Design a µ-Controller Tocontrol Attitude of a Flexible Microsatellite

R. Mohsenipour^{1*}, M. Nasirian², A. Kashaninia³ and M. Fathi⁴

4. Department of Aerospace Engineering, Sharif University of Technology
 3. Department of Electrical Engineering, Malek ashtar University of Technology
 *Post Code: 11155-1639, Tehran, IRAN

Mohsenipour_r@ae.sharif.ir

Increasing in dimensions of the satellites and using light movingstructures, causes flexibility and uncertainty in their models. Therefor to control the attitude of the satellites, should use those methods which resist against the plant's model uncertainty and could reject the disturbance and the measurementnoise. One of these methods is the robust control. But due to the location of the poles in the dynamic equations of the satellite, the design of robust controllers faces some problems. In this paper, using an internal feedback, the dynamic equations are changed so that the poles are located in a more proper place. And then, considering flexibility affects as uncertainty and also, uncertainty in inertia matrix of the satellite, a H_{∞} controller, and finally to improve the performance, a μ -controller will be designed for the new equations. But these two controllers will be analyzed and compared for the primary equations and not for the new equations.For comparison, a classical controller is also designed for the primary system.

Keywords: Satellite attitude control, Flexible, Robust control, Uncertainty

^{1.} PhD Student (Corresponding Author)

^{2.} Assistant Professor

^{3.} Assistant Professor

^{4.} Assistant Professor

لمتنبة على - پزرهش علوم و فتاون فتلي

طراحی یک کنترلکنندهٔ μ برای کنترل وضعیت یک میکروماهواره انعطافپذیر

رضا محسنی پور^۱*، مهرزاد نصیریان^۲، عبدالرضا کاشانی نیا^۳ و محسن فتحی^۴

۱ و ۴- دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی شریف

۲ و ۳- دانشکدهٔ مهندسی برق، دانشگاه صنعتی مالک اشتر

*تهران، کد پستی: ۱۶۳۹–۱۱۱۵۵

mohsenipour_r@ae.sharif.ir

افزایش ابعاد ماهوارمها و استفاده از سازمهای متحرک سبک در ماهوارمها، سبب انعطاف پذیری و ایجاد نامعینی در مدل آنها می شود. بنابراین، برای کنترل وضعیت این ماهوارمها باید از روش هایی استفاده کرد که در برابر نامعینی مدل سیستم مقاوم باشند و بتوانند اثر اغتشاشات و نویز اندازه گیری را حذف کنند. یکی از این روش ها، روش کنترل مقاوم است. اما، به دلیل محل قرارگیری قطبهای معادلات دینامیکی ماهواره، طراحی کنترل کنندههای مقاوم با مشکل مواجه می شود. در این مقاله، با استفاده از یک فیدبک داخلی، معادلات دینامیک ماهواره طوری تغییر داده می شوند تا قطبها در محل مناسبتری قرار گیرند و سپس برای معادلات دینامیک در نظر گرفتن اثرات انعطاف پذیری به عنوان نامعینی و درنظر گرفتن نامعینی در ماتریس اینرسی ماهواره، یک کنترل کننده M و جهت بهبود عملکرد، یک کنترل کننده μ طراحی می شود. اما در ادامه این دو کنترل کننده برای معادلات اولیه آنالیز و مقایسه می شوند، نه برای معادلات جدید. همچنین به منظور مقایسه، یک کنترل کننده کنترل کننده می برای سیستم اولیه طراحی شده است.

واژههای کلیدی: کنترل وضعیت ماهواره، انعطاف پذیر، کنترل مقاوم، نامعینی

علائم و اختصارات

زوایای اویلر
سرعت زاویهای چارچوب مرجع مداری نسبت به چارچوب
بدنه
سرعت زاویهای چارچوب بدنه نسبت به چارچوب اینرسی
گشتاور اغتشاشی
بردار اندازهٔ حرکت زاویهای بدنهٔ صلب ماهواره
بردار اندازهٔ حرکت زاویهای چرخ عکسالعملی

۱. دانشجوی دکتری (نویسنده مخاطب)

T_G	گشتاور گرادیان جاذبهای
\vec{M}	گشتاور مغناطیسی پسماند ماهواره
\vec{B}	چگالی فلوی مغناطیسی زمین
P(s)	مدل آشفته
$P_0(s)$	مدل نامی
$\Delta(s)$	بلوك نامعيني غير ساختاريافتة ضربي
W(s)	تابع وزن نامعيني
$\mathcal{P}_0(s)$	ماتریس تابع تبدیل سیستم جدید
T(s)	تابع تبديل سيستم حلقه بسته
<i>s</i> (<i>s</i>)	تابع حساسیت
$w_s(s)$	تابع وزن حساسیت
Κ	کنترل کننده

۲ . استادیار

۳ . استادیار

۴ . استادیار

مقدمه

طراحی ماهوارههایی با مأموریتهای متنوع باعث افزایش تعداد محمولهها و در نتیجه افزایش ابعاد، وزن و توان مصرفی آنها شده است. بنابراین، برای جذب انرژی بیشتر باید سطح مقطع مؤثر ماهواره، بهمنظور نصب پنلهای خورشیدی افزایش یابد. از طرفی محدودیتهای موجود در پرتاب ماهوارهها، سبب محدود شدن حجم و وزن آنها میشود. برای کاهش حجم ماهوارهها، آنها را بهصورت یک سازهٔ متمرکز به همراه تعدادی اجزای الحاقی که قبل از پرتاب بسته بوده و پس از قرار گرفتن در مدار باز میشوند، طراحی می کنند و برای کاهش وزن ماهوارهها، در طراحی سازهها از مواد سبک استفاده میشود. مجموع این عوامل یعنی سبک وزن بودن، حجم کم و سطح مقطع زیاد، باعث انعطافپذیر شدن سازهٔ ماهوارهها نعطافپذیر با چالشهای زیادی مواجه است. براساس این واقعیات، میشود. در این حالت حفظ جهت صحیح بدنهٔ اصلی و بخشهای انعطافپذیر با چالشهای زیادی در راستای شناسایی و کنترل سازههای انعطافپذیر انجام شده است [1 و ۲].

