

Numerical Simulation of Sloshing in a Container under Translational and Angular Accelerations

S. MajidiHervan¹ and M.Esmaeili^{2*}

1. Department of Mechanical and Energy, ShahidBeheshti University

2. Department of Mechanical Engineering, Faculty of Engineering,Kharazmi University

*Postal Code: 15719-14911, Tehran, IRAN

m.esmaeili@khu.ac.ir

Liquid sloshing of a partially filled container subject to surge and pitch motions is numerically investigated using a sophisticated numerical algorithm. The algorithm is developed based on the finite volume methodology and volume of fluid (VOF) technique is utilized to capture the interface evolution and deformation. Also, the interface capturing quality of the developed flow solver is enhanced due to its coupling to THINC interface sharpening technique. The numerical results are validated through the comparison of the interface deformation amplitude and the frequency with the available experimental and analytical data for liquid sloshing caused by lateral sinusoidal accelerations with resonance and non-resonance frequencies. Moreover, liquid sloshing due to angular excitations are studied for two different tank geometries with and without damping baffles. The resulting pressure oscillations of the pressure exerted on the side walls are monitored and compared to the experimental data.

Keywords: Non-linear sloshing, Container, Volume of fluid technique, Resonance, Damping baffles

1. Assistant Professor

2. Assistant Professor (Corresponding Author)

شبیه‌سازی عددی تلاطم غیرخطی درون یک مخزن تحت اثر شتاب‌های انتقالی و زاویه‌ای

سهند مجیدی هروان^۱ و مصطفی اسماعیلی^{۲*}

۱- دانشکده مهندسی مکانیک و انرژی، دانشگاه شهید بهشتی

۲- دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه خوارزمی

*تهران، کد پستی: ۱۴۹۱۱-۱۵۷۱۹

m.esmaeili@khu.ac.ir

در مقاله حاضر، پدیده تلاطم سیال در یک مخزن نیمه پر تحت اثر شتاب‌های جانبی (سرچ) و زاویه‌ای (پیچ) به صورت عددی مورد بررسی قرار گرفته است. یک الگوریتم عددی براساس تکنیک کسر حجمی استفاده شده تا رفتار غیرخطی تلاطم سیال و درنتیجه تعقیب سطح آزاد سیال و نحوه اثر شتاب‌های جانبی و زاویه‌ای بر روی آن شبیه‌سازی شود. به منظور بهبود کیفیت تسخیر سطح مشترک دو فاز از روش افزایش انسجام THINC در کد عددی موجود بهره گرفته شده است. ضمناً، به منظور اعتبار سنجی حل عددی، جابجایی سطح آزاد برای تلاطم سیال تحت اثر شتاب جانبی با در نظر گرفتن فرکانس ارتعاشات در دو حالت تشیدید و دور از تشیدید با نتایج آزمایشگاهی و حل تحلیلی مقایسه شده است. ضمناً، فشار بر روی دیواره برای تلاطم سیال تحت اثر شتاب زاویه‌ای برای دو حالت با و بدون صفحات میراکننده با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده‌اند.

واژه‌های کلیدی: تلاطم غیرخطی، مخزن، روش کسر حجمی، تشیدید، صفحات نگهدارنده

u_j	مؤلفه سرعت (ms^{-1})
V	بردار سرعت جابجایی تحریک (ms^{-1})
x	مختصه مکانی (m)
y	مختصه مکانی (m)
z	مختصه مکانی (m)
H	تابع هویساید
h	ارتفاع اولیه سطح مایع در مخزن (m)
a	طول مخزن (m)
θ	جابه‌جایی زاویه‌ای (rad)
μ	لزجت دینامیکی ($\text{kgm}^{-1}\text{s}^{-1}$)
ρ	چگالی (kgm^{-3})
τ	تانسور تنش ($\text{kgm}^{-1}\text{s}^{-2}$)
ω	بسامد (rad s^{-1})
β	ضریب ثابت

علائم و اختصارات

بردار مکان یک ذره نسبت به دستگاه مختصات ساکن	r
بردار مکان یک ذره نسبت به دستگاه مختصات متحرک	R
تحریک خطی (m)	b
کسر حجمی	f
عبارت چشمۀ مومنتوم ($\text{kgm}^{-2}\text{s}^{-2}$)	F
شتاب جاذبه (ms^{-2})	g
فشار ($\text{kgm}^{-1}\text{s}^{-2}$)	P
(s)	t
زمان (s)	T
دوره تناوب (s)	

۱. استادیار

۲. استادیار (نویسنده مخاطب)

مطالعه تلاطم سیال توسعه داد. بعدها ناکایاما و واشیزو^۴ [۹] روش مشابهی را برای شبیه‌سازی تلاطم سیال در یک مخزن دو بعدی دارای حرکات سرچ و پیچ را مورد بررسی و تحلیل قرار دادند. در مورد روش‌های عددی مطرح در حل تلاطم با استفاده از تئوری جریان پتانسیل می‌توان به کارهای چو و لی^۵ [۱۰] با به کارگیری روش المان محدود^۶ و چن و نوکس^۷ [۱۱] با به کارگیری روش تفاضل محدود^۸ اشاره کرد. در تمامی مطالعات فوق به دلیل استفاده از تئوری جریان پتانسیل، اثرات لزجت و حرکت چرخشی سیال را نمی‌توان مورد تحلیل قرار داد.

روش دیگر در بررسی تلاطم، حل کامل معادلات ناویر-استوکس برای بررسی تلاطم ویسکوز است [۱۵-۱۲]. از مطالعات انجام شده در این زمینه می‌توان به مراجع [۱۶] در شبیه‌سازی تلاطم پرداخته و کار تحقیقاتی ژائو و چن^۹ در شبیه‌سازی تلاطم با روش ترکیبی حجم سیال- سطح تراز^{۱۰} [۱۷] اشاره کرد. در این دسته از روش‌ها، حلگر توسعه داده شده می‌باشد علاوه‌بر حل معادلات جریان تلاطم، سطح مشترک دو فاز را نیز با استفاده از روش‌های عددی تصویر نماید. در این روش‌ها، سطح مشترک عمدهاً به صورت یک مرز متحرک جداگانه دو نواحی اشغال شده توسط هر یک از فازها عمل می‌نماید [۱۸]. به همین دلیل، در این دسته از روش‌ها سطح مشترک دو فاز، باید دارای کمترین ضخامت باشد تا روش بتواند تحولات فیزیکی سطح مشترک را به دقت تسخیر کند. به عبارت دیگر، روش به کار گرفته شده در تعیین سطح مشترک می‌باشد قابلیت تعیین محل و جهت‌گیری سطح مشترک را در هر لحظه و در سراسر دامنه محاسباتی داشته باشد [۱۹]. روش‌های تعیین وضعیت سطح مشترک دو فاز خود به دو دسته عمده روش‌های تعقیب سطح مشترک دو فاز و روش‌های تسخیر سطح مشترک دو فاز، تقسیم‌بندی می‌شوند.

روش‌های تعقیب سطح مشترک دو فاز، سطح مشترک را به صورت مجموعه‌ای از ذرات لاگرانژی درنظر می‌گیرد که چسبیده به مرز دو فاز هستند [۲۰]. این روش‌ها به دلیل نیاز آنها به بازتوزیع مداوم ذرات لاگرانژی جهت حفظ تراکم یکسان در سرتاسر سطح مشترک، نسبتاً پرهزینه هستند [۲۱، ۲۲]. جایگزین کم‌هزینه‌تر مجموعه روش‌های فوق دسته دیگری از روش‌های تعیین سطح مشترک مشهور به روش‌های تسخیر سطح مشترک دو فاز هستند

مقدمه

تلاطم بیانگر نوسان سطح آزاد مایع و گاز در مخزنی است که بخشی از آن از مایع پر شده است. این نوسانات می‌توانند نتیجه جابه‌جایی‌های جانبی، طولی و یا حرکات زاویه‌ای مخزن باشد. در حالاتی که فرکانس نوسان تحریک خارجی نزدیک به فرکانس طبیعی سیال در تانک باشد و یا دامنه فرکانس تحریک بزرگ باشد، امکان تشدید نوسان به وجود می‌آید و در این حالت نیروی حاصل از فشار ضربه سیال در حل تلاطم می‌تواند باعث آسیب دیدن سازه و یا از بین رفتن پایداری سیستم شود [۱]. یکی از جلوه‌های ناپایداری ناشی از تلاطم را می‌توان در حرکت ماهواره‌بر در خارج از مدار زمین مشاهده نمود. در چنین شرایطی، به دلیل وجود شرایط بی‌وزنی، سطح مشترک دو فاز در مخزن سوخت تلاطمی مهارناپذیر را تجربه می‌کند که باعث پیش‌بینی ناپذیری مکان مرکز جرم ماهواره‌بر و در نتیجه کنترل ناپذیری حرکت ماهواره‌بر می‌شود. به همین دلیل، مهار تلاطم مخزن یکی از مهم‌ترین حوزه‌های پژوهشی فعال در صنایع هوافضا به ویژه در طراحی مخازن سوخت پیشرانه‌های فضایی است.

