابا را در سه جهت مختصاتی X، Y و Z نشان می‌دهند.



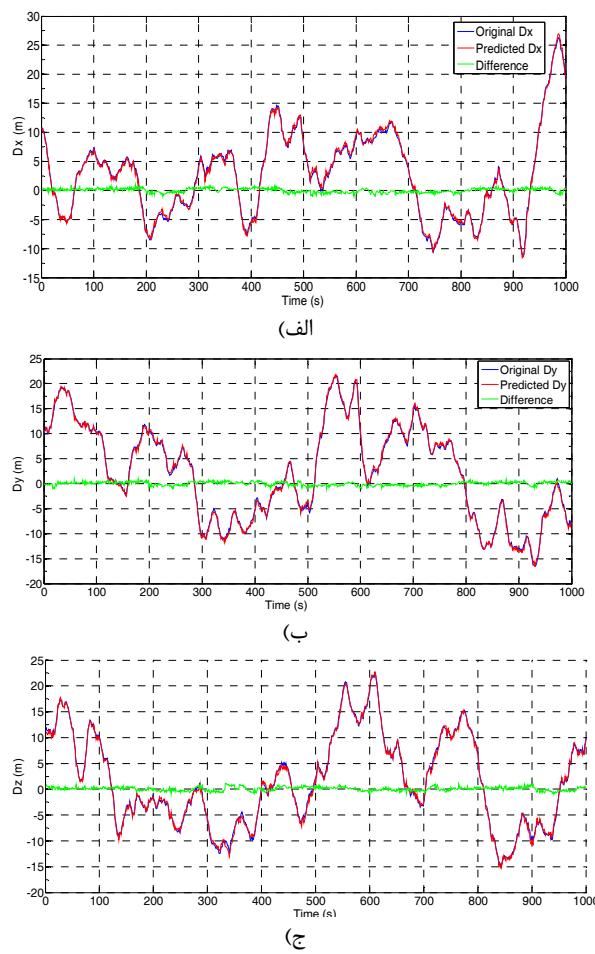
شکل ۴- شبکه عصبی چند لایه

جدول ۲- شاخص‌های آماری خطای مدل ENN

RMS	واریانس	میانگین	بیشینه	کمینه	پارامترها
-۰/۱۱۱	-۰/۰۷۴۳۴	-۰/۰۷۰۳۱	-۰/۵۹۹۹۶	-۰/۰۰۰۰۳	Dx
-۰/۱۲۸	-۰/۰۱۳۸۹	-۰/۷۷۸۳۸	-۰/۳۱۵۰۳	-۰/۰۰۰۰۳	Dy
-۰/۱۰۸	-۰/۰۱۱۶۸۷	-۰/۰۵۲۷۲	-۰/۷-۰۴۹۹۶	-۰/۰۰۰۰۴	Dz

شبکه عصبی بازگشتی

به طور کلی دو تقسیم‌بندی برای ساختار شبکه عصبی مورد استفاده در سیستم‌های دینامیک وجود دارد. یکی شبکه عصبی پیشخور که شامل پرسپترون‌های چند لایه و تابع پایه شعاعی است. تقسیم‌بندی دیگر شامل شبکه عصبی بازگشتی است که برای ساختارهای دینامیک کاربرد دارد. شبکه مورد نظر در سال ۱۹۹۸ برای شناسایی کلاس بزرگی از سامانه‌های غیرخطی معرفی شد [۴۳]. شبکه عصبی بازگشتی یک قابلیت مهم در ذخیره اطلاعات برای استفاده در آینده دارد که این خاصیت در شبکه پیشخور وجود ندارد. یک شبکه RNN ساده که در شکل (۵) نشان داده شده است، یک حافظه کوتاه مدت دارد [۳۴]. RNN نه تنها خود را با اطلاعات ورودی خارجی به روز رسانی می‌کند بلکه با اطلاعات پس انتشار ذخیره شده نیز به روز رسانی می‌شود، وجود فیدیک در این ساختار



شکل ۷- پیشگویی خطای مکان مرجع با استفاده از مدل RNN

همان‌طور که در جدول (۳) مشاهده می‌شود حداقل و مقدار میانگین خطای پیشگویی به ترتیب نزدیک به یک و صفر متر شده است.

جدول ۳- شاخص‌های آماری خطای مدل پیشگویی RNN

RMS	واریانس	میانگین	میانگینه	کمینه	پارامترها
۰/۳۵۸۹	۰/۱۲۹۵	۰/۰۰۱۶	۱/۰۴۵۶	۰/۰۰۰۲۱	Dx
۰/۳۶۵۱	۰/۱۳۳۳	۰/۰۰۹۰	۱/۰۸۷۶	۰/۰۰۰۶	Dy
۰/۳۷۹۹	۰/۱۳۹۲	۰/۰۷۲۵	۱/۱۸۱۴	۰/۰۰۱۸	Dz

ماشین بردار پشتیبان رگرسیونی

روش SVM یکی از روش‌های یادگیری ماشینی است که بر مبنای تئوری یادگیری آماری ارائه شد [۲۵]. در SVM از اصول کمینه‌سازی ریسک ساختاری استفاده شده است، در حالی که سایر روش‌ها از اصول کمینه‌سازی ریسک تجربی بهره می‌برند. استفاده از ریسک تجربی کارایی مدل را بر روی داده‌های آموزشی تضمین می‌کند، اما تضمینی برای قابلیت تعیین‌یابی مناسب وجود ندارد، به همین دلیل در این روش طراحی مناسب شبکه برای بهبود عملکرد تعیین‌یابی ضروری است [۲۶].

گام اول: وزن دهی اولیه تمام وزن‌های شبکه با اعداد تصادفی کوچک

گام دوم: محاسبات پیشرو

$$v_j(k) = \sum_{i=1}^{i=p} w_{ji}^I(K) X_i(k) = w_j^H(K) O_j(k-1) \quad (2)$$

$$o_{j(k)} = \varphi_j[v_j(k)] \quad (3)$$

$$y(k) = \sum_{j=1}^{j=q} w_j^o(k) o_j(k) \quad (4)$$

گام سوم: به روزرسانی بردار وزن‌ها

$$\Delta w_j^o(k) = \eta(y(k) - d(k)) o_j(k) \quad (5)$$

$$\Delta w_j^H(K) = \eta(y(k) - d(k)) w_j^o(k) \frac{\partial o_j(k)}{\partial w_j^H(k)} \quad (6)$$

$$\frac{\partial o_j(k)}{\partial w_j^H(k)} = \varphi'[v_j(k)] \left(o_j(k-1) + w_j^H(K) \frac{\partial o_j(k-1)}{\partial w_j^H(k)} \right) \quad (7)$$

$$\frac{\partial o_j(0)}{\partial w_j^H(0)} = 0 \quad (8)$$

$$\Delta w_{ji}^I(K) = \eta(y(k) - d(k)) w_j^o(k) \frac{\partial o_j(k)}{\partial w_{ji}^I(k)} \quad (9)$$

$$\frac{\partial o_j(k)}{\partial w_{ji}^I(k)} = \varphi'[v_j(k)] (X_i(k) + w_j^H(K) \frac{\partial o_j(k-1)}{\partial w_{ji}^I(k)}) \quad (10)$$

$$\frac{\partial o_j(0)}{\partial w_{ji}^I(0)} = 0 \quad (11)$$

در معادلات بالا $X_i(k)$ یک بردار ورودی $1 \times p$ ماتریس وزن ورودی $p \times q$, $w^0(K)$ بردار وزن خروجی $q \times 1$, $O(k)$ بردار فعال‌سازی نزون داخلی $1 \times q$, $\varphi(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ خارجی و $y(k)$ خروجی شبکه است. همچنین $\Delta w_{ji}^I(K)$ پاسخ مطلوب، $\Delta w_j^o(k)$ مقادیر تنظیم شده وزن $w_j^H(K)$ و $w_j^o(k)$ مقادیر تنظیم شده وزن $w_j^H(K)$ است. η پارامتر آهنگ آموزش است. همان‌طور که مشاهده می‌شود، شبکه قادر به ذخیره‌سازی حالت‌های سیستم در خود است.

گام چهارم: تکرار افزایش یک واحدی زمان (K) و بازگشت به گام دوم

پیشگویی RPCE با RNN

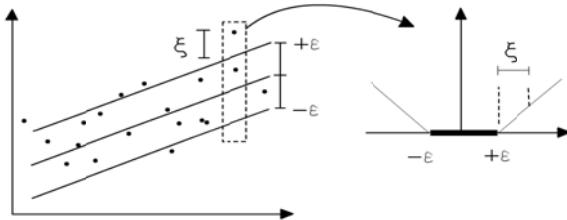
شکل (۷) نشان‌دهنده پیشگویی خطای مکان مرجع با استفاده از مدل RNN است. در این شکل خط آبی خطای بین گیرنده و مکان مرجع و خط قرمز خطای پیش‌بینی شده با الگوریتم را نشان می‌دهد، همچنین خط سبز تفاوت بین مقدار واقعی و پیشگویی شده خط را نشان می‌دهد. شاخص‌های آماری خطای مدل پیشگویی RNN در جدول (۴) نشان داده شده است، کل خطای RNN در پیشگویی Fakتورهای خطای مکان مرجع $0/38$ متر است. شکل‌ها (۷-الف)، (۷-ب) و (۷-ج) به ترتیب پیشگویی خطای مکان مرجع در سه جهت مختصاتی Z و Y نشان می‌دهند.