در سه دههٔ گذشته، ماهوارههای انعطاف پذیر که در برخی مقالات به عنوان سازههای فضایی بزرگ شناخته می شوند، بسیار مورد توجه قرار گرفتهاند. اثر انعطاف پذیری ماهوارهها در بحث کنترل وضعیت، در تعدادی از گزارشهای ناسا در مورد رفتار غیرعادی برخی ماهوارهها، اشاره شده است [۳]. در بعضی از این گزارشها آمده است که برخی از ماهوارهها بدون هیچ دلیل شناخته شدهای در کنترل وضعیت خود دچار مشکل شدهاند. تحقیقات بیشتر در این زمینه مشخص کرد که دلیل این رفتار عجیب، انعطاف پذیری سازه است که در برخی از حالتها توسط سیستم کنترل وضعیت تشدید شده است [۴].

پیش از دههٔ ۷۰، سیستم کنترل وضعیت و پایدارسازی ماهوارهها براساس مدلسازی دینامیک اجسام صلب و کنترل کنندههای تک ورودی- تک خروجی طراحی می شدند. با پیشرفت علوم فضایی در اواخر دههٔ ۷۰، ماهوارههای بزرگ که اجزای انعطاف پذیر داشته و شامل تعداد زیادی حسگر و محرک بودند، مطرح شدند. به این ترتیب نیاز به استفاده از قوانین کنترل پیچیده و سیستمهای کنترل چند ورودی- چند خروجی برای ماهوارهها ایجاد شد [۵]. به منظور عملکرد با دقت زیاد در نشانهروی، معمولاً برای ماهوارهها کنترل وضعیت سه محوره استفاده می شود که منجر به یک سیستم کنترل محیطی متنوعی مانند گشتاورهای فشار خورشیدی، گشتاورهای مغناطیسی و گشتاورهای آیرودینامیکی و برخورد گرد و غبارات آسمانی هستند. به علاوه، در بیشتر مواقع ماتریس اینرسی ماهواره به طور دقیق معلوم نیست. از این رو طراحی سیستم کنترل برای

ماهوارههای انعطاف پذیر با مشکلات فراوانی مواجه است [۶]. مسائل اصلی در طراحی کنترل وضعیت ماهواره عبارتند از: اغتشاشات محیط فضا، نامعینی در ساختار انعطاف پذیر ماهواره و ماتریس اینرسی ماهواره [۷].

مروری بر کارهای انجام شده در زمینهٔ کنترل مقاوم ماهواره، در ادامه آمده است. در مرجع [۸] طراحی یک کنترلکنندهٔ مقاوم درجه- پايين بهينه با شيفت- ألفا براي كنترل وضعيت يك فضاپيما با نیروی محرکهٔ الکتریکی خورشیدی، بررسی شده است. در این مقاله، روشی جدید از شیفت- بلوک برای جابهجایی مجموعه متفاوت مقادير ويژهٔ حلقه بسته با مقادير مختلف معرفي شده است. در مرجع [۹] یک کنترلکنندهٔ ترکیبی H_2/H_∞ که هم مقاومت پایداری و هم عملکرد ریشهٔ میانگین مربع (rms) را درنظر می گیرد و مخصوصاً برای طراحی کنترل کنندهٔ وضعیت میکروماهوارهها جالب است، طراحی شدہ است. کنترل کنندۂ ترکیبی H_2/H_∞ قابلیت -بالایی از سازش متعادل بین عملکردهای H_2 و M_∞ را نشان می بالایی از سازش متعادل بین عملکردهای H_2 دهد. مرجع [١٠]، مدل کردن یک ساختار انعطاف پذیر و فرآیند طراحی کنترل کنندهٔ سه محوره را براساس روش کلی (GM) بیان مى كند و عملكرد مناسب طراحى را نسبت به قابليت مانور، بهوسيلهٔ اعمال آن به یک مدل فضاپیمای انعطاف پذیر بزرگ نشان میدهد. در مرجع [۲] یک کنترل کننده فیدبک– خروجی H_2/H_{∞} ترکیبی با محدودیتهای جایابی قطب در برابر نامعینی داخلی تغییر ممان اينرسي و اغتشاشات محيطي فضا براي كنترل وضعيت ميكرو ماهواره پیشنهاد شده است. نتایج شبیه سازی نشان میدهند که سیستم کنترل H_2/H_∞ ترکیبی ارائه شده، از نظر نرم، H_2 ، پایدار مقاوم و بهینه است و حالت ماندگار خوب و عملکرد دینامیک مناسبی را در برابر نامعینیهای پارامتری و اغتشاشات متغیر برای سیستم کنترل وضعیت میکرو ماهواره دارد. در مرجع [۱۱] یک روش بهینه برای أنالیز مقاومت یک سیستم کنترل وضعیت و مدار (AOCS) برای ماهوارههای انعطاف پذیر پیشنهاد شده است.

در این مقاله، هدف این است که بهمنظور کنترل وضعیت ماهواره، کنترل کنندهٔ مقاومی طراحی شود که با وجود نامعینی ناشی از انعطاف پذیری در مدل ماهواره و ماتریس اینرسی و در حضور اغتشاشات محیط و نویز اندازه گیری بتواند کنترل وضعیت ماهواره را با دقت مطلوبی انجام دهد و سپس مسئله را در جزئیات بررسی کرده و به صورتی که در ادامه گفته شده سازمان یافته است. در بخش مدل سازی سیستم و اغتشاشات، معادلات دینامیک وضعیت ماهواره و عملگر چرخ عکس العملی استخراج و اغتشاشات محیط فضا بررسی می شوند. معادلات ماهواره پس از استخراج خطی و با معادلات چرخ عکس العملی ترکیب می شوند. در بخش انتخاب مدل نامی و توابع وزنی مورد نیاز، نشان داده می شود که معادلات خطی