مطالعات در زمینه امواج حاصل از تلاطم به طور گسترده در دهه‌های اخیر مورد توجه پژوهشگران قرار گرفته است. بسیاری از محققان تلاش خود را معطوف به حل تحلیلی تلاطم به مک تئوری پتانسیل کرده‌اند. به طور مثال، فالتینسن [۲] یک حل تحلیلی خطی برای تلاطم در یک تانک دو بعدی که به صورت افقی تحت تحریک جانبی است را به دست آورد. این حل تحلیلی به صورت گسترده‌ای در اعتبارسنجی حل‌های عددی محققان مورد استفاده قرار گرفته است. فالتینسن و همکاران [۳]، اخیراً یک رهیافت مبنی بر گستره‌ای از مودهای ارتعاشی را برای توصیف تلاطم غیرخطی در یک مخزن دو بعدی دارای سیال با عمق محدود توسعه داده‌اند. همچنین، هیل [۴] رفتار گذراي امواج تشدید را براساس فرضیات ارائه شده در مطالعات محققان قبلی، مورد تحلیل و بررسی قرار داده است. با این حال، این روش‌های تحلیلی برای جریان‌های لزج قابل قبول نیستند و در نتیجه شکست و برگشت امواج را نمی‌توان به کمک آنها بررسی کرد.

در رهیافت دیگری برای بررسی تلاطم سیال، حل عددی معادله لاپلاس به دست آمده براساس تئوری جریان پتانسیل در هندسه دو بعدی [۵، ۶]، به همراه صفحات نگهدارنده [۷] یا مدل‌سازی سه بعدی هندسه [۸] مورد توجه قرار گرفته است. از اولین این افراد فالتینسن [۲] است که مدل المان‌های مرزی^۳ را برای

4. Nakayama and Washizu

5. Cho and Lee

6. Finite Element Method (FEM)

7. Chen and Noken

8. Finite Difference Method (FDM)

9. Zhao and Chen

10. VOF-Levelset

3. Boundary Element Method (BEM)

معادلات حاکم و مدل عددی

در این تحقیق، معادلات نایر-استوکس معادلات حاکم بوده و فرض بر این است که هر دو فاز موجود در شبیه‌سازی تلاطم سطح آزاد، سیالات نیوتونی و تراکم‌ناپذیر هستند. ناحیه محاسباتی یک مخزن صلب مستطیلی و نیمه‌پر است. از یک شبکه سازمان یافته برای شبیه‌سازی‌ها استفاده شده است. تحریک مخزن به گونه‌ای است که تغییرات سطح مشترک سیال تنها در یک صفحه اهمیت داشته و تغییرات در جهت عمود بر صفحه ناچیز است. بنابراین امکان انجام محاسبات به صورت دوبعدی ممکن شده است. به منظور اجتناب از به کار گیری شرایط مرزی پیچیده برای دیواره متحرک، از یک سیستم مختصات متتحرک برای بیان معادلات حاکم استفاده شده است. مبدأ مختصات در وسط مخزن و بر روی سطح ساکن سیال (قبل از شروع نوسان) قرار دارد. مبدأ مختصات قابلیت حرکت جابجایی و چرخشی را نسبت به ناظر ساکن دارد. در شکل (۱) وضعیت ناظر ساکن و متتحرک نسبت به هم نشان داده شده‌اند. با در نظر گرفتن این مطلب، معادلات حاکم بر جریان (معادلات پیوستگی و مومنتوم) نسبت به ناظر متتحرک به صورت روابط (۱) و (۲) هستند:

$$\frac{\partial u_i}{\partial x_i} = 0 \quad (1)$$

$$\rho \left(\frac{\partial u_i}{\partial t} + u_j \frac{\partial u_i}{\partial x_j} \right) = - \frac{\partial P}{\partial x_i} + \mu \left(\frac{\partial^2 u_i}{\partial x_j \partial x_i} \right) + F_i \quad (2)$$

در معادله بالا جمله چشمی F_i نشان‌دهنده جملات حاصل از بیان معادلات نسبت به مختصات ساکن است و در شکل برداری به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$F = g - \frac{dV}{dt} - \frac{d\theta}{dt} \times (r - R) - 2\theta \times \frac{d(r - R)}{dt} - \theta \times \theta \times (r - R) \quad (3)$$

در معادله بالا V بردار گرانش بوده و θ به ترتیب بردار سرعت جابجایی و زاویه‌ای نسبت به ناظر متتحرک هستند. ضمناً بردار مکان یک ذره نسبت به دستگاه مختصات ساکن برابر r و نسبت به دستگاه مختصات متتحرک برابر $r - R$ است. همچنین، بردار R بیانگر مکان مبدأ دستگاه مختصات متتحرک نسبت به دستگاه مختصات ساکن است. در این مقاله به منظور تعقیب سطح آزاد سیال و مشاهده نحوه نفوذ گاز به درون مایع از مدل کسر حجمی استفاده شده است.

[۲۳]. در این گونه از روش‌ها، سطح مشترک دو فاز به عنوان یک سطح همتراز از یک کمیت نشانگر فاز شناخته می‌شود [۲۴، ۲۵]. این دسته از روش‌ها عمدتاً در زیرمجموعه روش‌های کسر حجمی و سطح تراز قرار می‌گیرند و یا ترکیبی از این دو روش هستند.

در روش کسر حجمی، متغیر نشانگر فاز بر حسب قرارگیری در حوزه اشغال شده توسط هر کدام از فازها مقدار صفر یا یک را اختیار می‌کند. روش‌های کسر حجمی به طور عمده دارای دو مرحله اساسی مقداردهی به کمیت کسر حجمی و بازسازی سطح مشترک می‌باشند [۲۶]. روش‌های بازسازی سطح مشترک به دو دسته عمده روش‌های هندسی [۲۷، ۲۸] و روش‌های جبری [۲۹] تقسیم می‌شوند. گونه‌های مختلفی از روش‌های جبری در هر دو نوع شبکه سازمان یافته [۳۱، ۳۰] و بی‌سازمان [۳۲] توسعه داده شده‌اند.

در تحقیق حاضر، تلاطم ناشی از شتاب جانبی و زاویه‌ای با استفاده از حل عددی معادلات کامل ناویر-استوکس و به کار گیری روش کسر حجمی مورد بررسی قرار گرفته است. به منظور بهبود کیفیت تسخیر سطح مشترک دو فاز از روش جبری THINC [۳۲] استفاده شده است. ضمناً اعتبار نتایج کد عددی و الگوریتم به کار رفته در آن با مقایسه نتایج عددی به دست آمده و نتایج تحلیلی و عددی دیگر محققان برای حالت تلاطم خطی و غیرخطی سنجیده شده است. در آخر، تأثیر وجود صفات نگهدارنده بر شدت تلاطم سطح آزاد به صورت عددی بررسی و نتایج عددی به دست آمده با نتایج تجربی دیگر محققان مقایسه شده است.

پژوهش عددی انجام شده در مقاله حاضر، بخشی از یک طرح پژوهشی جامع به منظور تهیه و توسعه یک حلگر عددی جامع با قابلیت شبیه‌سازی جریان‌های چند فازی است. در بخش اول این پروژه پژوهشی، توانایی حلگر عددی در شبیه‌سازی جریان‌های نیوتونی دوفاز و تراکم‌ناپذیر مورد سنجش قرار گرفت که نتایج آن در تحقیق حاضر آورده شده است. در فاز بعدی طرح پژوهشی، تعمیم قابلیت‌های کد عددی به شبیه‌سازی جریان‌های دو فازی تراکم‌پذیر مدد نظر است تا بتوان پدیده‌های مربوط به انتشار موج ضربه‌ای و برهم‌کنش آنها با سطح مشترک دو فاز را مد نظر قرار داد. همچنین، در فازهای بعدی در نظر است که روش THINC مورد استفاده در این تحقیق به گونه‌ای تعمیم داده شود که امکان شبیه‌سازی منسجم^{۱۱} جریان‌های سه‌فازی با یک فاز غیرنیوتونی فراهم آید. در این صورت حلگر عددی تعمیم داده شده قابلیت استفاده در شبیه‌سازی جریان چندفازی زیستی را خواهد داشت.