کنترل کننده پاسخ بهینه نیز به صورت زیر محاسبه می‌شوند [۳۲]:

$$w_0 = \sum_{\text{sup port vectors}} (\alpha_i^* - \alpha_i) x_i \quad (19)$$

$$b_0 = -(1/2) w_0 [x_r + x_s] \quad (20)$$

$$f(x) = \sum_{\text{sup port vectors}} (\alpha_i^* - \alpha_i) (x_i - x_j) + b_0 \quad (21)$$



شکل ۸- تابع تلفات Vapnik و متغیرهای [۳۱]

در روابط بالا x_r و x_s دو بردار پشتیبان هستند. برای ساخت مدل ماشین بردار پشتیبان، پارامترهای C و ϵ توسط کاربر تعريف می‌شوند. پارامتر C یک پارامتر تنظیمی است و می‌تواند مقادیر صفر تا بی نهایت را پذیرید. نقش این پارامتر ایجاد تعادل میان کمینه کردن ریسک تجربی و بیشینه کردن قابلیت تعمیم‌پذیری است [۳۳]. پارامتر ϵ نیز می‌تواند مقادیر صفر تا بی نهایت را پذیرید. مقدار این پارامتر در وضعیت بردارهای پشتیبان و در نتیجه کارایی مدل بسیار موثر است. مسئله رگرسیون خطی در SVM به آسانی قابل گسترش به رگرسیون غیر خطی است. بدین منظور از توابع کرنل استفاده می‌شود. بدین ترتیب در حالت رگرسیون غیر خطی در SVM پارامترهای کنترل کننده تابع بهینه با روابط زیر محاسبه می‌شوند [۱۵]:

$$w_0 \cdot x = \sum_{\text{sup port vectors}} (\alpha_i^* - \alpha_i) K(x_i, x) \quad (22)$$

$$b_0 = -(1/2) \sum_{\text{sup port vectors}} (\alpha_i^* - \alpha_i) [K(x_r, x_i) + K(x_r, x_s)] \quad (23)$$

در روابط بالا K نشان‌دهنده کرنل است. ورودی‌های مدل، داده‌های گذشته D_x و D_y است و خروجی‌های مدل مقادیر آینده این سه متغیر است. داده‌ها به دو دسته آزمایش و آزمایش تقسیم می‌شوند. تابع کرنل استفاده شده تابع کرنل با پایه شعاعی^۵ است [۳۳].

$$K(x, x_i) = \exp(-1/\sigma^2 (X - X_i)^2) \quad (24)$$

در رابطه (۲۴) σ عرض کانال RBF است. تعیین سه پارامتر σ ، C و ϵ بسیار مهم است. عملکرد خوب الگوریتم پیشگویی SVM وابستگی کاملی به تعیین مناسب این پارامترها دارد [۳۳]. این سه پارامتر توسط کاربر تعیین می‌شود. در این مقاله از روش جستجوی هدایت شده برای تعیین این پارامترها استفاده شد [۳۲، ۳۳]. ۱. یک مقدار ثابت برای دو پارامتر C و ϵ در نظر گرفته شود و سپس مقدار σ تا رسیدن به مقدار حداقل خطای فرآیند آزمون تنظیم شود. مقدار نهایی σ با نشان داده می‌شود.

Sاختار SVM

مسئله رگرسیون در SVM یک تابع خطی به شکل $f(x) = \langle w, x \rangle + b$ است. این تابع بر روی یک مجموعه شامل l نمونه مانند $\{(x_1, y_1), \dots, (x_l, y_l)\} \in \mathbb{R}^N, y \in \mathbb{R}$ می‌تواند مقدار خروجی را بر مبنای مقادیر ورودی تخمین بزند. در رابطه فوق x بردار مقادیر ورودی است. پارامترهای w و b نیز پارامترهای کنترل تابع f هستند. $\langle w, x \rangle$ نشان‌گر ضرب داخلی است. برای حل مسئله رگرسیون تابع تلفات^۳ Vapnik که در آن حداقل خطایی به میزان ϵ قابل صرفنظر کردن است، مورد استفاده قرار می‌گیرد. تابع تلفات به شکل زیر تعریف می‌شود [۲۷]:

$$L_\epsilon(y) = \begin{cases} |f(x) - y|_\epsilon & \\ 0 & \text{for } |f(x) - y| < \epsilon \\ |f(x) - y| - \epsilon & \text{otherwise} \end{cases} \quad (12)$$

$L_\epsilon(y)$ معرف تابع تلفات و ϵ میزان خطای مجاز در تابع تلفات است. پارامترهای کنترل کننده تابع رگرسیون بهینه با حل مسئله بهینه‌سازی زیر حاصل می‌شوند [۲۸]:

$$\text{Minimise } \Phi(w, \xi, \xi^*) = \frac{1}{2} \|w\|^2 + \quad (13)$$

$$c \sum (\xi_i^* + \xi_i) \quad (14)$$

$$y_i - ((w \cdot x_i) + b) \leq \epsilon + \xi_i \quad (15)$$

$$\xi_i^*, \xi_i \geq 0 \quad (16)$$

در روابط فوق ξ ، ξ^* متغیرهای slack هستند. این متغیرها به همراه تابع تلفات در شکل (۸) نشان داده شده‌اند. برای حل مسئله بهینه‌سازی فوق به کمک تئوری لاگرانژ، تابع لاگرانژ مطابق با رابطه (۱۷) نوشته می‌شود.

$$L(\alpha^*, \alpha) = -\epsilon \sum_{i=1}^l (\alpha_i^* + \alpha_i) + \sum_{i=1}^l y_i (\alpha_i^* - \alpha_i) - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^l \sum_{j=1}^l (\alpha_i^* - \alpha_i)(\alpha_j^* - \alpha_j)(x_i \cdot x_j) \quad (17)$$

با بیشینه‌شدن تابع فوق تحت محدودیت‌های زیر، مقادیر α^* ، α به دست می‌آیند.

$$\begin{cases} \sum \alpha_i^* = \sum \alpha_i \\ 0 \leq \alpha_i^* \leq C \text{ for } i=1,2,\dots, \\ 0 \leq \alpha_i \leq C \end{cases} \quad (18)$$

مسئله بهینه‌سازی فوق به کمک روش‌های QP قابل حل است. در نتیجه رسیدن به اکسترمم کلی نیز قطعی خواهد بود و خطر به دام افتادن در اکسترمم محلی وجود ندارد. داده‌هایی که ضرایب لاگرانژ متناظر با آن‌ها غیر صفر باشد، به عنوان بردار پشتیبان شناخته می‌شوند [۲۹]. از نظر هندسی این داده‌ها دارای خطاهای پیش‌بینی بزرگ‌تر از $\pm \epsilon$ هستند، بنابراین بردارهای پشتیبان در درون باند $\pm \epsilon$ قرار نمی‌گیرند، پس مقدار ϵ تعداد بردارهای پشتیبان را کنترل می‌کند [۳۰].