شده اولیهٔ ماهواره، در طراحی کنترلکنندهٔ مقاوم با مشکل مواجه میشود و به همین دلیل با استفاده از دو فیدبک واحد، قطبها در محل مناسبتری قرار می گیرند و معادلات جدیدی به دست می آیند. همچنین در این بخش، یک مدل نامی برای ماهواره و توابع وزنی مورد نیاز برای طراحی کنترلکنندهٔ مقاوم، انتخاب می شوند. در بخش طراحی کنترلکننده یک کنترلکنندهٔ کلاسیک براساس خطاهای زوایای اویلر برای معادلات خطی اولیه و یک کنترلکنندهٔ خطاهای زوایای اویلر برای معادلات خطی اولیه و یک کنترلکنندهٔ مقاوم، انتخاب می شوند. در این بخش طراحی کنترلکننده، یک کنترلکنندهٔ کلاسیک براساس خطاهای زوایای اویلر برای معادلات خطی اولیه و یک کنترلکنندهٔ مقاوم را برای سیستم اولیه معاهای زوایای اویلر برای معادلات خطی واید و معادلات خطی معادلات خطی جدید، علی می می می می می خود که تخیل کنندهٔ کنترلکنندهٔ کنترل کنندهٔ کنترل معادلات خطی می می می در این می می می می می می می می می نود که تخمین می کنترل کننده می می می در بخش عملکرد مقاوم را برای می می می در بخش عملکرد مقاوم را برای معادلات خطی جدید، طراحی می شود که تنیمه گیری، مقاله باتوجه به نتایج به دست آمده برای هرای هر سه کنترلکننده می می کنترلکننده به پایان می دلیه به دست آمده برای هی کنترلکنده می می می می در بخش می کنترلکنده بازی معادلات خطی جدید، عربی می کند. در بخش ایک کنترلکننده به پایان می دالات خطی می در بازی هر سه کند. در بخش کنترلکنده به پایان می در ای می می کند و می می کند. در بخش کنترلکنده به پایان می در ای ای می می کند و کن می می کند و در بازی می می کند و در بازی می می کند. در بخش می کنترلکنده به پایان می در ای در می می کند و کنده برای می کند و کنترلکنده به پایان می در ای کنده می می کند و کنده برای می کند و کنترلکنده به پایان می در ای در می در می کند و کنترلکنده می پایان می می کند و می می کند و می می کند و خو می می کند و می می کند. در بخش می کنترلکنده به پایان می در ای کنده برای می می کند و کنترلکنده به پایان می می در می کند

مدلسازی سیستم و اغتشاشات

در این بخش، معادلات دینامیک وضعیت ماهواره و عملگر چرخ عکس العملی استخراج و اغتشاشات محیط فضا بررسی می شوند. معادلات ماهواره پس از استخراج خطی می شوند و با معادلات چرخ عکس العملی ترکیب می شوند.

مدلسازی وضعیت ماهواره و چرخ عکس العملی

معادلات سينماتيك وضعيت ماهواره بهصورت رابطهٔ (۱)

$$\dot{\phi} = p + [q \sin \phi + r \cos \phi] \tan \theta$$

$$\dot{\theta} = q \cos \phi - r \sin \phi \qquad (1)$$

$$\dot{\psi} = [q \sin \phi + r \cos \phi] \sec \theta$$

است که ϕ , θ و ψ زوایای اویلر به ترتیب به نام رول، پیچ و یاو هستند و $T[p,q,r]^T = \overline{w}^B_{RB}$ بردار سرعت زاویهای چارچوب مرجع مداری نسبت به چارچوب بدنه، بیان شده در چارچوب بدنه است. طبق تعریف، مرکز چارچوب مرجع مداری منطبق بر مرکز جرم ماهواره، محور Z_R آن به سمت مرکز زمین، محور X آن در جهت سرعت ماهواره و محور Y_R آن عمود بر صفحهٔ مداری است، به طوری که چارچوب را به یک چارچوب متعامد راستگرد تبدیل میکند. چارچوب بدنه به گونهای انتخاب می شود که محورهای آن منطبق بر محورهای اصلی اینرسی باشند. بردار \overline{w}^B_{RB} ، رابطهٔ

 $\vec{\omega} = \vec{\omega}_{BR}^{B} + \vec{\omega}_{RI}^{B} = \vec{\omega}_{BR}^{B} - \omega_{0} \begin{bmatrix} C\theta.S\psi \\ C\phi.C\psi + S\phi.S\theta.S\psi \\ -S\phi.C\psi + C\phi.S\theta.S\psi \end{bmatrix}$ (Y) (I) ارضا می کند که ω_{0} سرعت زاویه ای مدار، C و S به ترتیب بیانگر ω_{0} و S به ترتیب بیانگر $\vec{\omega} = [\omega_{x}, \omega_{y}, \omega_{z}]^{T}$ g sin g cos intermediated on the set of the se

می آید. معادلات گشتاور اویلر با فرض منطبق بودن محورهای چارچوب بدنه بر محورهای اصلی اینرسی، به صورت

$$\vec{T}_{d} + \vec{T}_{G} = \begin{bmatrix} \dot{h}_{x} + \dot{h}_{wx} + \left(\omega_{y}h_{z} - \omega_{z}h_{y}\right) + \left(\omega_{y}h_{wz} - \omega_{z}h_{wy}\right) \\ \dot{h}_{y} + \dot{h}_{wy} + \left(\omega_{z}h_{x} - \omega_{x}h_{z}\right) + \left(\omega_{z}h_{wx} - \omega_{x}h_{wz}\right) \\ \dot{h}_{z} + \dot{h}_{wz} + \left(\omega_{x}h_{y} - \omega_{y}h_{x}\right) + \left(\omega_{x}h_{wy} - \omega_{y}h_{wx}\right) \end{bmatrix}$$
(Y)

است که \vec{T}_a گشتاور اغتشاشی، \vec{h} بردار اندازهٔ حرکت زاویهای بدنهٔ صلب ماهواره، \vec{h}_w بردار اندازهٔ حرکت زاویهای چرخ عکسالعملی و \vec{T}_G گشتاور گرادیان جاذبهای است که از رابطهٔ (۴) بهدست میآید: \vec{T}_G کشتاور گرادیان جاذبهای است که از رابطهٔ (۳) بهدست میآید:

$$\vec{T}_G = \begin{bmatrix} 1.5\omega_0^2 (I_z - I_y) \sin 2\phi \cos^2 \theta \\ 1.5\omega_0^2 (I_z - I_x) \sin 2\theta \cos \phi \\ 1.5\omega_0^2 (I_x - I_y) \sin 2\theta \sin \phi \end{bmatrix}$$
(*)

روابط (۱) تا (۴) معادلات غیرخطی دینامیک وضعیت ماهواره را تشکیل میدهند [۱۲].