بین صفر و یک در سلول‌های قطع شده با سطح مشترک دو سیال خواهد داشت. به منظور تشریح روش کسر حجمی، ابتدا معادله فرارفت یکبعدی و خطی زیر را در نظر می‌گیریم:

$$\frac{\partial f}{\partial t} + u \frac{\partial f}{\partial x} = 0 \quad (8)$$

با بازنویسی معادله به فرم بقایی خواهیم داشت:

$$\frac{\partial f}{\partial t} + \frac{\partial F}{\partial x} = 0 \rightarrow F = fu \quad (9)$$

در صورتی که مقدار متوسط تابع ممیز را در سلول محاسباتی j به صورت زیر تعریف کنیم:

$$f_j = \frac{1}{\Delta x} \int_{j-1/2}^{j+1/2} f(x) dx \quad (10)$$

می‌توان معادله بقایی فوق را به صورت گسسته زیر بازنویسی کرد:

$$f_j^{n+1} - f_j^n = \int_t^{t+\Delta t} F_{j+1/2} dx - \int_t^{t+\Delta t} F_{j-1/2} dx \quad (11)$$

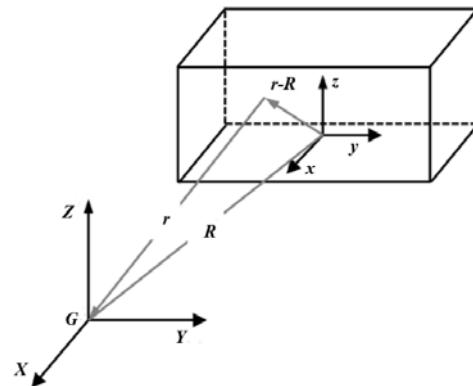
در رابطه بالا باید مقادیر انتگرال سمت راست به صورت تابعی از f محاسبه شوند. با توجه به این که در حل معادله گسسته تنها به مقدار متوسط تابع ممیز در هر سلول دسترسی داریم، می‌بایست یک توزیع برای مقادیر f در نظر گرفت. اگر f را در تمام نقاط سلول برابر مقدار متوسط آن فرض کنیم، با استفاده از روش تفاضل بالا دست می‌توان رابطه زیر را بین مقدار متوسط تابع ممیز در هر سلول و مقدار شار عبور کننده از مرزها به صورت زیر بازنویسی نمود:

$$\int_t^{t+\Delta t} F_{j+1/2} dx = \Delta t u f_j^n, \int_t^{t+\Delta t} F_{j-1/2} dx = \Delta t U f_{j-1}^n \quad (12)$$

در این صورت فرم کلی معادله گسسته به صورت زیر قابل بازنویسی است:

$$f_j^{n+1} - f_j^n = \frac{\Delta t u}{h} (f_j^n - f_{j-1}^n) \quad (13)$$

به طور کلی حل معادله فرارفت و فوق و به دست آوردن مقادیر جدید تابع ممیز در گام زمانی فعلی را می‌توان به صورت یک فرایند دو مرحله‌ای تصور نمود که در گام اول آن، ابتدا معادله فرارفت حل می‌شود. نقطهٔ ضعف اساسی روش فوق این است که شار تابع f قبل از آن که تمامی سلول محاسباتی j از f پر شود (به عبارتی قبل از آن که جبهه موج ناپیوستگی به مرز برسد)، از سلول j تخلیه می‌شود. این مسئله به دلیل در نظر گرفتن توزیع ثابت تابع f در تمام نقاط هر سلول و از طرفی به دلیل محاسبهٔ شار تابع f به کمک همین مقادیر متوسط است. بنابراین، عملاً ناپیوستگی‌های موجود در تابع f بعد از طی چند گام زمانی از بین رفته یا به عبارتی پخش مصنوعی تابع f در دامنهٔ محاسباتی اتفاق می‌افتد.



شکل ۱- مرجع مختصات متحرک برای یک تانک تحت اثر تحریک خارجی

براساس ایده اسکاردوولی و زالسکی^{۱۳} [۲۵]، ساده‌ترین راه تعریف سطح مشترک دو سیال آن است که سطح مشترک را به صورت رویه‌ای با تعریف زیر بیان کنیم:

$$h(x, y, z, t) = 0 \quad (4)$$

در این حالت یک تابع ممیز f را می‌توان به گونه‌ای تعریف کرد که مقدار آن در حوزه وجود یک سیال برابر یک و در حوزه وجود سیال دیگر برابر صفر است.

$$f(x, y, z, t) = H[z - h(x, y, z, t)] \quad (5)$$

در عبارت فوق H معرف تابع هوی‌ساید است. اگر از دیدگاه لاگرانژی به مسئله تغییرات سطح آزاد نگاه کنیم، در حالتی که تغییر فاز را در نظر نگیریم، می‌توان گفت که مقدار تابع ممیز برای هر ذره ثابت باقی خواهد ماند. یعنی خواهیم داشت:

$$\frac{Df}{Dt} = 0 \rightarrow \frac{\partial f}{\partial t} + u \cdot \nabla f = 0 \quad (6)$$

معادله سمت راست در عبارت فوق، بیان حرکت سطح آزاد در نگرش اوپلری است. روش‌های گوناگونی برای مدل کردن سطح مشترک دو سیال در شبکه ثابت وجود دارد که یکی از اولین این روش‌ها، روش کسر حجمی است. در تکنیک کسر حجمی اولین مفهومی که باید به آن اشاره شود، تابع کسر حجمی است که در حقیقت کمیت نظیر تابع ممیز در فضای گسسته است. این تابع به صورتی تعریف می‌شود که نشان‌دهندهٔ کسری از حجم یک سلول محاسباتی که توسط سیال یک پر شده است، باشد. رابطهٔ این تابع کسر حجمی با تابع ممیز به صورت زیر است:

$$C_{ij} h^2 = \int_{(i,j)} f(x, y) dx dy \quad (7)$$

در رابطه بالا h طول یک سلول محاسباتی در یک شبکه دو بعدی یکنواخت است. با توجه به تعریف بالا، تابع کسر حجمی مقداری برابر صفر یا یک در سلول‌های دور از سطح آزاد و مقداری

$$\nabla \cdot \left(\frac{\nabla P^{n+1}}{\rho} \right) = \frac{\nabla \cdot V^*}{dt} \quad (19)$$

(۳) محاسبهٔ مقدار صحیح سرعت در گام زمانی جدید با استفاده از مقدار به‌روز شدهٔ فشار و سرعت تخمینی:

$$V^{n+1} = V^* - dt \left(\frac{\nabla P^{n+1}}{\rho} \right) \quad (20)$$

جهت گسته‌سازی عبارات جابه‌جایی و پخشی در معادلات حاکم به‌ترتیب از روش گسته‌سازی اختلاف بالا دست مرتبهٔ دوم و تفاضل مرکزی مرتبهٔ دوم استفاده شده است. ضمناً مشتقات زمانی نیز به‌صورت صریح و به کمک روش گسته‌سازی رانچ-کوتای مرتبهٔ سوم گسته شده‌اند.

نتایج

نتایج مطالعهٔ حاضر در چهار بخش ارائه می‌شود. در بخش اول نتایج حل عددی با حل تحلیلی به‌دست آمده از تحلیل خطی تلاطم با کمک حل معادلهٔ پتانسیل مقایسه می‌شود. در بخش دوم تلاطم در مخزن مستطیلی نیمه‌پر تحت تحریک جانبی سینوسی مورد بررسی قرار می‌گیرد. در این بخش میزان دامنه و بسامد طوری در نظر گرفته شده که توانایی کد عددی در شبیه‌سازی تلاطم همراه با شکست سطح آزاد (تلاطم غیرخطی) مورد بررسی قرار گیرد. همچنین، در این بخش تلاطم نتایج حل عددی با نتایج آزمایشگاهی دیگر محققان اعتبارسنجی می‌شود. در بخش سوم، تلاطم در مخزن خطی مخزن مستطیلی نیمه‌پر تحت اثر جابه‌جایی زاویه‌ای پیچ مورد بررسی قرار می‌گیرد. صحت نتایج عددی حاصل به کمک مقایسه آنها با نتایج تحلیلی موجود نشان داده می‌شود. در بخش آخر، اثر استفاده از صفحات نگهدارنده در کاهش تلاطم مطالعه شده و نتایج حل عددی با نتایج حاصل از آزمایش‌های تجربی موجود مقایسه می‌شود.