به کمک ضرایب لاگرانژ و بردارهای پشتیبان، پارامترهای

جدول ۴- شاخص‌های آماری خطای مدل پیشگویی SVM

RMS	واریانس	میانگین	بیشینه	کمینه	پارامترها
۰/۱۴۲۵۲۸	۰/۱۷۳۷۷	۰/۰۵۶۱۶	۱/۵۸۹۳۰	۰/۰۰۰۲	Dx
۰/۱۵۳۷۷۸	۰/۰۴۱۵۵۹	۰/۰۰۲۷	۱/۴۱۵۹۴۰	۰/۰۰۰۴	Dy
۰/۱۳۹۱۲۱	۰/۰۲۹۷۳۷	-۰/۰۴۸۷۵	۱/۵۸۹۳۰۱	۰/۰۰۰۲	Dz

ARMANN مدل

روش سری‌های زمانی یکی دیگر از روش‌های پیش‌بینی کلاسیک است. در بررسی و تجزیه و تحلیل سری‌های زمانی دو هدف اصلی دنبال می‌شود. هدف اول، تعریف سری‌های زمانی و شناخت طبیعت، خصوصیات و رفتارهای آن‌هاست. هدف دیگر پیش‌بینی وضعیت و رفتار آینده سری زمانی است، که این امر با ایجاد و گسترش مدلی که طبیعت و خصوصیات داده‌های نمونه سری زمانی را بیان می‌نماید، امکان‌پذیر می‌شود. هدف اصلی در این روش استفاده از ترکیب مدل‌های ARMA و شبکه عصبی است، از شبکه عصبی برای تحقق مدل ARMA استفاده می‌شود [۴۰]. در علم آمار و پردازش سیگنال مدل ARMA مدلی است که معمولاً برای سنجش داده‌های سری زمانی مورد استفاده قرار می‌گیرد [۴۱]. این مدل در شناسایی ساختار یک سیستم ناشناخته که شناسایی آن دشوار است کاربرد دارد. مدل به فرم ARMA(p,q) نوشته می‌شود، این مدل یکی از بهترین مدل‌های پیش‌بینی خطی است، p مرتبه اتورگرسیو یا AR که وابستگی یک عنصر در زمان حال به مقادیر قبلی اش است. در این مدل، رگرسیون هر عنصر بر حسب مقادیر پیشین خود تعیین می‌شود. فرآیندهای اتورگرسیو در بیان حالت‌هایی مفید هستند که در آن مقدار حال سری زمانی به مقادیر قبلی آن به علاوه یک ضریب تصادفی بستگی دارد. q نیز مرتبه میانگین متغیر را معلوم می‌کند که به وسیله آن وابستگی سری به عناصر تصادفی حال و گذشته‌اش تعریف می‌شود. فرآیندهای میانگین متغیر که MA در توصیف پدیده‌های مفیدند که پیشامدها یک اثر آنی را تولید می‌کنند که برای دوره‌های کوتاه زمان باقی می‌ماند [۴۲]. برای داده‌های سری زمانی، مدل ARMA ابزاری برای مطالعه و شاید پیش‌بینی مقادیر آتی چنین سری‌هایی است. فرمول عمومی ARMA(n,m) با رابطه خطی زیر تعریف می‌شود:

$$y(t) + a_1 y(t - T) + a_2 y(t - 2T) + \dots + a_n y(t - nT) = \beta_0(t) + \beta_1(t - T) + \dots + \beta_m u(t - mT) \quad (25)$$

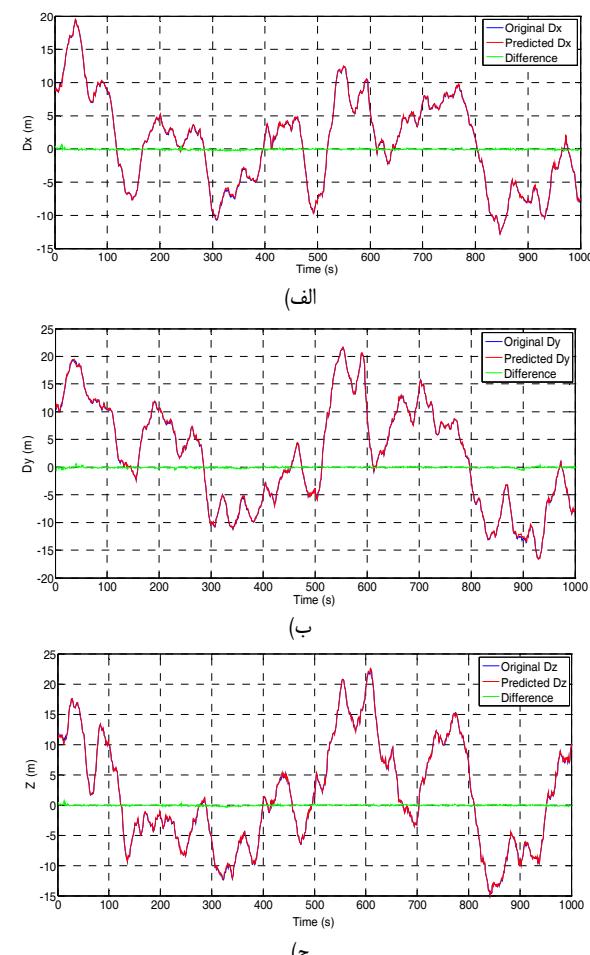
که فرم دیگر آن به صورت زیر است:

$$y(t) + \sum_{k=0}^m a_k y(t - kT) = \sum_{k=0}^m \beta_k u(t - kT) \quad (26)$$

۲. مقدار ثابتی برای ϵ در نظر گرفته شود و σ روی ϵ تنظیم شود.
- سپس مقدار C برای حداقل خطای فرآیند آزمون تنظیم شود و این مقدار با C' نشان داده شود.
۳. مقادیر C و σ روی C' و σ تنظیم شود و مقدار ϵ برای رسیدن به خطای حداقل تنظیم شود.
- پارامترها به ترتیب $3, 4/5, 0/02$ و $4/5$ تعیین شد.

پیشگویی SVM با RPCE

خطاهای مکان مرجع در نقطه A را با استفاده از مدل SVM و ساختار پیشگویی شکل (۲) پیشگویی می‌شود، به دلیل عدم نیاز این مدل به بهینه‌سازی پارامترهای مختلف همانند الگوریتم ژنتیک، این مدل دارای سرعت پیشگویی بهتر نسبت به مدل ENN و دارای خطای RMS $0/15$ متر است. پیشگویی خطای مکان مرجع در شکل (۹) به رنگ قرمز نشان داده است و به رنگ آبی که خطای واقعی است، بسیار نزدیک است. شاخص‌های آماری این مدل در جدول (۴) آمده است. مراکزیم خطای پیشگویی در این روش $1/5$ متر است و حداقل آن تقریباً به صفر می‌رسد.



شکل ۹- خطای مکان مرجع پیشگویی شده با الگوریتم SVM

که در آن c کل نرون‌های موجود در لایه خروجی است. میانگین مجموع خطای انرژی مطابق با رابطه زیر است که در آن N تعداد نمونه‌هاست.

$$\bar{\xi}_{av} = \frac{1}{N \sum_{n=1}^N \xi(n)} \quad (29)$$

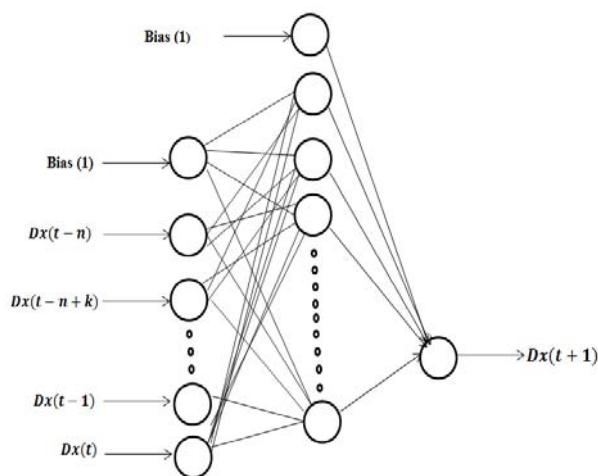
هدف آموزش تنظیم پارامترها به منظور حداقل سازی رابطه اخیر است. برای این حداقل‌سازی باید وزن‌ها مطابق با الگوی مشخص بهروز رسانی شوند. یک الگوی ساده بهینه‌سازی به صورت روابط

(۳۰) تا (۳۱) است:

$$w_{ji}(n+1) = w_{ji}(n) - \eta \frac{\xi \partial(n)}{\partial w_{ji}(n)} \quad (30)$$

$$\Delta w_{ji}(n) = -\eta \frac{\xi \partial(n)}{\partial w_{ji}(n)} + \alpha \Delta w_{ji}(n-1) \quad (31)$$

که در آن η آهنگ آموزش، α آهنگ حرکت و ξ تابع هزینه حداقل شده را نشان می‌دهد [۴۵، ۴۶]. در شکل (۱۰) ساختار ARMANN برای پیش‌بینی نشان داده شده است، برای پیش‌بینی $Dx(t+1)$ مقادیری از ورودی‌ها $Dx(t), Dx(t-1), \dots, Dx(t-n)$ مورد داده ورودی است. شبکه عصبی استفاده می‌شوند، که در آن n تعداد داده ورودی است. شبکه عصبی BP سه لایه است و دارای یک لایه ورودی، یک لایه مخفی و یک لایه خروجی است. از تابع فعال‌سازی زیگموید در لایه پنهان و خروجی استفاده می‌شود. برای سنجش دقت الگوریتم پیش‌گویی شبکه با ۲۰ داده ورودی تنظیم گردید. در لایه مخفی از ۱۵ داده تشکیل شده و لایه خروجی که نشان‌دهنده پیش‌بینی $Dx(t+1)$ شامل یک داده است. گره بایاس برای ورودی و لایه مخفی ۱ است. شبکه برای پیش‌بینی ۱۰۰۰ ثانیه آینده مقادیر Dx آموزش می‌بینند. پارامترهای تنظیم‌شده برای تحقق مدل ترکیبی شامل بایاس، آهنگ آموزش و ضریب حرکت به ترتیب برابر با $1, 1/2$ و $1/5$ است. در جهت Dy و Dz نیز روند به همین صورت است.