در اینجا برای تولید گشتاور از سه چرخ عکس العملی در راستای محورهای بدنه استفاده می شود. بلوک دیاگرام یک چرخ عکس العملی برای کنترل وضعیت ماهواره به صورت شکل (۱) است. در این شکل u خروجی کنترل کننده و \dot{h}_w گشتاور اعمالی به ماهواره، در راستای محور مربوطه است [۱۲].



شکل ۱ – بلوک دیاگرام چرخ عکسالعملی برای کنترل وضعیت ماهواره [۱۲]

تابع تبديل شكل (۱) بهطور تقريبى بهصورت رابطهٔ (۵) است.
$$\frac{\dot{h}_W}{m}(s)pprox 1$$

بنابراین، با تقریب، ترکیب معادلات ماهواره و عملگرها همان معادلات ماهواره است و با صرفنظر کردن از معادلات چرخ عکس العملی، کنترل کننده برای معادلات ماهواره طراحی می شود. به منظور استفاده از مفاهیم کنترل خطی و ساده سازی تحلیل، معادلات به منظور استفاده از مفاهیم کنترل خطی و ساده سازی تحلیل، معادلات (۱) تا (۴) می توانند خطی شوند. با خطی کردن این معادلات حول نقطهٔ مفور، فرم فضای حالت معادلات دینامیک وضعیت ماهواره به صورت صفر، فرم فضای حالت معادلات دینامیک وضعیت ماهواره به صورت (۶) حمل (۶) می از د که $\left[(\phi, \phi, \dot{\phi}, \dot{\phi}, \dot{\phi}, \dot{h}_{wx}, h_{wy}, h_{wz} \right]^T$ به دست می آید که $\left[\dot{h}_{wx}, \dot{h}_{wy}, \dot{h}_{wz} \right]^T$

فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی جلد ۸ / شمارهٔ ۱ / بهار ۱۳۹۴



پیکربندی ماهواره بهصورت شکل (۲) است. مشخصات میکروماهوارهٔ مورد نظر در جدول (۱) آمده است. این ماهواره از نظر ابعاد بدنه صلب و پارامترهای مداری کاملاً مشابه مشخصات ماهوارهٔ ملی امید است. پاسخ سیستم وضعیت ماهواره به یک پله با دامنهٔ ملی امید است. همانطورکه دیده میشود سیستم در هر سه کانال رول، پیچ و یاو ناپایدار است.



شکل ۲- پیکرهٔ میکرو ماهواره



ماهواره	ميكرو	مدارى	فیزیکی و	- مشخصات	جدول ۱
---------	-------	-------	----------	----------	--------

مقدار	پارامتر
۰/Y۵×۰/Y۵×۰/Y۵	اندازه بدنه ماهواره (m)
۳×۰/۲۵	اندازه یک پنل خورشیدی (m)
۱۵	وزن (kg)
[1 4 7]±%77	ممان،های اینرسی (kg.m ²)
۵۵/۵۵۳۵	زاویه میل (degree)

رضا محسنى پور، مهرزاد نصيريان، عبدالرضا كاشانى نيا و محسن فتحى

مقدار	پارامتر
210/2221	بعد نقطه صعودی (degree)
•/• 142• 12	خروج از مرکز بیضی
ነ ል۳/۶۳ አ ۹	آرگومان حضيض (degree)
۲۰۷/۲۰۳۳	آنومالی میانگین(degree)
10/7077818	میانگین حرکت (deg/sec)

مدلسازي اغتشاشات

یکی از مسائل مهم در کنترل وضعیت ماهواره، اغتشاشات محیط است که وضعیت ماهواره را از حالت مطلوب خارج میسازد و طراحی کنترل-کننده با نادیده گرفتن این اغتشاشات کاملاً بیفایده است.

گشتاور مغناطیسی: بر اثر میدان مغناطیسی زمین و مواد مغناطیسی ماهواره، یک گشتاور مغناطیسی بر پیکرهٔ ماهواره وارد می شود. این گشتاور از رابطهٔ

$$\vec{T}_m = \vec{M} \times \vec{B} \tag{(Y)}$$

بهدست می آید که \overline{M} گشتاور مغناطیسی پس ماند ماهواره ناشی از مغناطیس دائمی، القایی و حلقههای جریان تولید شده در ماهواره و \overline{B} چگالی فلوی مغناطیسی زمین است. بردار \overline{B} در سیستم مرجع مداری با استفاده از رابطهٔ

$$\vec{B} = \frac{\mu_f}{|\vec{r}|^3} \begin{bmatrix} \cos \omega_0 t \sin i_m \\ \cos i_m \\ 2 \sin \omega_0 t \cos i_m \end{bmatrix}$$
(\Lambda)

بهدست می آید که \vec{r} , $\mu_f = 7.9 \times 10^{15} Wb.m$ شعاع مدار ماهواره و i_m (اویهٔ مدار ماهواره نسبت به استوای مغناطیسی زمین است [۱۳].

گشتاور آیرودینامیکی: بر اثر حرکت ماهواره در جو بالای زمین یک گشتاور آیرودینامیکی به ماهواره وارد می شود. این گشتاور می تواند از رابطهٔ

$$\vec{T}_a = \frac{1}{2}\rho |\vec{v}|^2 C_d A_a (\vec{u}_a \times \vec{s}_{cp}) \tag{9}$$

بهدست آید که ρ چگالی جو، \vec{v} سرعت ماهواره، C_a ضریب رانش، \vec{u}_a بردار واحد در جهت سرعت، A_a مساحت سطح عمود بر \vec{u}_a و \vec{s}_{cp} برداری از مرکز جرم ماهواره به مرکز فشار است [۹].