تلاطم خطی تحت اثر تحریک افقی

با درنظر گرفتن سیال تراکم‌نایزیر و فرض جریان غیرچرخشی و معادلهٔ لاپلاس برایتابع پتانسیل، فالتینسون [۲] یک حل تحلیلی خطی برای جابه‌جایی سطح آزاد در مخزن مستطیلی تحت تحریک جانبی ارائه کرده است:

$$\begin{aligned} \eta = \frac{1}{g} \sum_{n=0}^{\infty} & \sin \left(\frac{(2n+1)\pi}{2a} x \right) \\ & \times \cosh \left(\frac{(2n+1)\pi}{2a} h \right) \\ & \times [-A_n \omega_n \sin(\omega_n t) \\ & - c_n \omega \sin(\omega t)] \\ & - \frac{1}{g} A \omega x \sin(\omega t) \end{aligned} \quad (21)$$

به منظور رفع نقیصهٔ پخشی مصنوعی سطح مشترک، در این تحقیق از روش افزایش انسجام سطح مشترک [۳۴، ۳۳] THINC استفاده می‌شود. در این روش ابتدا سلول‌های مجاور سطح مشترک دو فاز به صورت رابطهٔ (۱۴) شناسایی می‌شوند:

$$(\bar{f}_{i+1} - \bar{\alpha}_i)(\bar{f}_i - \bar{f}_{i-1}) > 0, \varepsilon < \bar{f}_i < 1 - \varepsilon \quad (14)$$

که در این تحقیق \bar{f}_i نمایان‌گر کسر حجمی سلول ۱ و مقدار ε برابر 10^{-4} است. شرط اول در معادلهٔ (۱۴)، در حقیقت همان شرط یکنواختی کسر حجمی در عرض سطح مشترک است که از ایجاد نوسانات اضافی پس از اعمال روش افزایش انسجام جلوگیری می‌نماید. اکنون، می‌خواهیم توزیع کسر حجمی روی سلول دارای دربرگیرندهٔ سطح مشترک دو فاز را به گونه‌ای بازسازی نماییم که پرش کسر حجمی از مقدار صفر تا مقدار یک را حتی‌الامکان در یک سلول متمن کر نماید. به عبارت دیگر، می‌خواهیم در عرض یک سلول توزیع کسر حجمی نشان داده شده در معادلهٔ (۱۵) را داشته باشیم:

$$f_i(x) = \frac{1}{2} \left[1 + \sigma_i \tanh \left(\beta \left(\frac{x - x_{i-1/2}}{\Delta x_i} - \tilde{x}_i \right) \right) \right] \quad (15)$$

در عبارت فوق $\sigma_i = \text{sgn}(\bar{f}_{i+1} - \bar{f}_{i-1})$ و ضریب β برابر $3/5$ می‌باشد. تنها پارامتر تعیین نشده در بالا \tilde{x}_i است که از تساوی معادلهٔ (۱۶) به‌صورت نشان داده شده در معادلهٔ (۱۷) تعیین می‌شود.

$$\tilde{x}_i = \frac{1}{\Delta x_i} \int_{i-1/2}^{i+1/2} f_i(x) dx \quad (16)$$

$$\tilde{x}_i = \frac{1}{2\beta} \ln \left[\frac{\exp(\beta(1 + \sigma_i - 2\bar{\varphi}_i)/\sigma_i) - 1}{1 - \exp(\beta(1 - \sigma_i - 2\bar{\varphi}_i)/\sigma_i)} \right] \quad (17)$$

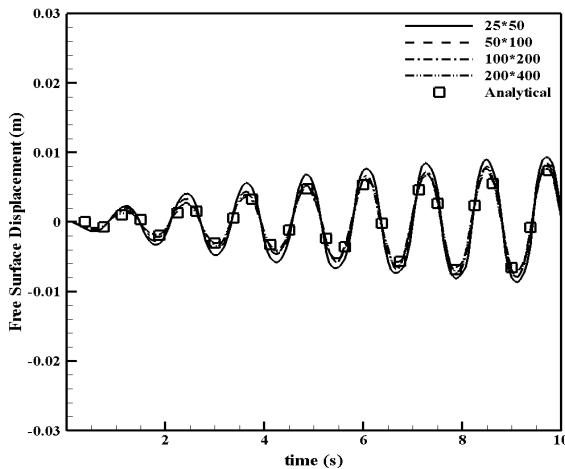
به منظور گسته‌سازی و حل معادلات ناویر-استوکس از روش تصویرسازی منارد و همکاران [۳۵] و همچنین لیو و لین [۳۶] به‌عنوان یکی از انواع روش‌های حجم محدود، استفاده شده است. به‌طور خلاصه، این روش در هر گام زمانی دارای سه مرحله اساسی زیر است:

(۱) محاسبهٔ سرعت تخمینی V^* درحالی که معادلهٔ مومنتوم بدون گرادیان فشار درنظر گرفته شود:

$$V^* = V - dt \left[(V^n \cdot \nabla) V^n - \frac{1}{\rho} \nabla \cdot \tau \right] \quad (18)$$

(۲) حل معادلهٔ پواسون فشار با متغیر سرعت میانی به‌دست آمده از بالا و تعیین مقدار فشار در گام زمانی جدید:

به منظور دستیابی به نتایج مستقل از شبکه محاسباتی، چهار شبکه محاسباتی در صفحه XZ در نظر گرفته شد که تعداد نودها در جهت X و Z به ترتیب 400×200 ، 200×100 ، 100×50 و 50×25 است. در شکل (۳) می‌توان دید که در تمامی جواب‌ها، بسامد نوسان تقریباً یکسانی برای تلاطم سطح آزاد به دست آمده است. در عین حال، اختلاف ملموسی بین دامنه نوسان پیش‌بینی شده توسط شبکه درشت با مقدار پیش‌بینی شده توسط حل تحلیلی و شبکه‌های ریزتر مشهود است. با توجه به این که اختلافی بین نتایج حاصل از شبکه‌های 100×200 ، 50×100 و 25×50 با حل عددی وجود ندارد، می‌توان گفت که نتایج عددی در شبکه 100×200 مستقل از شبکه شده‌اند. در جدول (۱)، خطای حل عددی حاصل از شبکه‌های محاسباتی مذکور نسبت به حل آمده است.



شکل ۳- مقایسه جابه‌جایی سطح آزاد در $x=0.5\text{m}$ برای حل عددی به دست آمده از این مطالعه و نتیجه تحلیلی [۲] برای $\omega = 0.95\omega_0$ و $b=0.0004\text{m}$

جدول ۱- مقدار خطای متوسط حل عددی نسبت به حل تحلیلی در پیش‌بینی مقدار نوسان سطح آزاد دو فاز

شبکه محاسباتی	400×200	200×100	100×50	50×25
خطای نسبت به حل تحلیلی	۰/۰۰۰۳۶۴	۰/۰۰۰۴۳۳	۰/۰۰۰۵۹۴	۰/۰۰۱۳۹۸

اکنون به منظور بررسی عملکرد روش THINC در بهبود کیفیت تسخیر سطح مشترک دو فاز، مسئله تحریک عرضی مخزن در بسامد تحریک برابر 0.95 بسامد طبیعی مخزن را مجدداً در شبکه 100×200 بررسی می‌نماییم. این بار دامنه تحریک ۵ برابر حالت قبل (یعنی حداقل جابه‌جایی عرضی برابر ۲ میلی‌متر) در نظر گرفته می‌شود تا به تبع آن دامنه نوسان سطح آزاد نیز افزایش یابد و تحولات سطح مشترک دو فاز نسبت به حالت قبل بزرگ‌نمایی شود. این مسئله در دو شبیه‌سازی جداگانه، با به کارگیری روش THINC و بدون به کارگیری آن مطالعه شده است. در شکل (۴)، توزیع کسر حجمی در زمان‌های یکسان از دو شبیه‌سازی، به‌طور کیفی با یکدیگر مقایسه شده‌اند. می‌توان دید که در حالت عدم به-

در معادله (۲۱)، a و h به ترتیب طول مستطیل و نصف ارتفاع سطح اولیه سیال بوده و (ω) بسامد طبیعی است. دنباله‌های موجود در رابطه بالا به صورت زیر تعریف می‌شوند:

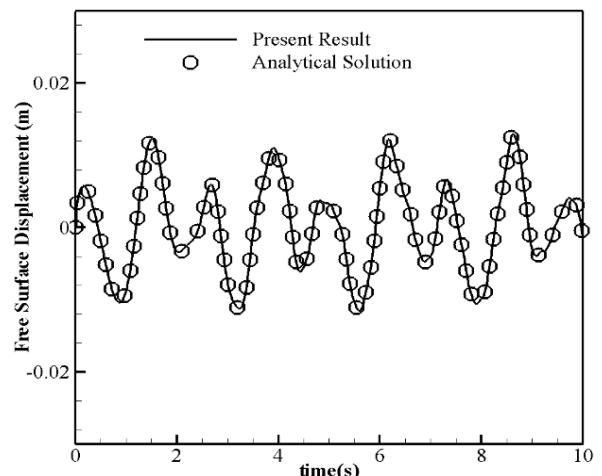
$$\omega_n^2 = g \frac{(2n+1)\pi}{2a} \tanh\left(\frac{(2n+1)\pi}{2a} h\right) \quad (22)$$

$$C_n^2 = g \frac{\omega K_n}{\omega_n^2 - \omega^2} \quad (23)$$

$$A_n = -C_n - \frac{K_n}{\omega} \quad (24)$$

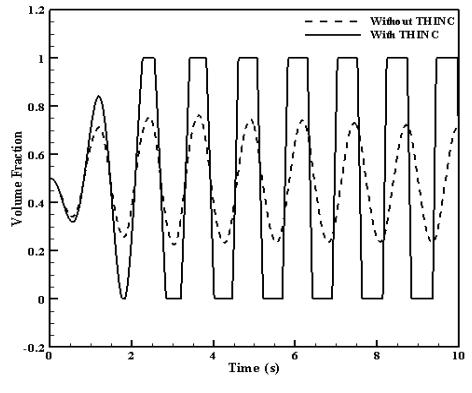
$$K_n = \frac{\omega A}{\cosh\left(\frac{(2n+1)\pi}{2a} h\right)} \frac{2}{a} \left(\frac{2a}{(2n+1)\pi}\right)^2 (-1)^n \quad (25)$$