شکل ۱۰- ساختار مدل ARMANN برای پیش‌گویی خطای مکان مرجع

در روابط (۲۵) و (۲۶) T نشان‌دهنده زمان نمونه‌برداری است، $y(t)$ ترکیب خطی از ورودی u و خروجی y است. در سمت چپ معادله (۲۳) بخش خود رگرسیو است، در حالی که سمت راست بخش میانگین متحرک است. پارامتر m و n ناشناخته‌اند و برای شناسایی نیاز به تنظیم اجرای برنامه‌های بهینه‌سازی دارند. هر دو AR و MA در یک مدل خاص ARMA برای پیش‌گویی استفاده می‌شوند [۳۳].

شبکه عصبی مورد استفاده در مدل پیش‌گویی ARMA

مدل ARMA با در نظر گرفتن نوسانات سری زمانی با محدودیت‌هایی مواجه است، یکی از الگوهای غیرخطی که توانایی بالقوه خوبی برای پیش‌بینی سری‌های زمانی از خود نشان داده، شبکه‌های عصبی هستند [۴۴]. ترکیب مدل‌های شبکه عصبی به عنوان یک مدل غیرخطی با مدل ARMA به عنوان یک مدل خطی در پیش‌بینی سری‌های زمانی، عملکرد بهتری نسبت به پیش‌بینی صورت گرفته با استفاده از هر یک از مدل‌ها به تنها ی دارد. این روش دارای دو مزیت قابل توجه است: اولاً دو الگوی خطی ARMA و غیرخطی شبکه عصبی ترکیب شده که در این زمینه نقاط ضعف هر یک از الگوها در پیش‌بینی با نقاط قوت الگوی دیگری حذف یا کم رنگ‌تر می‌شود، ثانیاً این روش با در نظر گرفتن سری زمانی، عوامل تأثیرگذار بر روی این سری را نیز در مدل دخیل می‌کند که قاعدتاً می‌باشد قدرت پیش‌بینی سری زمانی را افزایش دهد. از شبکه عصبی BP برای آموزش شبکه عصبی استفاده شده است. ورودی آموزش به لایه ورودی وارد می‌شوند و خروجی مطلوب با خروجی شبکه مقایسه می‌شود. در هین فرآیند آموزش یک فرآیند رفت و برگشت در شبکه برقرار می‌شود و خروجی هر جزء لایه به لایه محاسبه می‌شود. روش به طور کلی پیدا کردن یک بردار گرادیان در ساختار شبکه است که به عنوان BP به آن اشاره شده است. اساس کار آموزش شبکه عصبی بر اساس حداقل‌سازی مربعات خطای میان بردار خروجی واقعی و بردار خروجی هدف یا مطلوب است.

الگوریتم آموزشی آن مختصراً به صورت زیر است:

$$e_j(n) = d_j(n) - y_j(n) \quad (27)$$

که در آن $d_j(n)$ پاسخ مطلوب خروجی نرون j و $y_j(n)$ پاسخ واقعی خروجی نرون j است. هدف اصلی BP حداقل سازی این خطای نزدیک شدن مقدار واقعی به مقدار مطلوب است. به این منظور انرژی خطای کل با مجموع رابطه اخیر برای نرون‌های خروجی لایه آخر به دست می‌آید:

$$\bar{\xi}(n) = 1/2 \sum_{j \in c} e_j^2(n) \quad (28)$$

مقایسه نتایج دقت مدل‌های پیش‌گویی

اغلب در مسائل رگرسیون از شاخص ریشه دوم میانگین مربعات خطای که در معادله (۳۲) آمده است استفاده می‌شود و هر چقدر مقدار آن کمتر باشد مدل پیشگویی بهتر است.

$$RMSE = \sqrt{\sum_{i=1}^K (T_i - P_i)^2 / K} \quad (32)$$

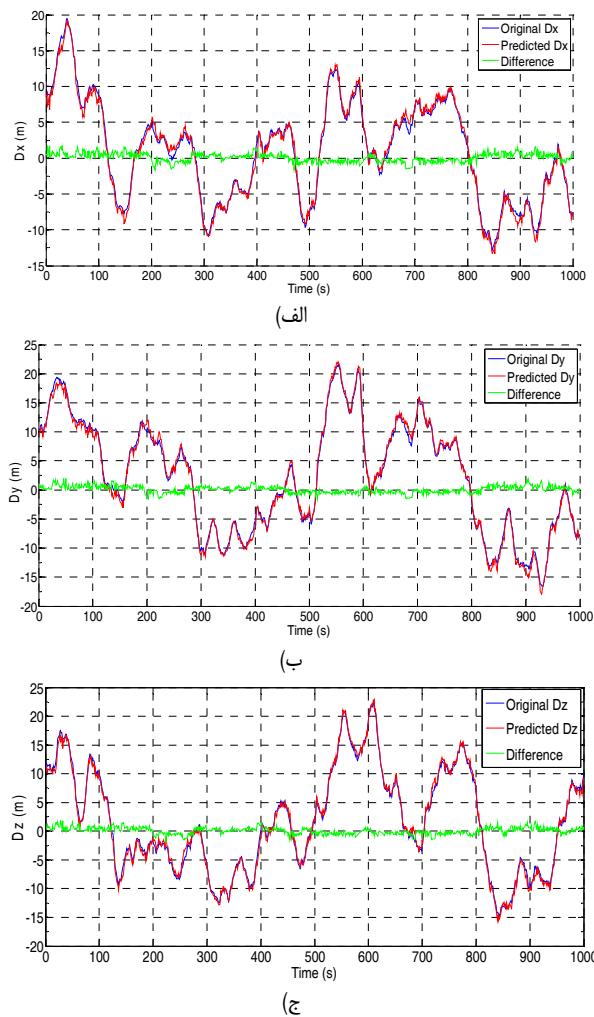
در رابطه k۳۲ تعداد نمونه‌ها، T_i و P_i مقدار پیش‌بینی شده و واقعی در نمونه آن هستند. در جدول (۶) مقایسه فاکتور RMSE را برای چهار روش مختلف استفاده شده در مقاله آورده شده است، روش ENN با مقدار ۰/۱۲ متر بهترین روش، SVM به لحاظ دقت پیشگویی است. پس از آن روش‌های SVM، RNN و RMSE به ترتیب دارای کمترین مقدار RMSE و RNN هستند. در سنجش مدل‌های پیشگویی، هر ۴ روش یک گام رو به جلو استفاده شده‌اند. همچنین سرعت پردازش مدل‌های پیشگویی با کامپیوتر شخصی (2.5 GHz™ i5 CPU) محاسبه شده است، مدل SVM نسبت به سایر مدل‌ها دارای سرعت بیشتری است، عدم نیاز این مدل به بهینه‌سازی مداوم پارامترها و مصالحه بین سرعت و دقت این مدل را گزینه مناسب‌تری برای استفاده در سامانه‌های DGPS کرده است. هر چند دقت این مدل اندکی کمتر از ENN است اما در حالت کلی پایداری بهتری برای DGPS دارد، بنابراین در آزمایش متحرک از این مدل استفاده می‌شود. در شکل (۱۲) خطای پیشگویی این چهار روش با هم مقایسه شده است، در این شکل رنگ‌های قرمز، سبز، مشکی، آبی به ترتیب نشان‌دهنده خطای پیشگویی روش‌های ARMANN، RNN، ENN و SVM هستند. همان‌طور که مشاهده می‌شود روش مدل ENN با رنگ قرمز کمترین میزان خطای خطا را دارد و پس از آن روش SVM با فاصله کمی از ENN دارای خطای اندکی است. روش ARMANN نسبت به ۳ مدل دیگر دارای خطای مکانی بیشتری است.

جدول ۶- مقایسه RMSE و سرعت مدل‌های RNN، SVM، ENN و ARMANN استفاده شده در پیشگویی

ARMANN	RNN	SVM	ENN	پارامترها
۰/۴۸	۰/۳۸	۰/۱۵	۰/۱۲	(متر) RMSE
۱۲	۴/۳	۱/۲	۳/۶	CPU (ثانیه)

پیشگویی ARMANN با RPCE

با استفاده از الگوریتم ARMANN خطای مکان مرجع را در سه جهت مختصاتی x,y,z مطابق با ساختار شکل (۲) (قسمت A) پیشگویی شد، نتایج پیشگویی برای ۱۰۰۰ داده آزمایش در شکل (۱۱-الف)، (۱۱-ب) و (۱۱-ج) نشان داده شده است.