گشتاور خورشیدی: بر اثر برخورد ذرات تشعشع خورشیدی با ماهواره یک گشتاور اغتشاشی به ماهواره وارد میشود. این گشتاور بهطور تقریبی میتواند از رابطهٔ

 $\vec{T}_{s} = \frac{1367}{c} A_{s}(1+q) \cos \gamma \left(\vec{u}_{s} \times \vec{C}_{cp} \right)$ (1.) $q \text{ , so the second of the second of$



انتخاب مدل نامی و توابع وزنی مورد نیاز

در اینجا مدل کردن سیستم ماهواره انعطاف پذیر، به این صورت انجام میشود که یک مدل نامی $(s)_0 P_0$ انتخاب میشود و تأثیرات انعطاف پذیری به صورت نامعینی حول این مدل نامی درنظر گرفته میشود و این نامعینیها باعث به وجود آمدن مدلهای آشفته (s)میشوند. معادلات (3) با مقادیر نامی جدول (1)، به عنوان مدل نامی درنظر گرفته میشوند. برای درنظر گرفتن اثرات انعطاف پذیری فرض میشود، ممانهای اینرسی ماهواره ۳۰ درصد نامعینی دارند. فرض میشود. محانهای اینرسی ماهواره ۳۰ درصد نامعینی دارند. چون سیستم قسمتهای انعطاف پذیر مدل نشده دارد، نامعینی به صورت غیر ساختاریافتهٔ ضربی درنظر گرفته میشود. برای یک سیستم SISO، ساختار مدل آشفته (s) و تابع وزن نامعینی (s)W، به صورت

$$P(s) = [1 + \Delta(s)W(s)]P_0(s) \tag{11}$$

است که بلوک دیاگرام آن نیز در شکل (۵) نشان داده شده است.



شکل ۵– بلوک دیاگرام مدل آشفته P، با نامعینی غیرساختاریافتهٔ ضربی

تابع وزن W(s) باید طوری انتخاب شود که با شرط $\|\Delta\|_{\infty} \le 1$

$$\forall \omega: \ |w(s)| \ge \left|\frac{P(s)}{P_0(s)} - 1\right| \tag{17}$$

به ازای تمامی مدلهای آشفته P(s) برقرار باشد [۱۴]. ماتریس تابع انتقال سیستم خطی شده بهصورت

$$P_{0}(s) = \begin{bmatrix} P_{0_{11}}(s) & 0 & P_{0_{13}}(s) \\ 0 & P_{0_{22}}(s) & 0 \\ P_{0_{31}}(s) & 0 & P_{0_{33}}(s) \end{bmatrix}$$
(17)

بهدست میآید. از آنجاکه سیستم وضعیت ماهواره یک سیستم MIMO است، بنابراین، برای هر کدام از عناصر این ماتریس باید یک تابع وزن $(s)_{ij}(s)$ که *i, j* = 1,2,3 طوری انتخاب شود که رابطهٔ (۱۲) را ارضا کند. برای عناصری که صفر هستند، تابع وزن نامعینی رابطهٔ (۱۲) را ارضا کند. برای عناصری که صفر هستند، تابع وزن نامعینی برای میتوان برابر یک درنظر گرفت. دیاگرام بود $|1 - (s)/P_{ij}(s)/P_{ij}(s)|$ برای عناصر غیرصفر رابطهٔ (۱۳)، در شکل (۶) نشان داده شده است.



همان طورکه دیده می شود بجز برای حالت $|1 - (s)/P_{220}(s)/P_{12}|$ ، بقیهٔ شکلها به علت قرارگرفتن قطبها بر روی محور موهومی، پیکهای بزرگی دارند. بنابراین، توابع وزنی $w_{ij}(s)$ متناظر با آنها که باید رابطهٔ (۱۲) را ارضا کنند نیز، دارای همین پیکها می شوند که این مسئله، طراحی کنترل کنندهٔ مقاوم را با مشکل مواجه می کند [14]. قطبهای عناصر غیرصفر رابطهٔ (۱۳) به صورت

 $p_1 = 0, p_{2,3} = \pm i\sqrt{1.508 \times 10^{-6}}, p_{4,5} = \pm i\sqrt{9.308 \times 10^{-6}}$ است. یکی از راههای رفع این مشکل جابهجایی قطبها به مقدار کمی است [۸] اما در اینجا مقادیر ممانهای اینرسی ماهواره طوری هستند که قطبهای سیستم که بر روی محور موهومی هستند، بسیار به مبدا نزدیک هستند و با این جابهجایی باز هم نمیتوان بر مشکل غلبه کرد.

برای غلبه بر این مشکل باید معادلات را به گونهای تغییر داد تا قطبها بهاندازهٔ کافی از محور موهومی دور شوند. با یک ایده، مطابق شکل (۷)، دو فیدبک منفی واحد در سیستم غیرخطی اصلی، از خروجیهای رول و یاو به ترتیب به ورودیهای اول و سوم، ایجاد میشوند. بنابراین، فرم فضای حالت سیستم جدید خطی شده، به صورت

$$\begin{cases} \dot{X} = A_{new}X + Bu'\\ y = CX + Du' \end{cases}$$
(14)

بەدست مىآيد كە



$$\mathcal{P}_{0}(s) = \begin{bmatrix} \mathcal{P}_{0_{11}}(s) & 0 & \mathcal{P}_{0_{13}}(s) \\ 0 & \mathcal{P}_{0_{22}}(s) & 0 \\ \mathcal{P}_{0_{31}}(s) & 0 & \mathcal{P}_{0_{33}}(s) \end{bmatrix}$$
(10)
Edmontonia Edmontonia (18) empty subscripts and the set of the

$$p_1 = 0, p_{2,3} = \pm 1, p_{4,5} = \pm 0.7071$$

است. دیاگرام بود $\left| P_{ij}(s)/P_{ij}(s) - 1 \right|$ برای عناصر غیرصفر رابطهٔ (۱۵) در شکل (۹) نشان داده شدهاند. ملاحظه می شود که پیکها حذف شدهاند. حال توابع وزنی $w_{ij}(s)$ باید به نحوی انتخاب شوند که رابطهٔ (۱۲) را برای سیستم جدید ارضا کنند. این کار در شکل (۹) انجام و نشان داده شده است.