در معادله (۲۵)، $A = \mathbf{b}\omega$ بوده که در آن b ، دامنه جایه‌جایی است. به منظور بررسی قابلیت حل عددی در تصویر کشیدن تلاطم خطی، مخزنی با طول و عرض ۱ متر در نظر گرفته شده است. مخزن تحت اثر تحریک افقی سینوسی ($\mathbf{x} = -\mathbf{b}\sin(\omega t)$) بوده و سطح اولیه سیال 0.5 متر خواهد بود. دو حالت برای شبیه‌سازی در نظر گرفته شده است. در حالت اول بسامد تحریک برابر با نصف بسامد تشدید سیستم درنظر گرفته شده و دامنه تحریک 10 میلی‌متر است. در حالت دوم، بسامد تحریک برابر با 0.95 بسامد تشدید سیستم و دامنه تحریک 0.4 میلی‌متر است. نتایج جابه‌جایی سطح آزاد سیال در گوشۀ سمت راست مخزن (مولفه x برابر 0.5 متر) برای حالت اول شبیه‌سازی در شکل (۲) و برای حالت دوم شبیه‌سازی در شکل (۳) نشان داده شده است. همان‌طور که در این شکل‌ها مشهود است، نتایج حل عددی انطباق بسیار خوبی با نتایج تحلیلی دارد که البته برای حالت خطی (حالی که نسبت جابه‌جایی سطح آزاد به سطح اولیه سیال خیلی کوچک است) قابل پیش‌بینی بود.

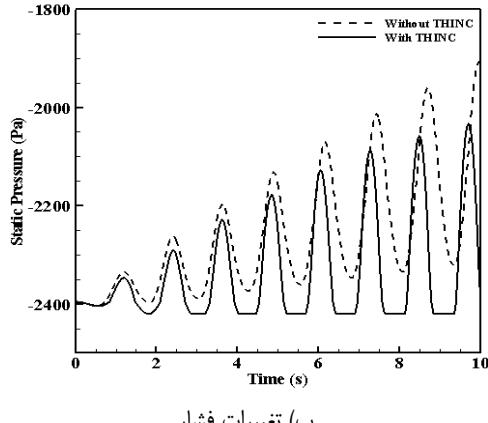


شکل ۲- مقایسه جابه‌جایی سطح آزاد در $x=0.5\text{m}$ برای حل عددی به دست آمده از این مطالعه و نتیجه تحلیلی [۲] برای $\omega = 0.5\omega_0$ و $b=0.01\text{m}$

مجاورت فازهای خالص قرار می‌گیرد و پارامتر کسر حجمی دارای مقدار ثابتی خواهد بود. همچنین، در نمودار تغییرات فشار نیز دیده می‌شود که مقدار بیشینه فشار در هر دوره تناوب افزایش می‌یابد (شکل ۵-ب). این بدان دلیل است که دامنه نوسانات سطح آزاد در هر دوره تناوب در اثر نزدیکی بسامد تحریک به بسامد طبیعی مخزن افزایش می‌یابد. در نتیجه در زمان فشار بیشینه، نقطه داده‌برداری در هر دوره تناوب در عمق بیشتری از مایع فرو می‌رود. این نکته در نتایج بهدست آمده از هر دو شبیه‌سازی قابل مشاهده است. اما در عین حال، بهدلیل حفظ ضخامت سطح مشترک دو فاز و عدم ایجاد پخش عددی، در بازه‌های زمانی مشخصی مقدار فشار ثابت است که بهدلیل قرارگیری نقطه داده‌برداری در مجاورت فاز گازی است. در زمان عدم به کارگیری روش THINC بهدلیل ایجاد اختلاط غیرفیزیکی در مرز دو فاز، عملاً نقطه داده‌برداری همواره در معرض مخلوطی از دو فاز قرار می‌گیرد و در نتیجه هیچ‌گاه فشار فاز گازی خالص را تجربه نمی‌نماید. همچنین، می‌توان دید که عدم به کارگیری بهدلیل تشدید پخش عددی، موجب ایجاد تفاوت در بسامد THINC نوسان سطح آزاد دو فاز نسبت به حالت تحلیلی می‌شود.



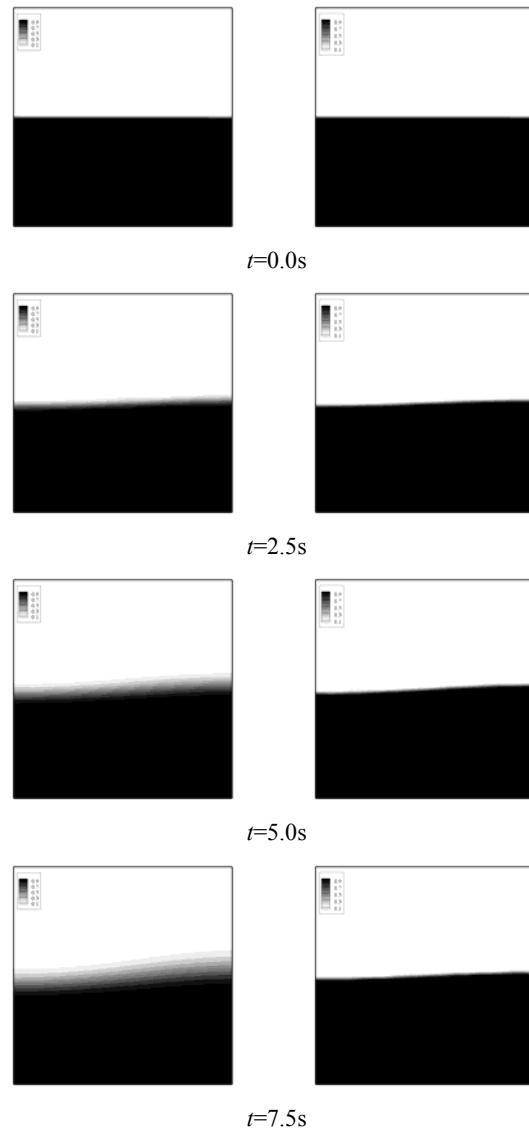
الف) تغییرات کسر حجمی



ب) تغییرات فشار

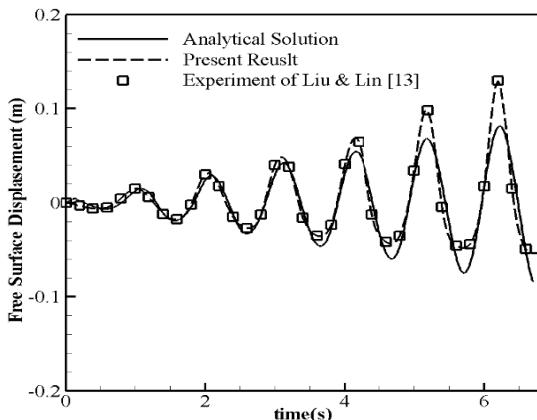
شکل ۵- مقایسه کمی نتایج در دو شبیه‌سازی با استفاده از روش THINC و بدون استفاده از این روش در نقطه مشخص داده‌برداری روی خط تقارن افقی مخزن و در منتهی‌الیه سمت راست

کارگیری THINC ضخامت سطح مشترک دو فاز در طول زمان شبیه‌سازی به تدریج افزایش می‌یابد و در نتیجه از کیفیت تسخیر سطح مشترک دو فاز کاسته شده است.