شکل ۱۱- پیشگویی خطای مکان مرجع با استفاده از مدل ARMANN

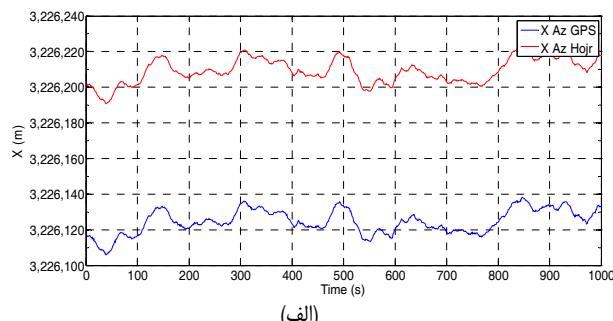
جدول (۵) شاخص‌های آماری خطای پیشگویی مدل ARMANN را نشان می‌دهد. کل خطای RMS این مدل پیشگویی ۰/۴۸ متر و حداقل مقدار خطای حدوداً ۲ متر است.

جدول ۵- شاخص‌های آماری خطای مدل پیشگویی ARMANN

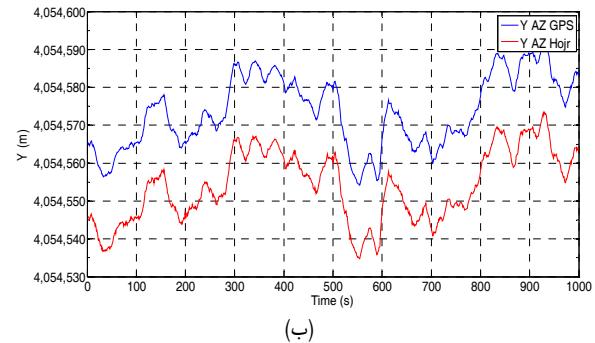
RMS	واریانس	میانگین	بیشینه	کمینه	پارامترها
۰/۴۹۶۸۷	۰/۳۵۲۰	۰/۰۶۷۳۰	۱/۸۳۴۴۳	۰/۰۰۳۴	Dx
۰/۴۷۰۹۲	۰/۳۵۳۲	۰/۰۸۹۹۳	۱/۹۷۹۸۳	۰/۰۰۰۱	Dy
۰/۴۸۸۶۰	۰/۳۴۲۴	۰/۰۶۶۳	۱/۸۱۴۷	۰/۰۰۰۲	Dz

(تعیین کننده دقت مکان یابی در نقطه B) مشابه است. با استفاده از فاکتورهای خطای مکان مرجع در نقطه A می‌توان دقت مکان یابی را به صورت تفاضلی در نقطه B افزایش داد. برای این منظور خطای نقطه A را به مشاهدات مکانی نقطه B اعمال کردیم و نتایج مشابه شکل (۱۵) را در پی داشته است. در شکل (۱۵-الف)، (۱۵-الف) و (۱۵-ج) دیده می‌شود که خطا کاهش یافته و مشاهدات مکانی دارای دامنه تغییرات کم و حول نقطه میانگین متوجه شده است.

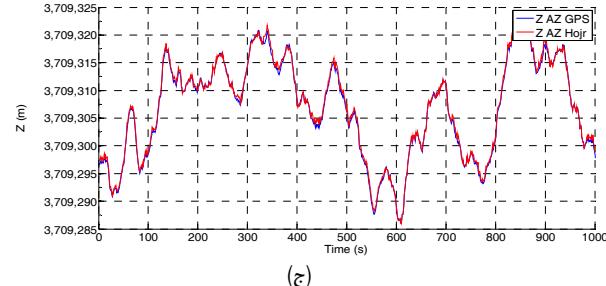
به منظور سنجش دقت از خطای RMS بھرمه می‌بریم، خطای این نقطه که در واقع تفاوت بین خطای نقطه A و خطای نقطه B است، دارای خطای کل RMS برابر با 41 m است. خطای نقطه B بعد از اعمال خطای نقطه A کاهش می‌یابد. جدول (۷) شاخص‌های آماری خطای داده اولیه و خطای بهبود یافته را برای ۱۰۰۰ داده آزمایش نشان می‌دهد. مشاهده می‌شود که ماکریم مقدار خطای داده اصلی از ۱۸ متر حداقل به مقدار $1/2$ متر در خطای بهبود یافته رسیده است، همچنین خطای RMS در هر سه جهت حدود 45 m متر است، در حالی که قبل از بهبود حدود ۷ متر بوده است.



(الف)

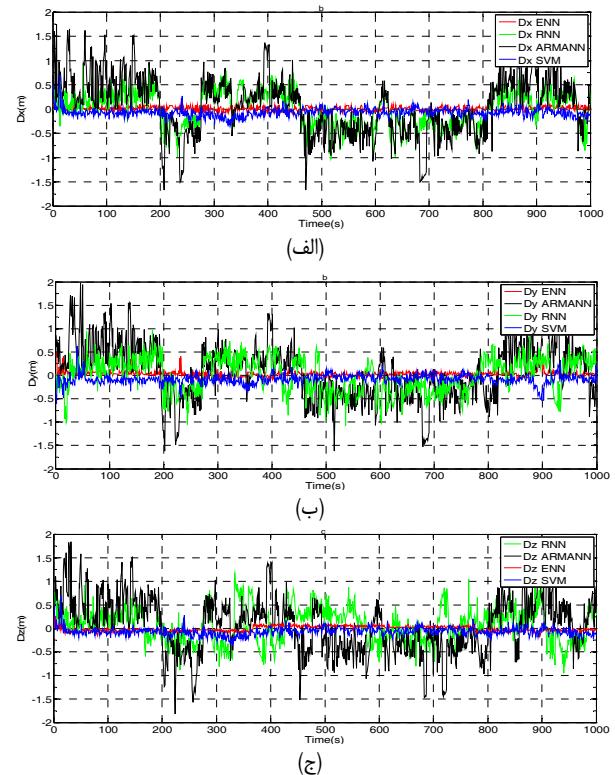


(ب)



(ج)

شکل ۱۳ - مشاهدات مکانی ۱۰۰۰ داده نمونه از دو ایستگاه مرجع (آزمایشگاه GPS) و ایستگاه متحرک (آزمایشگاه حجر).



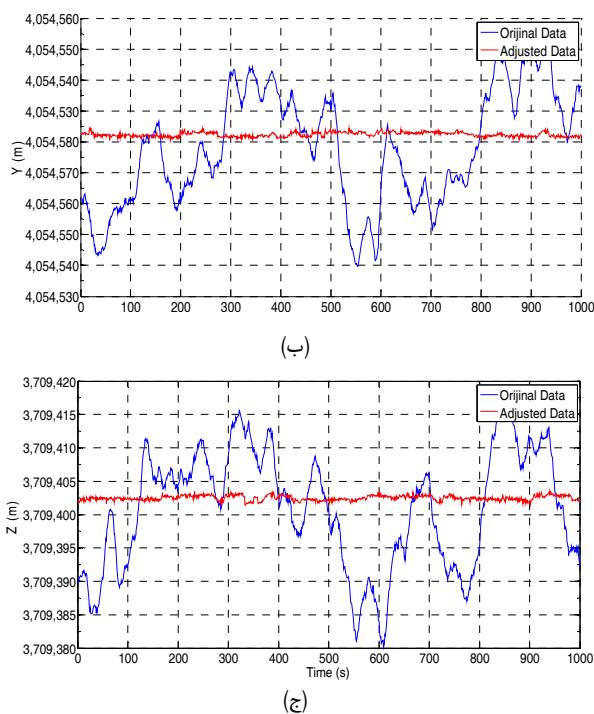
شکل ۱۲ - مقایسه خطای پیشگویی مدل ENN، RNN، SVM و ARMANN

بررسی دقت سامانه مکان یاب تفاضلی

در ادامه دقت سامانه مکان یاب تفاضلی شرح داده می‌شود.