شرط پایداری مقاوم برای یک سیستم SISO، بهصورت

$$\|w(s)T(s)\|_{\infty} < 1 \tag{15}$$

است که T(s) تابع تبدیل سیستم حلقه بسته و w(s) تابع وزن نامعینی هستند [۱۵]. از آنجاکه عناصر رابطهٔ (۱۵) بهصورت مجزا در دسترس نیستند، ماتریس تابع وزن بهصورت

$$W(s) = \begin{bmatrix} w_1(s) & 0 & 0\\ 0 & w_2(s) & 0\\ 0 & 0 & w_3(s) \end{bmatrix}$$
(1Y)

انتخاب می شود که

$$\forall \omega: |w_i(s)| \ge \max_{j=1,2,3} |w_{ij}(s)|$$
 (۱۸)
با این کار توابع وزنی بهصورت روابط (۱۹) بهدست می آیند.

$$W_1(s) = 10^{-\frac{5}{20}} (s + 0.0025)^2 / (s + 0.8)^2$$

$$W_2(s) = 10^{-\frac{18}{20}} (S + 0.02) / (S + 0.0005)$$
 (19)

$$W_3(s) = 10^{-\frac{3}{20}} (s + 0.0015)^2 / (s + 0.8)^2$$

شرط عملکرد نامی برای یک سیستم SISO، به صورت شرط عملکرد
$$\|w_s(s)s(s)\|_{\infty} < 1)$$





شکل ۸- بلوک دیاگرام سیستم کنترل وضعیت ماهواره با ایجاد فیدبک داخلی

است که (s) sتابع حساسیت (تابع تبدیل خطا به ورودی مرجع) و $W_s(s)$ تابع وزن حساسیت هستند [۱۵]. در اینجا مطلوب است که پاسخ پله سیستم حلقه بسته، دارای زمان نشست ۱۲ ثانیه و خطای کمتر از ۱درجه باشد. بنابراین ماتریس تابع وزن حساسیت، با سعی و خطا به صورت

$$W_{s}(s) = \begin{bmatrix} w_{s_{1}}(s) & 0 & 0\\ 0 & w_{s_{2}}(s) & 0\\ 0 & 0 & w_{s_{3}}(s) \end{bmatrix}$$
(71)

انتخاب میشود که

$$W_{s_i}(s) = \frac{S^2 + 1.5 S + 2.25}{S(S+1.5)}, i = 1, 2, 3$$
(YY)

طراحي كنترل كننده

در این قسمت برای معادلات سیستم اولیهٔ معادلات (۶)، یک کنترل کننده کلاسیک براساس خطاهای زوایای اویلر و برای معادلات سیستم جدید معادلهٔ (۱۴)، دو کنترل کنندهٔ مقاوم m_{0} و μ طراحی می شود. در نهایت سیستم غیرخطی اولیه بیان شده با معادلات (۱) تا (۴) در حالت حلقه بسته، با هر سه کنترل کننده شبیهسازی می شود. در شبیه سازی ها، ممان های اینرسی ماهواره دارای ۵۰ درصد نامعینی به صورت نشان داده شده در شکل (۱۰) درنظر گرفته شدهاند. شبیه سازی سیستم حلقه بسته در دو حالت انجام شده است. در یک حالت پاسخ سیستم حلقه بسته به یک پالس اغتشاش به صورت نشان داده شده در شکل (۱۱) و در حالت دیگر به منظور بررسی پاسخ گذرای داده شده در شکل (۱۱) و در حالت دیگر به منظور بررسی پاسخ گذرای داده شده در شکل (۱۱) و در حالت دیگر به منظور بررسی پاسخ گذرای الت پاسخ سیستم، حلقه بسته به یک ورودی پله با دامنهٔ ۴۰ درجه در هر سه کانال رول، پیچ و یاو در حضور اغتشاشات طبیعی فضا و نویز اندازه گیری به دست آمده است که مقدار RMS نویز حسگرهای وضعیت و خطای آنها برابر ۲۰/۰ درجه درنظر گرفته شده است.

كنترل كنندة كلاسيك





شبکل ۱۱ - ورودی پالس اغتشاش در شبیه سازی پاسخ سیستم حلقه بسته به اغتشاش

رضا محسنى پور، مهرزاد نصيريان، عبدالرضا كاشانى نيا و محسن فتحى







برای آنالیز سیستم حلقه بسته با کنترل کننده زیربهینه H_{∞} از نظر پایداری مقاوم، عملکرد نامی و عملکرد مقاوم، از ساختار نشان داده شده در شکل (۱۶) استفاده میشود. در این شکل نامعینی در بلوک Δ جمع شده است که بهصورت رابطهٔ (۲۵) درنظر گرفته شده است.

$$\Delta = \left\{ \begin{bmatrix} \Delta_S & 0\\ 0 & \Delta_F \end{bmatrix} : \Delta_S \in \mathcal{C}^{3 \times 3}, \Delta_F \mathcal{C}^{6 \times 6} \right\}$$
(YΔ)

پاسخ فرکانسی حد بالا و پایین μ برای کنترلکنندهٔ H_∞ ، در شکل (۱۷) نشان داده شده است. با توجه به اینکه برای پایداری مقاوم باید شرط

$$\|W(I + F(P_0, \Delta)K)^{-1}F(P_0, \Delta)K\|_{\infty} < 1$$
(Y8)

برقرار باشد [۱۴]، به وضوح دیده میشود که سیستم حلقه بسته با Khin پایداری مقاوم را تضمین کرده است.

$$\|W_{s}(I + F(G_{0}, \Delta)K)^{-1}\|_{\infty} < 1$$

$$\|W(I + F(G_{0}, \Delta)K)^{-1}F(G_{0}, \Delta)K\|$$
(YY)

$$\left\| \begin{array}{c} W\left(I + F(G_{0}, \Delta)K \right)^{-1} F(G_{0}, \Delta)K \\ W_{s}(I + F(G_{0}, \Delta)K)^{-1} \\ W_{U}(I + F(G_{0}, \Delta)K)^{-1} \\ \end{array} \right\|_{\infty} < 1$$
 (YA)

م ا فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی جلد ۸ / شمارهٔ ۱ / بهار ۱۳۹۴

$$\begin{aligned} u'_{1} &= K_{x}(\phi_{r} - \phi) + K_{xd}\dot{\phi} \\ u'_{2} &= K_{y}(\theta_{r} - \theta) + K_{yd}\dot{\theta} \\ u'_{3} &= K_{z}(\psi_{r} - \psi) + K_{yz}\dot{\psi} \end{aligned} \tag{YT}$$

پاسخ سیستم حلقه بسته به پالس اغتشاش برای این کنترل کننده، در شکل (۱۲) رسم شده است. پاسخ پله سیستم حلقه بسته نیز در شکل (۱۳) نشان داده شده است.