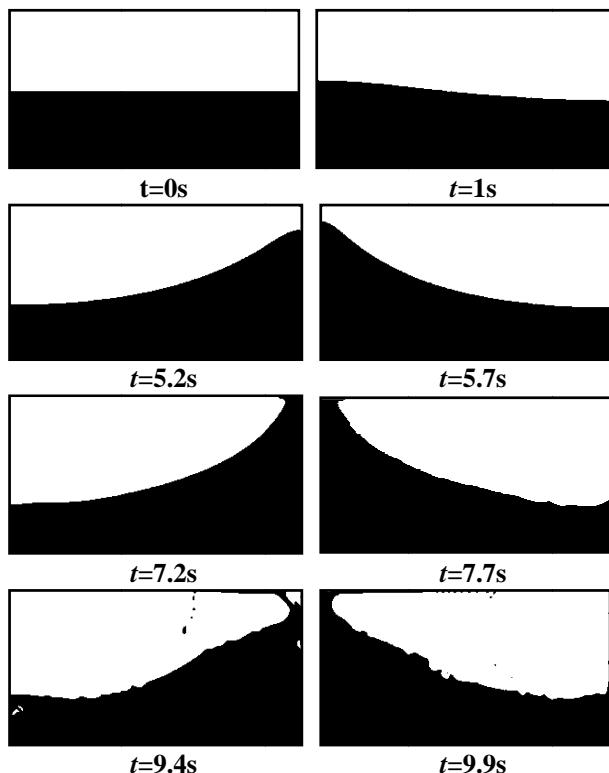


شکل ۴- توزیع کسر حجمی در زمان‌های مختلف شبیه‌سازی برای حل عددی با دامنه $m = 0.95$ و بسامد $b = 0.0004m$ و ستون سمت راست نتایج همراه با اعمال THINC و ستون سمت چپ نتایج بدون اعمال آن

به منظور انجام یک مقایسه کمی در مورد کیفیت تسخیر سطح مشترک در دو حالت فوق، تحولات دو متغیر کسر حجمی و فشار استاتیک با زمان در گوشۀ سمت راست مخزن در شکل نشان داده شده است. مشاهده می‌شود که در زمان به کارگیری روش THINC تغییرات کسر حجمی در عرض سطح مشترک دارای ضخامت معینی است که در طول زمان شبیه‌سازی محدود باقی می‌ماند (شکل ۵-الف). به همین دلیل، در حالت به کارگیری THINC نقطه $x=0.5$ در بازه‌هایی از زمان شبیه‌سازی کاملاً در

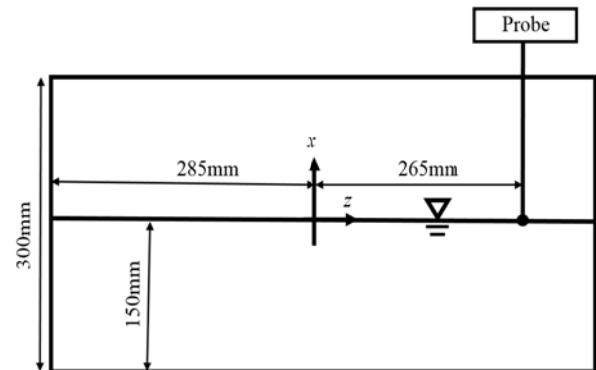


شکل ۷- مقایسه حل عددی و نتایج تجربی به دست آمده از مرجع [۱۶] برای جابه جایی سطح آزاد تحت اثر شتاب جانبی



شکل ۸- تلاطم سیال در مخزن تحت اثر تحریک جانبی در حالت تشدید در زمان‌های مختلف در شکل (۹)، اثر مدهای مختلف بسامد تشدید بر روی موقعیت سطح آزاد نشان داده شده است. تعداد پیک‌های موجود در سطح آزاد برای مدهای مختلف، مرتبط با شماره مد فرکانس بوده و این نتیجه منطبق بر نتایج تحلیلی در مرجع [۱] است. با افزایش فرکانس تحریک (تغییر مد فرکانس تشدید) ماکریتم جابه جایی سطح آزاد در زمان زودتری اتفاق می‌افتد ولی این ماکریتم ارتفاع با افزایش فرکانس کاهش می‌یابد. با گذشت زمان برای مدهای فرکانس تشدید بالاتر از ۱ دیگر شکست سطح آزاد دیده نمی‌شود چون با عبور از بیشینه جابه جایی سطح آزاد، موقعیت سطح آزاد به یک حل شبه دائم می‌کند.

تلاطم غیرخطی سیال تحت اثر تحریک افقی
به منظور سنجش توانایی ابزار عددی در به تصویر کشاندن تلاطم غیرخطی، مطالعه آزمایشگاهی مرجع [۱۶] در نظر گرفته شده است. همان‌طور که در شکل (۶) دیده می‌شود، نمونه آزمایشگاهی تانکی با طول ۵۷۰ میلی‌متر و ارتفاع ۳۰۰ میلی‌متر است. مخزن تحت اثر تحریک افقی سینوسی ($x = -b \sin(\omega t)$) بوده و نیمی از آن از سیال پر شده است.



شکل ۶- شکل شماتیکی تانک استفاده شده در آزمایش مرجع [۱۶]

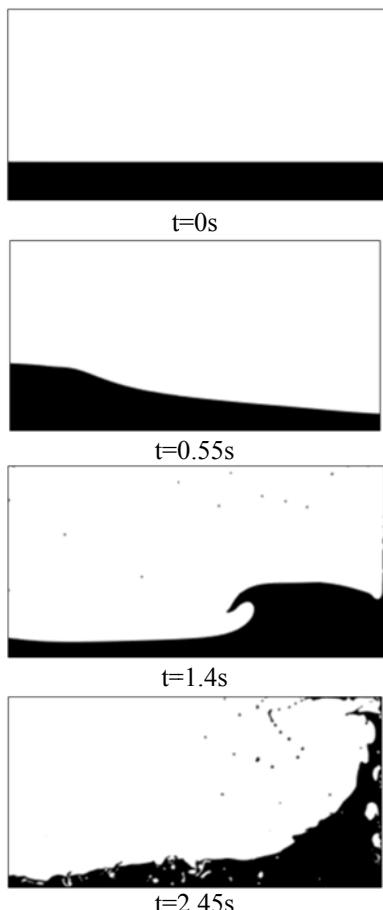
در آزمایش مذکور دامنه تحریک ۵ میلی‌متر است و فرکانس‌های تحریک در حالت تشدید بررسی شده است. همان‌طور که در مرجع [۱۶] اشاره شده، مخزن ذکر شده با این ابعاد و شرایط تحریک، در ناحیه تلاطم غیرخطی (حالی که نسبت جابه جایی سطح آزاد به سطح اولیه قابل صرف نظر نیست) است.

به عنوان نمونه‌ای از نتایج، میزان جابه جایی سطح آزاد برای حالت تشدید با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است. همان‌طور که از شکل (۷) مشخص است، انطباق قابل قبولی بین نتایج عددی و نتایج آزمایشگاهی وجود دارد که نشان‌دهنده دقت مناسب ابزار عددی برای پیش‌بینی تلاطم غیرخطی است. از آنجاکه حل تحلیلی صرفاً برای حالت‌های خطی و غیرخطی دور از تشدید برقرار است، با گذشت زمان اختلاف بین نتایج حل عددی و حل تحلیلی افزایش می‌یابد. نتایج پیش‌بینی شده برای حل عددی حاضر در ناحیه خطی و حالت غیرخطی دور از تشدید کاملاً با هر دو نتایج تحلیلی و آزمایشگاهی همخوانی دارد که این مطلب با توجه به نتایج مناسب شکل (۳) دور از ذهن نیست.

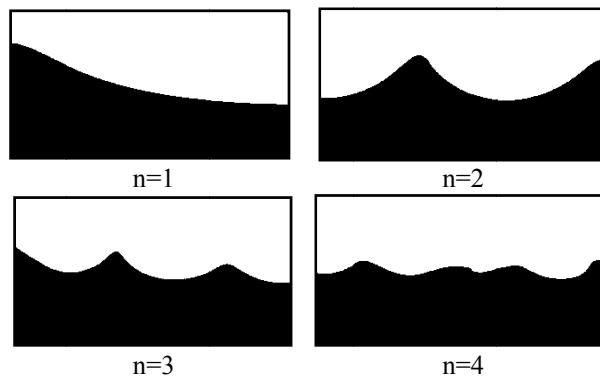
موقعیت سطح آزاد در زمان‌های مختلف در حالت تشدید در شکل (۸) به نمایش درآمده است. همان‌طور که در این شکل مشخص است با گذشت زمان دامنه موج تشکیل شده افزایش می‌یابد و در نهایت امواج شکننده سطح آزاد 15 به وجود می‌آیند.

تلاطم خطی تحت اثر تحریک زاویه‌ای پیچ

در این بخش نتایج عددی به دست آمده برای تلاطم مخزن مستطیلی تحت اثر تحریک زاویه‌ای پیچ با نتایج تحلیلی ارائه شده در مراجع [۳۹، ۳۸، ۹] مقایسه می‌شود. طول و عرض مخزن به ترتیب $9/0$ و $1/2$ متر است و مبدأ متغیرات در مرکز مخزن و بر روی سطح اولیه سیال قرار دارد. بدین ترتیب، ارتفاع سطح اولیه سیال در حال سکون، $6/0$ متر است. مخزن تحت اثر حرکت نوسانی پیچ به شکل (۱۲) حول مرکز $\theta_0 = \theta_0 \cos(\omega t)$ می‌شود. در این رابطه، θ_0 دامنه و بسامد تحریک زاویه‌ای است که به ترتیب برابر با $8/0$ درجه و $5/5$ رادیان بر ثانیه در نظر گرفته شده‌اند. در زمان اولیه مخزن با زاویه θ_0 شبیدار و سیستم در حال سکون است. بررسی حساسیت حل نسبت به شبکه محاسباتی نشان داد که استفاده از شبکه 200×100 منجر به استقلال حل عددی از شبکه محاسباتی می‌شود. در شکل (۱۲)، نتایج مربوط به مقایسه جابه‌جایی سطح آزاد در گوشۀ سمت راست مخزن با نتایج تحلیلی ارائه شده در مرجع [۳۹] مقایسه شده است. انطباق مناسبی بین نتایج عددی و تحلیلی برای جابه‌جایی پیچ در ناحیه خطی وجود دارد که نشان‌دهنده قابلیت بالای روش عددی در شبیه‌سازی تلاطم خطی (ناشی از حرکت زاویه‌ای) است.