بررسی دقت سامانه مکان یاب با اعمال مقادیر خطای مکان مرجع نقطه A در نقطه B

با استفاده از ساختار شکل (۲) و قراردادن گیرنده در ساختمان آزمایشگاه تحقیقاتی GPS داشتگاه شهید رجایی ۳۶۰۰ داده جمع‌آوری شد و میانگین نقاط به دست آمده، به عنوان نقطه مرجع درنظر گرفته شد. همزمان در ساختمان پژوهشی حجر نیز که به فاصله 84 m از این آزمایشگاه واقع شده، نمونه‌برداری انجام گرفت. در شکل (۱۳) برای ۱۰۰۰ داده آزمایش مشاهدات مکانی در سه جهت مختصاتی X, Y, Z و برای دو نقطه A و B دیده می‌شود. همان‌طور که در شکل‌های (۱۲-الف)، (۱۲-ب) و (۱۲-ج) دیده می‌شود؛ روند تغییرات مکانی در دو نقطه A و B مشابه است که این موجب می‌شود خطای مکانی دارای روند تغییرات مشابه و مقادیر نزدیک به هم شود. در شکل‌های (۱۴-الف)، (۱۴-ب) و (۱۴-ج) این واقعیت دیده می‌شود. محدود کردن تعداد ماهواره‌ها موجب افزایش خطا تا حداقل 25 m در هر دو نقطه خواهد شد. اما این خطا را به صورت دیفرانسیلی در ایستگاه ساختمان حجر کاهش می‌دهیم. در شکل (۱۴) نزدیکی دو منحنی نشان‌دهنده این است که با مقدار کم اختلاف



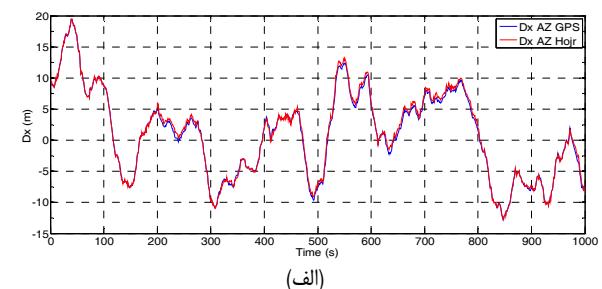
شکل ۱۵- مقایسه مقادیر واقعی و اصلاح شده مشاهدات مکانی در ۳ جهت مختصاتی

بررسی دقت مکان‌یابی سامانه DGPS همراه با مدل‌های پیشگویی

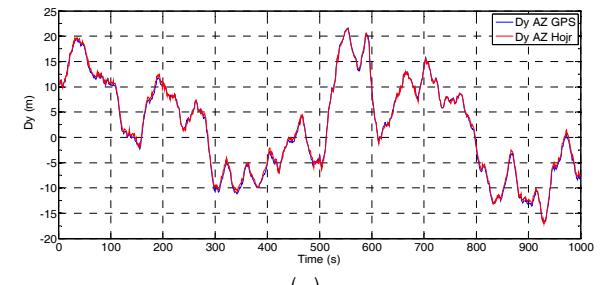
مطابق با نتایج بخش دقت سامانه مکان‌یاب با اعمال مقادیر خطای مکان مرجع نقطه A در نقطه B، و صحت پیاده‌سازی سامانه با فاکتورهای خطای مکان مرجع، اگر مقادیر خطای مکانی مرجع که توسط مدل‌های پیشگویی تقریب زده شده نیز بر ایستگاه کاربر اعمال شود، موجب افزایش دقت می‌شود، همان‌طور که در مقدمه گفته شد، پیشگویی این مقادیر به منظور جبران تأخیرهای گوناگون ارسال و اعمال تصحیح‌ها در مشاهدات ایستگاه کاربر است. بنابراین مقادیر پیشگویی شده توسط ۴ مدل مختلف بر ۱۰۰۰ مشاهده مکانی ایستگاه کاربر اعمال شد. دقت سامانه مکان‌یابی تفاضلی همراه مدل‌های پیشگویی (ENN)، (SVM)، (ENN)، (RNN) و (ARMANN) با یکدیگر مقایسه شده است. دقت مکان‌یابی DGPS با مدل ۰/۵ENN است که در مقایسه با مدل‌های دیگر بهتر است، پس از آن مدل SVM در سامانه DGPS با ۰/۸۵ متر بالاترین دقت را دارد. در شکل (۱۶) خطای مکان‌یابی در نقطه B نشان داده شده است که به صورت تفاضل، میانگین مشاهدات مکانی از مشاهدات مکانی برای ۱۰۰۰ داده آزمایشی است، در شکل دیده می‌شود سامانه DGPS با مدل ENN با رنگ قرمز و مدل SVM با رنگ آبی به ترتیب کمترین خطای مکان‌یابی در نقطه B را دارند.

جدول ۷- مقایسه شاخص‌های آماری خطای داده اصلی و خطای بهبود یافته در نقطه B با اعمال خطای مکان مرجع نقطه A

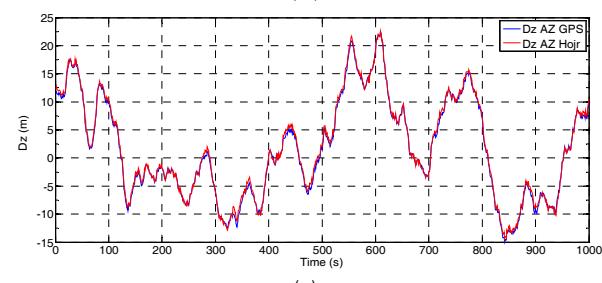
پارامترها	مختصات Z		مختصات Y		مختصات X	
	اصلی	بهبود یافته	اصلی	بهبود یافته	اصلی	بهبود یافته
پیشینه	۲۴/۴۱۹	۱/۳۸	۲۱/۵۶	-۲/۱۶	-۱۸/۲۶	۱/۳۲
کمینه	.۰۰۹	.۰۰۱	.۰۰۱	.۰۰۱	.۰۰۴۶	.۰۰۱
ج.م.م خطا	۸/۹۶۸	.۰/۴۶۵	۹/۵۹۴	.۰/۴۲۰	۶/۹۸۳	.۰/۴۶۷
میانگین	۱/۶۶۱	.۰/۰۷۲۵	۲/۴۵۵	.۰/۰۰۸	-۳/۲۵۵	.۰/۱۲۹
واریانس	۷۷/۷	.۰/۱۳۹	۸۶/۰۲	.۰/۱۳۳	۴۸/۸۸	.۰/۱۵۲



(الف)

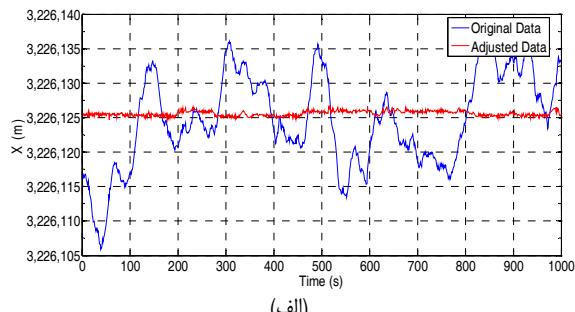


(ب)



(ج)

شکل ۱۴- مقایسه خطای مشاهدات نسبت به نقطه میانگین (در طول یک ساعت) در دو نقطه A و B



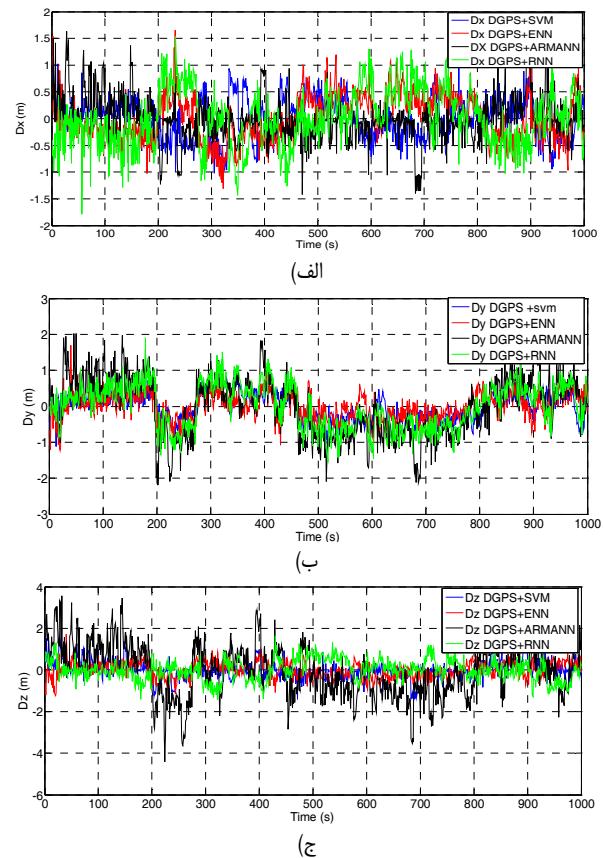
(الف)

یافته است. این تست به صورت پس پردازش انجام شده و مقادیر پیشگویی شده RPCE در سه نقطه C, D و E اعمال شده است. نکته قابل ملاحظه برتری SVM در آزمایش نقطه E است، یعنی جایی که فاصله بین دو ایستگاه به حدود ۶ کیلومتر می‌رسد. SVM به سبب پایداری بهتر و سرعت مناسب‌تر نتایج مکان‌یابی بهتری را نسبت به سامانه‌ی تغییر مانده است و این به سبب آن است که ماهواره‌های دو ایستگاه تعییر چندانی نداشته است.