Step Response of Closed-Loop System with Kclassical



شکل ۱۳ – پاسخ پله سیستم حلقه بسته با -۱۳ شکل

H_∞ کنترل کننده زیربهینه

اتصالات داخلی سیستم برای طراحی کنترل کنندهٔ زیربهینه H_{∞} با توجه به توابع وزن انتخاب شده، بهصورت شکل (۱۴) است. در این شکل B اغتشاش است و p_{in} و p_{out} به ترتیب خروجی و ورودی بلوک نامعینی هستند. با توجه به شکل (۱۵) هدف پیداکردن کنترل کنندهٔ (s) است بهطوری که رابطهٔ (۲۴) را ارضا کند. در این رابطه، (s) سیستم تعمیمیافته است [۱۴].

$$\min_{K \text{ stabilising}} \|F_l(G, K)\|_{\infty} \tag{(Yf)}$$

طراحی کنترل کنندهٔ زیربهینه H_{∞} در نرمافزار متلب با استفاده از دستور hinsyn انجام می شود. این دستور یک کنترل کننده زیربهینه H_{∞} را برای ساختار سیستم حلقه باز نشان داده شده در شکل (۱۴) طراحی می کند [۱۶]. در اینجا با استفاده از این دستور، یک کنترل کنندهٔ زیربهینه H_{∞} با درجهٔ ۲۲ به دست آمده است.

(۱۸) پاسخ فرکانسی عملکرد نامی و عملکرد مقاوم در شکل (۱۸) نشان داده شده است. دیده می شود که سیستم با *K_{hin}* دارای عملکرد نامی است ولی عملکرد مقاوم را تضمین نمی کند.













پاسخ سیستم حلقه بسته با K_{hin} به پالس اغتشاش، در شکل (۱۹) رسم شده است. همان طور که ملاحظه می شود، سیستم در هر سه کانال، اغتشاش را با زمان نشست کمتری نسبت به کنترل کنندهٔ کلاسیک حذف کرده است. پاسخ پله آن نیز در شکل (۲۰) نشان داده شده است؛ در هر سه کانال کنترل کنندهٔ H_{∞} دارای عملکرد بهتری نسبت به کنترل کنندهٔ کلاسیک است.



شکل **۱۹** – پاسخ سیستم حلقه بسته با *K*_{hin} به پالس اغتشاش شکل ۱۱



سنتز µ: روش تكرار D-K

بلوک دیاگرام سیستم حلقه بسته که در سنتز μ استفاده میشود، بهصورت شکل (۱۶) است. در روش تکرار D-K، یک کنترل کننده با استفاده از رابطهٔ (۲۹) بهدست میآید.

$$\begin{split} \min_{\substack{K \\ \text{stabilizing}}} & \min_{\substack{D_{l}(s), D_{r}(s) \\ \text{stabil}, \\ \text{min. phase}}} \|D_{l}(s)F_{L}(P, K)D_{r}^{-1}(s)\|_{\infty} \end{split} \tag{79}$$
 $K(s) \quad \text{ هدف سنتز } \mu \text{ پیدا کردن یک کنترل کننده پایدارساز } \mu$ $\max_{\substack{K \in \mathcal{K}(s) \\ \text{min. phase}}} \|D_{l}(s)F_{L}(P, K)(j\omega)\| \leq 1 \tag{79}$

با استفاده از مرجع [۱۶] (نرمافزار متلب)، بعد از ۶ تکرار،

كنترل كنندهٔ μ با $\mu_{\Delta}=0.993$ بهدست مى آيد. اما، كنترل كنندهٔ

بهدست آمده از درجهٔ ۵۲ است که پیادهسازی آن میتواند مشکل باشد. در اینجا از تقریب نرم هنکل^۵ برای کاهش درجهٔ کنترل کننده استفاده میشود. کنترل کننده ای که از تقریب کنترل کنندهٔ اصلی بهدست میآید، یک کنترل کننده با درجهٔ ۱۹ است. در شکل (۲۱) پاسخ فرکانسی کنترل کنندهٔ μ اصلی و کنترل کننده کاهش یافته پاسخ نشان داده شده است. مشاهده میشود که پاسخ فرکانسی هر دو کنترل کننده کاملاً بر هم منطبق هستند.



شکل ۲۱ – پاسخ فرکانسی کنترل کنندهٔ μ اصلی و کنترل کنندهٔ کاهش یافته -

آنالیز پایداری مقاوم و عملکرد مقاوم کنترلکنندهٔ K_{mu} به ترتیب در شکلهای (۲۲) و (۲۳) نشان داده شده است. ملاحظه می شود که این کنترلکننده برخلاف کنترلکنندهٔ H_{∞} ، علاوه بر پایداری مقاوم، عملکرد مقاوم را نیز تضمین کرده است.

پاسخ سیستم حلقه بسته با K_{mu} به پالس اغتشاش، در شکل (۲۴) رسم شده است. دیده می شود که سیستم در هر سه کانال اغتشاش را به خوبی حذف کرده است. پاسخ پله سیستم حلقه بسته نیز در شکل (۲۵) نشان داده شده است که تقریباً مشابه با سیستم حلقه بسته مربوط به Khin است.



شکل ۲۲ – آنالیز پایداری مقاوم با

رضا محسنیپور، مهرزاد نصیریان، عبدالرضا کاشانینیا و محسن فتحی



شکل ۲۳ – عملکرد نامی و مقاوم با K_{mu}

در شکل (۲۶)، عملکرد دو کنترل کنندهٔ H_{∞} و μ با افزایش نرم نامعینی مقایسه شده است. این شکل نشان میدهد که کنترل کنندهٔ μ عملکرد مقاوم را برای نامعینیهای با اندازهٔ ۱/۰۰۲، تضمین می کند. برای کنترل کنندهٔ H_{∞} عملکرد حلقه بسته با افزایش دامنه نامعینی، زودتر کاهش پیدا می کند و عملکرد مقاوم را برای نامعینیهای با بیش از اندازهٔ ۰/۹۳۳۵ تضمین نمی کند.