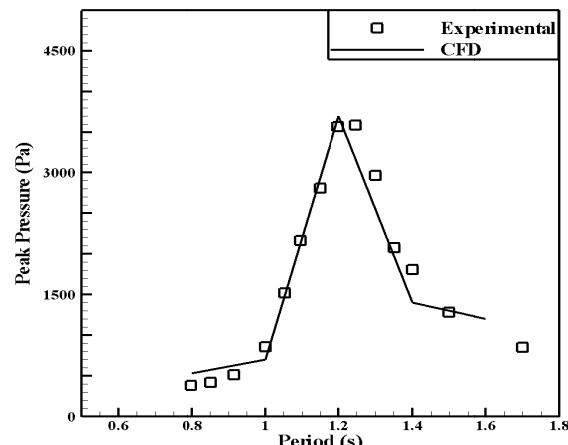


شکل ۱۱- توزیع کسر حجمی در مسئله تلاطم سطح آزاد مطالعه شده در مرجع [۳۷] در بسامد تحریک $8/0$ ثانیه



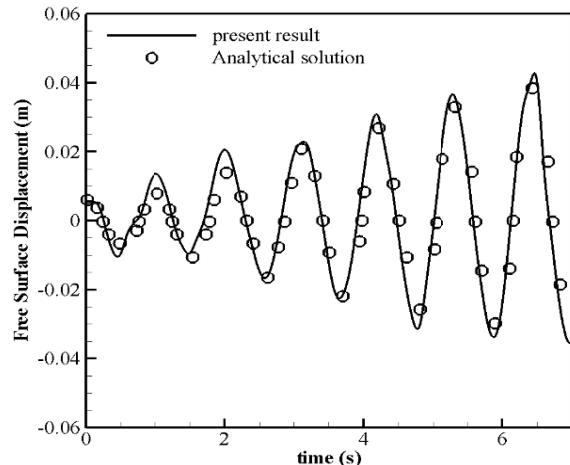
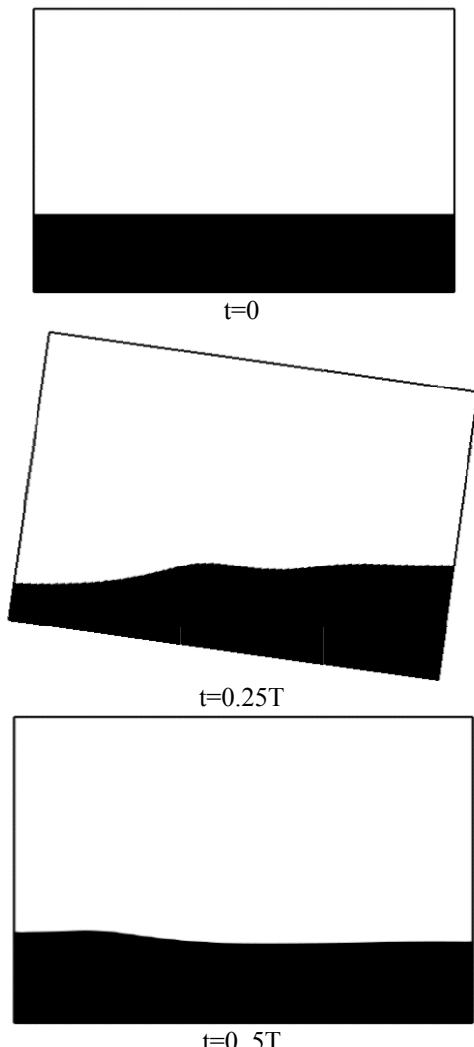
شکل ۹- تلاطم سیال تحت اثر تحریک جانبی در مدهای مختلف تشید

اکنون به منظور سنجش توانایی کد عددی در شبیه‌سازی تلاطم‌های پردازنه و با بسامد بالا، مسئله تلاطم مورد بررسی در تحلیل عددی جئونگ و همکاران [۱۶] به عنوان آخرین مسئله مورد بررسی در این بخش شبیه‌سازی شده است. مخزن مورد بررسی در این مسئله مستطیلی به طول $6/0$ متر و ارتفاع $3/0$ متر می‌باشد که با یک شبکه یکنواخت به طول شبکه 2 میلی‌متر پوشیده شده است. ارتفاع سطح آزاد برابر 6 سانتی‌متر و محل داده‌برداری نقطه‌ای به ارتفاع 10 سانتی‌متر در سمت راست مخزن است. دامنه نوسان برابر مقدار ثابت 5 سانتی‌متر و دوره تناوب نوسان مقداری در بازه $8/0$ الی $1/6$ ثانیه انتخاب شده است. در شکل ۱۰، مقدار بیشینه فشار در نقطه داده‌برداری بر حسب دوره تناوب رسم و با مقادیر تجربی مورد اشاره در مرجع [۳۷] مقایسه شده است. روند تغییرات مقدار فشار بیشینه حاکی از وجود انطباق قابل قبول بین پیش‌بینی‌های عددی و نتایج تجربی است. همچنین، در شکل (۱۱) نمایی از تلاطم شدید ایجاد شده در مخزن بهدلیل دامنه نوسان بالا و بسامد زیاد تحریک نشان داده شده است.

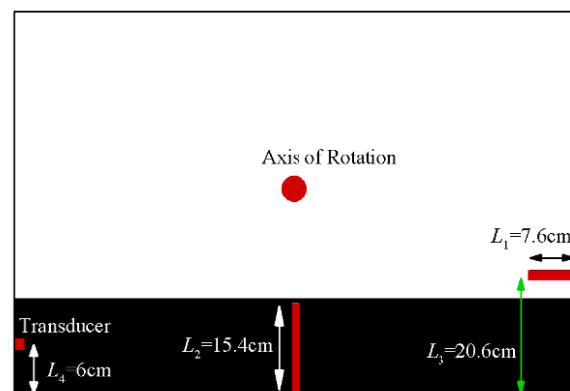


شکل ۱۰- مقایسه دوره تناوب به دست آمده در شبیه‌سازی مسئله تلاطم مورد بررسی در مرجع [۳۷] با نتایج تجربی موجود در همان مرجع

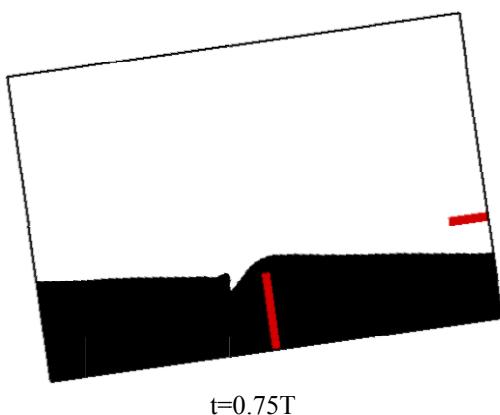
تلاطم سطح آزاد سیال در حالات مخزن بدون صفحات نگهدارنده در شکل (۱۴) و همراه با صفحات نگهدارنده در شکل (۱۵) نشان داده شده است. براساس مشاهدات و مطابق انتظار، وجود صفحات نگهدارنده باعث کاهش دامنه تلاطم سطح آزاد سیال شده است. اثر وجود صفحات نگهدارنده در کاهش نوسانات را می‌توان بهصورت کمی در نمودارهای شکل‌های (۱۶) و (۱۷) مشاهده نمود. در این شکل نوسان فشار در محل کارگذاری حسگر فشار در دامنه محاسباتی نشان داده شده و با نتایج تجربی آکیلیدیز و اونال [۴۰] مقایسه شده است. می‌توان مشاهده کرد که انطباق بسیار خوبی از لحاظ دامنه و بسامد نوسانات بین نتایج عددی و تجربی برقرار است. بنابراین، ابزار عددی توسعه داده شده در تحقیق حاضر را می‌توان بهعنوان یک ابزار قابل اتقاء در مطالعه اثرات پیکربندی‌های مختلف صفحات نگهدارنده بر مهار تلاطم سطح آزاد، مورد استفاده قرار داد. همچنین، مقایسه نتایج ارایه شده در شکل‌های (۱۲) و (۱۳) نشان از تأثیر قابل توجه صفحات نگهدارنده در کاهش دامنه نوسانات و مهار تلاطم سیال دارد.