جدول ۹- مقایسه دقت مکان‌یابی تفاضلی همراه با روش‌های پیشگویی در نقاط کاربری C, D و E

DGPS+SVM	DGPS+GAANN	روش	نقطه
۰/۵۸۱	۰/۵۱۹	دقت (متر)	C
DGPS+ARMANN	DGPS+RNN	روش	
۰/۹۲۳	۰/۷۳۴۳	دقت (متر)	D
DGPS+SVM	DGPS+GAANN	روش	
۰/۶۱۷	۰/۵۵۸	دقت (متر)	E
DGPS+ARMANN	DGPS+RNN	روش	
۱/۰۴	۰/۷۹۰	دقت (متر)	
DGPS+SVM	DGPS+GAANN	روش	
۰/۸۰۱	۰/۸۲۶	دقت (متر)	
DGPS+ARMANN	DGPS+RNN	روش	
۱/۳۴	۰/۹۹۸	دقت (متر)	

با توجه به کاربردهای بلاذرنگ، سامانه تفاضلی یک آزمایش متحرک طراحی شد؛ ابتدا، ایستگاه مرجع در موقعیت آزمایشگاه GPS دانشگاه شهید رجایی قرار گرفت و مدل SVM در این ایستگاه استفاده شد. با توجه به برد مناسب فرسنده رادیویی ایستگاه مرجع پیام RPCE پیشگویی شده را برای خودرویی ارسال کرد [۴۷]، همچنین سخت‌افزار کاربر درون خودرویی با سرعت حدود $20 \frac{\text{Km}}{\text{h}}$ قرار داده و خودرو از حدود ۲۰۰ متری ایستگاه مرجع حرکت داده شد. مختصات دقیق ۱۵ نقطه با استفاده از نمونه‌برداری مکانی مشخص شد. خودرو از این ۱۵ نقطه عبور کرده و مشاهدات مکانی در کارت حافظه این ایستگاه ذخیره گردید. خودرو مسیر طراحی شده برای تست را ۵۰ بار طی کرد و RMS مکان‌یابی برای سنجش دقت مکان‌یابی استفاده شد. جدول (۱۰) نتایج این تست را منعکس می‌کند. شکل (۱۷) آزمایش انجام شده را در سه جهت مختصاتی x, y و z برای ۱ تکرار آزمون نشان می‌دهد. همان‌طور که دیده می‌شود، مکان‌یابی SVM با مدل DGPS



شکل ۱۶- مقایسه الگوریتم‌های پیشگویی در کاهش خطای مکانی نسبت به نقطه میانگین در نقطه B در سامانه B

در جدول (۸) دقت سامانه مکان‌یاب تفاضلی که در آن‌ها چهار روش مختلف پیشگویی برای افزایش دقت استفاده شده آمده است.

جدول ۸- مقایسه دقت مکان‌یاب تفاضلی همراه با روش‌های پیشگویی براساس پارامتر خطای RMS

DGPS+SVM	DGPS+GAANN	روش
۰/۵۸	۰/۵	دقت (متر)
DGPS+ARMANN	DGPS+RNN	روش
۰/۹۲	۰/۷۳	دقت (متر)

بحث و بررسی

در این مقاله، برای پیاده‌سازی DGPS از فاکتورهای RPCE استفاده شد. استفاده از این فاکتورها تا حد زیادی به اشتراک ماهواره‌های دو ایستگاه مرجع و کاربر ارتباط دارد، با افزایش فاصله بین دو ایستگاه، این اشتراک کم می‌شود، به منظور سنجش تأثیر این پارامتر ایستگاه کاربر به ترتیب در نقاط C, D و E و با فاصله‌های تعريف شده قرار گرفت. از شاخص RMS برای مقایسه دقت مکان‌یابی در این نقاط استفاده شده است. مطابق با جدول (۹) ملاحظه می‌شود که در طول ۱۰۰۰ ثانیه با افزایش فاصله دو ایستگاه دقت مکان‌یابی در هر ۴ الگوریتم کاهش

SVM تواناً دارای دقت و سرعت مناسبی است که امکان پیاده‌سازی سامانه موقعیت‌یاب بالادرنگ را فراهم می‌کند. اعمال تصحیح‌ها پیشگویی شده روی نقطه کاربر دقت سامانه مکان یاب تا ۰.۵ متر افزایش می‌دهد.

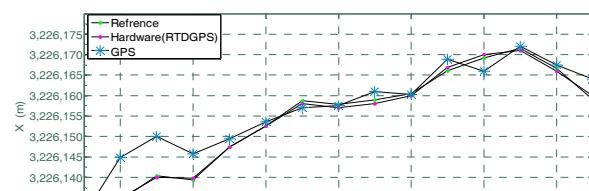
مراجع

- [1] Morgan-Owen, G. J. and Johnston, G. T., "Differential GPS Positioning," *IEEE Transactions on Electronics & Communication Engineering*, Vol. 7, Issue 1, 1995, pp.11-21.
- [2] Mosavi, M. R. and Nabavi, H., "Improving DGPS Accuracy using Neural Network Modeling," *Australian Journal of Basic and Applied Sciences*, Vol. 5, No. 5, 2011, pp. 848-856.
- [3] Mosavi, M. R., Mohammadi, K., and Refan, M. H., "A New Approach for Improving of GPS Positioning Accuracy by Using an Adaptive Neuro fuzzy System, Before and After S/A Is Turned Off," *International Journal of Engineering Science, Iran University of Science and Technology*, Vol. 15, No. 1, 2004, pp. 95-108.
- [4] Mosavi S.M.R., Rahemi, N. and Mirza-Kuchaki, S., "Precise Positioning in GPS Receivers for Very High Elocities Using Combination of Recursive Least Squares and Fuzzy Logic," Vol. 7, No. 3, 2015, pp.63-72.
- [5] Kobayashi, K., Ka, C. C., Watanabe, K., and Munekata, F., "Accurate Differential Global Positioning System via Fuzzy Logic Kalman Filter Sensor Fusion Technique," *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, Vol. 45, No. 3, 1998, pp.510-518.
- [6] RTCM Special Committee No. 104. "RTCM Recommended Standards for Differential NAVSTAR GPS Service." Radio Technical Committee for Maritime Services. Paper 134-89/SC104- 68. Washington DC (USA), 1990.
- [7] Keith, A., Using Wide Area Differential GPS to Improve Total System Error for Precision Flight Operations, (PhD Thesis) Stanford University (USA), 2000.
- [8] Available, [on line]: <http://www.u-blox.com/en/download/documents-a-resources/gps-solutions.html>.
- [9] Refan, M. H., Mohammadi, K. and Mosavi, M. R., "Improvement on a Low Costpositioning Sensor Accuracy," *IEEE Conference on Sensors, Malaysia*, 14–18 July, 2003, pp. 9–14.
- [10] Donald, K. D. Mc., "The Modernization of GPS: Plans, New Capabilities, and the Future Relationship to Galileo," *Journal of Global Positioning System*, Vol. 1, No.1, 2002, pp.1-17.
- [11] Jwo, D. J. and Lai, C. C., "Neural Network-based GPS GDOP Approximation and Classification," *Journal of GPS Solutions*, Vol. 11, No. 1, 2007, pp.51-60.
- [12] Mosavi, M. R. and Azami, H., "Applying Neural Network for Clustering of GPS Satellites," *Journal of Geoinformatics*, Vol. 7, No. 3, 2011, pp. 7-14.
- [13] Güngör, Z. and Ünler, A., "K-harmonic Means Data Clustering with Simulated Annealing Heuristic," *Journal of Applied Mathematics and Computation*, Vol. 184, Issue 2, 2007, pp.199- 209.
- [14] Saraf, M., Mohammadi, K. and Mosavi, M. R., "Bayesian Framework on GPS GDOP Classification,"

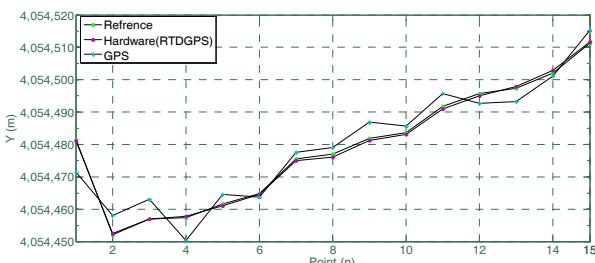
دقیق‌تر است و مشاهدات در ۱۵ نقطه آزمونی به ۱۵ نقطه مرجع نزدیک‌تر هستند. در حالی که مشاهدات GPS از نقاط مرجع فاصله دارد.