سه کنترل کنندهٔ طراحی شده، در جدول (۲) با هم مقایسه شدهاند. با سه کنترل کنندهٔ طراحی شده، در جدول (۲)، کنترل کنندههای مقاوم H_∞ و μ عملکرد بهتری

5. Hankel

ماهواره، عملکرد بهتری داشت و همچنین درجهٔ آن کمتر بود که میتواند باعث پیادهسازی راحت تر آن شود. بنابراین، میتوان نتیجه گرفت که در بین کنترلکنندههای مطرح شده، کنترلکنندهٔ طراحی شده برای این سیستم، بهترین انتخاب است.

مراجع

- [1]Hyland, D. C., Junkins, J. L. and Longman, R. W., "Active Control Technology for Large Space Strauctures," *Journal of Guidance, Control and Dynamics*, Vol. 16, No. 5, 1993, pp. 801-821.
- [2]Morgul, O., "Control and Stabilization of A Flexible Beam Attached to A Rigid Body," *International Journal* of Control, Vol. 51, No. 1, 1990, pp. 11-31,
- [3]Noll, R. B., Zvava, J. and Deyst, J. J., Effect of Structural Flexibility on Spacecraft Control Systems, NASA SP-8016, 1969.
- [4]Siamak, T., On Attitude Recovery of Spacecraft Using Nonlinear Control, (Thesis PhD), The Department of Electrical and Computer Engineering, Concordia University, Canada, 2005.
- [5]Hayrani, OZ., Dynamics and Control in Modal-Space of Flexible Spacecraft, (Thesis PhD), Virginia Polytechnic Institute and State University, 1979.
- [6]Li, G. X., Zhou, J. and Zhou, F. Q., "Variable Structure Control for Flexible Spasecraft," *Proceedings of The 25th Chinese Control Conference*, Harbin, Heilongjiang, 2006.
- [7]Wu, B., Cao, X. and Li, Z., "Multi-Objective Output-Feedback Control for Microsatellite Attitude Control: An LMI Approach," *Acta Astronautica*, No. 64, 2009, pp. 1021-1031.
- [8]SeetharamaBhat, M., Sreenatha, A. G. and Shrivastava, S. K, "Robust Low Order Dynamic Controller for Flexible Spacecraft," *Control Theory and Applications, IEEE Proceedings D*, Vol. 138, No. 5, 1991, pp. 460-468.
- [9]Yang, C. D. and Sun, Y. P., "Mixed H_2/H_{∞} State-Feedback Desing for Microsatellite Attitude Control," *Control Engineering Practice*, Vol. 10, Issue 9, 2002, pp. 951-970
- [10]Chae, J. S. and Park, T. W., "Dynamic Modeling and Control of Flexible Space Structures," *KSME International Journal*, Vol. 17, No. 12, 2003, pp. 1912-1921,.
- [11]Wang, W., Menon, P. P., Bates, D. G. and Bennani, S., "Robustness Analysis of Attitude and Orbit Control Systems for Flexible Satellites," *Control Theory & Applications, IET*, Vol. 4, Issue 12, 2010, pp. 2958-2970.
- [12]Sidi, M. J., Spacecraft Dynamics and Control A Practical Engineering Approach, Cambridge University Press, New York, 1997.
- [13]Kulkarni, J. and Campbell, M., "An Approach to Magnetic Torque Attitude Control of Satellites via *H*_∞Control for LTV Systems," *43rd IEEE Conference on Decision and Control*, Bahamas, 2004, pp. 273-277.
- [14]Skogestad, S. and Postlethwaite, I., *Multivariable Feedback* Control Analysis and Design, John Wiley & Sons, 2001.
- [15]Zuou, K. and Doyle, J., *EssentialsofRobustControl*, Tom Robbins, 1998.
- [16]Gu, D. W., Petkov, P. Hr. and Konstantinov, M. M., Robust Control Design with Matlab, Springer, 2005.

نسبت به کنترل کنندهٔ کلاسیک دارند. مطابق این جدول کنترل کنندههای H_{∞} H_{∞} و μ تقریباً عملکرد مشابهی دارند، ولی مهمترین معیار، تضمین عملکرد مقاوم است که با توجه به جدول (۲) و شکل (۲۶)، فقط کنترل کنندهٔ μ این معیار را برآورده کرده است. همچنین درجه این کنترل کنندهٔ نسبت به کنترل کنندهٔ H_{∞} کمتر است. بنابراین، میتوان نتیجه گرفت که کنترل کنندهٔ μ برای این سیستم بهترین انتخاب است.

جدول ۲ – مقایسه هر سه کنترل کننده

K _{mu}	K _{hin}	K _{classic}	
•/٩٣٣۵	۱/۰۰۲	-	مقدار μ در آناليز عملكرد مقاوم
११/•९۴٨	1.1/8847	20/122	نرم فراجهش در پاسخ به اغتشاش
			(<i>deg</i>)
۸/۰۲۳۶	۷/۵۹۰۶	T1/V974	مدت زمان حذف اغتشاش با
			خطای۱درجه(sec)
69/48	۵٩/۵٠	۶١/٨١	نرم فراجهش در پاسخ پله (%)
۱۱/۳۵۰۸	11/2749	۵۵/۰۸۱۹	زمان نشست در پاسخ پله با
			خطای ۱درجه (sec)



نتيجه گيري

در این مقاله، هدف، کنترل وضعیت یک ماهوارهٔ انعطاف پذیر با استفاده از کنترل کنندهٔ مقاوم بود. برای این منظور یک کنترل کنندهٔ کلاسیک براساس خطاهای زوایای اویلر و دو کنترل کنندهٔ مقاوم H_{∞} و μ با استفاده از ایدهٔ فیدبک داخلی، بهمنظور رفع مشکل طراحی کنترل کنندهٔ مقاوم، طراحی شدند. کنترل کنندههای طراحی شده برای یک نمونه ماهواره، شبیه ماهوارهٔ ملی امید شبیهسازی شدند. نتایج شبیهسازی نشان دادند که هم در حذف اغتشاش و هم شدند. نتایج شبیهسازی نشان دادند که هم در حذف اغتشاش و هم کلاسیک هستند. دو کنترل کنندهٔ ∞ و μ از نظر زمان نشست و فراجهش تقریباً عملکرد مشابهی داشتند، ولی کنترل کنندهٔ برخلاف کنترل کنندهٔ ∞ مملکرد مقاوم را برای سیستم اصلی تضمین کرد و از نظر مقاومت در برابر نامعینی ساختار انعطاف پذیر