جدول ۱۰ - مقایسه شاخص RMS خطای داده اصلی و خطای بهبود یافته ۱۵ نقطه در آزمون پویا با الگوریتم SVM استفاده شده در ایستگاه مرجع با اعمال RPCE

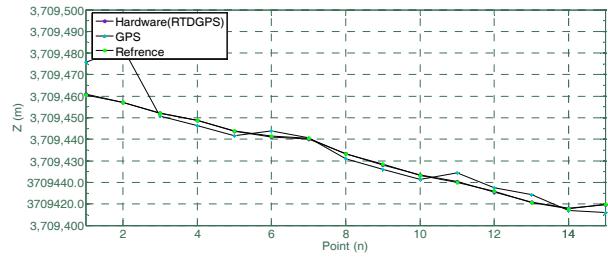
						پارامترها
Z	Y	X	GPS	DGPS	GPS	
۲/۶۳	-۰/۷۳	۲/۳۰	-۰/۷۱	۱/۸۰	-۰/۶۸	ج.م.م.خطا



(الف)



(ب)



(ج)

شکل ۱۷ - نتایج شبیه‌سازی آزمون پویا

نتیجه‌گیری

در این مقاله، از فاکتورهای خطای مکان مرجع برای افزایش دقت DGPS استفاده و نشان داده شد در صورتی که در ایستگاه مرجع و متوجه از ماهواره‌های یکسانی استفاده شود، خطای در گیرنده متوجه جبران می‌شود، خطای RMS در این حالت از حدود ۷ متر به ۰/۴ متر رسید. برای پیاده‌سازی مدل از یک گیرنده ارزان قیمت بهره گرفته شد، برای پیشگویی فاکتورهای خطای مکان مرجع از ۴ الگوریتم RNN، ENN، SVM و ARMANN استفاده شد، مدل RMS با خطای ENN ۰/۱۲ متر بهترین عملکرد را داشت. مدل ENN

- [31] Farag, A. and Refaat, M.M., *Regression Using Support Vector Machines: Basic Foundations*, Technical Report, December 2004.

[32] Minqiang, P., Dehuai, Z. and Gang, X. u., "Temperature Prediction of Hydrogen Producing Reactor Using SVM Regression with PSO-SVM", *Journal of Computers*, Vol. 5, No. 3, 2010, pp. 388-393.

[33] Cai, X., Zhang, N., Vena, G.K. and Unsch, D.C.W., "Time Series Prediction with Recurrent Neural Networks Trained by a Hybrid PSO-EA Algorithm," *Journal of Neuro Computing*, Vol. 70, Issue 13-15, pp. 2342-2353, 2007.

[34] Graves, A. and Schmidhuber, J., "Offline Handwriting Recognition with Multi-dimensional Recurrent Neural Networks." *Advances in Neural Information Processing Systems*, 2009.

[35] Bengio, Y., Simard, P. and Frasconi, P., "Learning Long-Term Dependencies with Gradient Descent is Difficult," *IEEE Transactions on Neural Networks*, Vol. 5, Issue 2, 1994, pp. 157-166.

[36] Hochreiter, S., Bengio, Y., Frasconi, P. and Schmidhuber, J., "A Field Guide to Dynamical Recurrent Neural Networks, Chapter Gradient flow in Recurrent Nets: the Difficulty of Learning Long-Term Dependencies," *IEEE press*, 2001.

[37] Bod'en, M. and Wiles, J., "Context-Free and Context-Sensitive Dynamics in Recurrent Neural Networks," *Connection Science*, Vol. 12, No. 3, 2000.

[38] Mosavi, M.R., "A Comparative Study between Performance of Recurrent Neural Network and Kalman Filter for DGPS Corrections Prediction," *IEEE Conference on Signal Processing, Beijing, China*, 2004.

[39] Werbos, P.J., *Beyond Regression: New Tools for Prediction and Analysis in the Behavioral Sciences*. Cambridge, [Ph.D. Thesis], MA: Harvard University, 1974.

[40] Zhang, G.P., "Time Series Forecasting using a Hybrid ARIMA and Neural Network Model," *Neuro Computing*, Vol. 50, 2003, pp. 159-175.

[41] Zhang, S. and Liu, R., "A Rapid Algorithm for Online and Real-time ARMA Modeling," *Signal Processing Proceedings, 2000. WCCC-ICSP 2000, 5th International Conference*, 2003, pp. 230-233,

[42] Scha, C. and Schroder, D., "An Application of General Regression Neural Network to Nonlinear Adaptive Control," *Processing of 5th European Conference on Power Electronics and Applications*, 1993, pp. 219-224.

[43] Wang, C.C., "A Comparison Study between Fuzzy Time Series Model and ARIMA Model for Forecasting Taiwan Export," *Expert Systems with Applications*, Vol. 38, Issue 8, 2011, pp. 9296-9304.

[44] Jwo, D.J., Lee, T.Sh. and Tseng, Y.W., "ARMA Neural Networks for Predicting DGPS Pseudorange Correction", *the Journal of Navigation*, Vol. 57, Issue 02, 2004, pp. 275-286.

[45] Alsmadi, Kh.M.S., Omar, Kh.B. and Noah, Sh.A., "Back Propagation Algorithm: The BestAlgorithm among the Multi-layer Perceptron Algorithm", *Journal of Computer Science and Network Security*, Vol. 9, No. 4, 2009, pp. 378-383.

[46] Dameshghi, A., Design and Implementation of RTDGPS by Predictor's Algorithms on Low Cost GPS Receivers, (M.Sc Thesis), Part 6, Jul 2013 (In Persian).

[47] Journal of Computers & Electrical Engineering, Vol. 37, 2011, pp.1009-1018.

[48] Indriyatmoko, A. T., Kang, Y. J., Lee, G. I., Jee, Y. B., and Kim, J., "Artificial Neural Network for Predicting DGPS Carrier Phase and Pseudo-Range Correction," *Journal of GPS Solutions*, Vol. 12, No. 4, 2008, pp. 237-247.

[49] Katio, D. and Stankovio, S., "Fast Learning Algorithms for Training of Feedforward Multilayer Perceptrons Based on Extended Kalman Filter," *IEEE Conference on Neural Networks*, Vol. 1, 1996, pp. 196-201.

[50] Rocha, M., Cortez, P. and Neves, J., "Ensemble of Artificial Networks with Heterogeneous Topologies," *Proceeding of the Fourth Symposium on Engineering of Intelligence Systems*, 2004.

[51] Yao, X., "Evolving Artificial Neural Networks," *Proceedings of IEEE*, Vol. 87, No. 9, 1999, pp. 1423 - 1447.

[52] Phansalkar, V. V. and Sastry, P. S., "Analysis of the Back-Propagation Algorithm with Momentum," *IEEE Transactions on Neural Networks*, Vol. 5, No. 3, 1994, pp. 505-506.

[53] Yao, X., "A Review of Evolutionary Artificial Neural Networks," *Internatinoal Jurnal Intelligent System*, Vol. 8, No. 4, 1993, pp. 539-567.

[54] Huang, C. Y., Chen, L., Chen, Y. and chang, M., "Evaluation the Process of a Genetic Algorithm to Improve the Back-Propagation Network: A Mont Carlo Study," *Expert Systems with Applications*, Vol. 36, Issue 2, Part1, 2009, pp. 1459-1465.

[55] Frank, H. F., Leung, Lam, H. K., Ling, S. H. and Tam, P. K. S., "Tuning of the Structure and Parameters of a Neural Network Using an Improved Genetic Algorithm," *IEEE Transactions on neural networks*, Vol. 14, No. 1, 2003, pp. 79-88.

[56] Pal, M. and Deswal, S. "Modeling Pile Capacity using Support Vector Machines and Generalized Regression Neural Network," *Journal of Computing in Civil Engineering, ASCE*, Vol. 134, No. 7, 2008, pp. 1021-1024.

[57] Dibike, Y.B., Velikov, S., Solomatine, D. and Abbot, M.B., "Model Induction with Support Vector Machines-Introduction and Applications," *Journal of Computing in Civil Engineering, ASCE*, Vol. 15, No. 3, 2001, pp. 208-216.

[58] Corinna, C. and Vapnik, V., *Support-Vector Networks, Machine Learning*, Vol. 20, Kluwer Academic Publishers, Boston, 1995.

[59] Burgers, C.J.C., "A Tutorial on Support Vector Machines for Pattern Recognition," *Data Mining and Knowledge Discovery*, Vol. 2, 1998, pp. 121-167.

[60] Cao, L.J. and Tay, F.E.H., "Support Vector Machine with Adaptive Parameters in Financial Time Series Forecasting," *IEEE Transactions on Neural Network*, Vol. 14, No. 6, 2003, pp. 1506-1518.

[61] Ganapathiraju, A., Support Vector Machines for Speech Recognition, [PhD Thesis], Mississippi State University, USA, 2001.

[62] Drucker, H.C., Burges Kaufman, L., Smola, A. and Vapnik, V., "Support Vector Regression Machines," MIT Press, Cambridge, Vol. 9, 1997, pp. 155-161.

[63] Smola, A.J. and Scolkopf, B., *Tuotorial on Support Vector Regression*, Neuro COLT2 Technical Report Series, NC2-TR-1998-03, 1998.