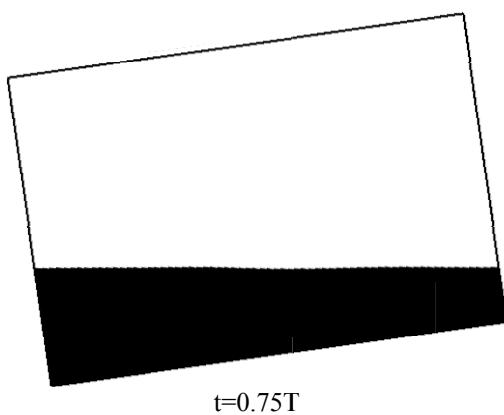
شکل ۱۲- مقایسه جابهجایی سطح آزاد در $x=0.45\text{m}$ مخزن تحت اثر تحریک زاویه‌ای پیچ برای حل عددی بهدست آمده از این مطالعه و نتیجه تحلیلی [۳۹] پس از نمایش توانایی کد عددی توسعه داده شده در شبیه‌سازی تلاطم خطی سطح آزاد سیال بر اثر شتاب زاویه‌ای، در اینجا به بررسی تأثیر وجود صفحات نگهدارنده بر شدت تلاطم سیال می‌پردازیم. به منظور اعتبارسنجی نتایج بهدست آمده، آزمایش تجربی آکیلیدیز و اونال [۴۰] بهصورت عددی بازتولید می‌شود. دامنه محاسباتی یک مخزن دوبعدی به طول ۹۲ سانتی‌متر و ارتفاع ۶۲ سانتی‌متر است که با یک شبکه محاسباتی یکنواخت با ضخامت ۵ میلی‌متر پوشیده شده است (شکل ۱۳). در حالت اولیه مخزن در وضعیت افقی بوده و ۲۵ درصد آن از آب پر شده است. سپس بدنه مخزن در معرض نوسانات تناوبی به فرم $\theta = \theta_0 \cos(\omega t)$ حول محور دوران قرار می‌گیرد. محور دوران منطبق بر محور تقارن مخزن است. در این مسئله آزمایشی، مقدار دامنه نوسان θ_0 برابر ۸ درجه و بسامد نوسان برابر ۲ رادیان بر ثانیه درنظر گرفته شده است.



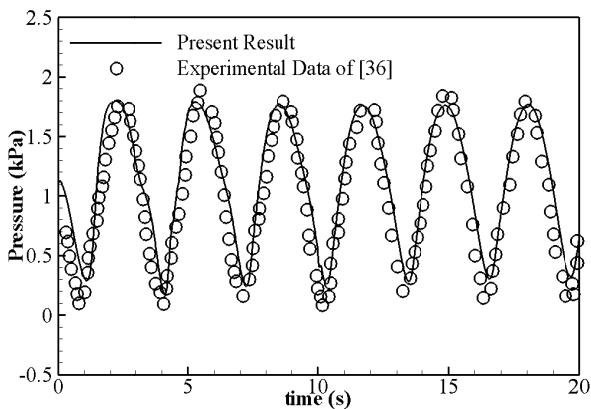
شکل ۱۳- مخزن دوبعدی تحریک شده در آثر شتاب زاویه‌ای پیچ



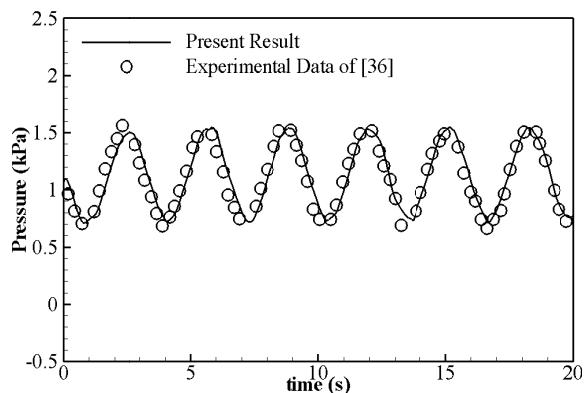
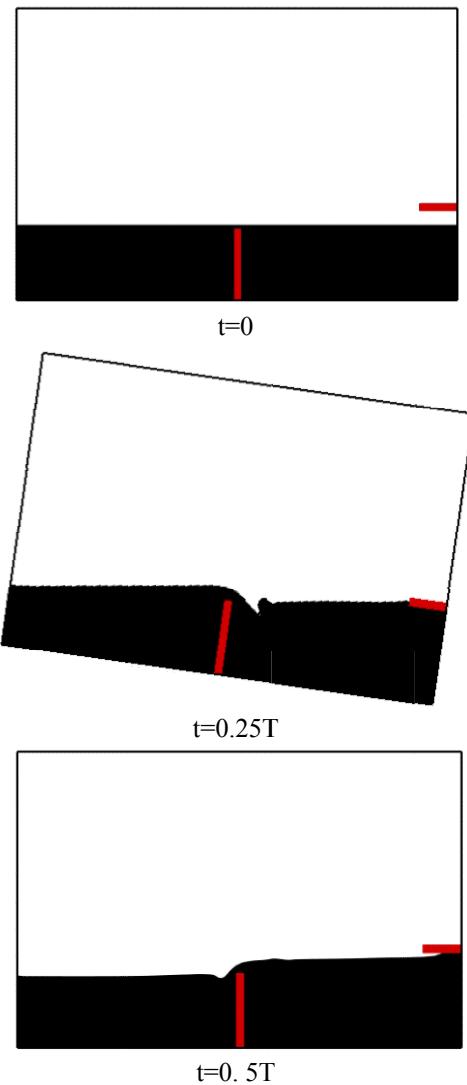
شکل ۱۵- تلاطم سیال در اثر شتاب زاویه‌ای مخزن همراه با صفحات نگهدارنده



شکل ۱۴- تلاطم سیال بر اثر شتاب زاویه‌ای مخزن در حالت بدون صفحات نگهدارنده



شکل ۱۶- مقایسه نوسانات فشار اندازه‌گیری شده توسط حسگر عددی در حالت بدون صفحات نگهدارنده برای حل عددی به دست آمده از این مطالعه و نتایج تجربی [۴۰]



شکل ۱۷- مقایسه نوسانات فشار اندازه‌گیری شده توسط حسگر عددی در حالت همراه با صفحات نگهدارنده برای حل عددی به دست آمده از این مطالعه و نتایج تجربی [۴۰]

- [9] Nakayama, T. and Washizu, K., "Nonlinear Analysis of Liquid Motion in a Container Subjected to Forced Pitching Oscillation," *International Journal for Numerical Methods in Engineering*, Vol. 15, 1980, pp. 1207-1220.
- [10] Cho, J. and Lee, H., "Non-Linear Finite Element Analysis of Large Amplitude Sloshing Flow in Two-Dimensional Tank," *International Journal for Numerical Methods in Engineering*, vol. 61, 2004, pp. 514-531.
- [11] Chen, B. F. and Nokes, R. "Time-Independent Finite Difference Analysis of Fully Non-Linear and Viscous Fluid Sloshing in a Rectangular Tank," *Journal of Computational Physics*, Vol. 209, 2005, pp. 47-81.
- [12] De Chowdhury, S. and Sannasiraj, S., "Numerical Simulation of 2D Sloshing Waves Using SPH with Diffusive Terms," *Applied Ocean Research*, Vol. 47, 2014, pp. 219-240.
- [13] Safarzade A., Maghsod N., "Investigation of the Excitation Frequency Effect on Liquid Sloshing Phenomenon using Three-Dimensional Numerical Model," *Presented at the International Conference in Civil Engineering, Architecture and Urban Sustainable Development, Tabriz*, 1392.
- [14] Javanshir, A., "Numerical Investigation of Three-Dimensional Sloshing in a Liquid Container," (Thesis Ms.c.) Ferdowsi university Mashhad, 1392.
- [15] Gharaee R., "Numerical Simulation and Experimental Investigation of the Liquid Sloshing in a Partially Filled Container with Damping Baffle," (Thesis Ms.c.), Shahrood University of Thecnology, 1390.
- [16] Liu, D. and Lin, P., "A Numerical Study of Three-Dimensional Liquid Sloshing in Tanks," *Journal of Computational physics*, Vol. 227, 2008, pp. 3921-3939.
- [17] Zhao, Y. and Chen, H.C., "Numerical Simulation of 3D Sloshing Flow in Partially Filled LNG Tank Using a Coupled Level-Set and Volume-of-Fluid Method," *Ocean Engineering*, Vol. 104, 2015, pp. 10-30.
- [18] Gibou, F., Chen, L., Nguyen, D. and Banerjee, S., "A Level Set Based Sharp Interface Method for the Multiphase Incompressible Navier-Stokes Equations with Phase Change," *Journal of Computational Physics*, Vol. 222, 2007, pp. 536-555.
- [19] Prosperetti, A. and Tryggvason, G., *Computational Methods for Multiphase Flow*, Cambridge University Press, 2009.
- [20] Chern, I. L., Glimm, J., McBryan, O., Plohr, B. and Yaniv, S. "Front Tracking for Gas Dynamics," *Journal of Computational Physics*, Vol. 62, 1986, pp. 83-110.
- [21] Tryggvason, G., Bunner, B., Esmaeeli, A. and et al., "A Front-Tracking Method for The Computations of Multiphase Flow," *Journal of Computational Physics*, Vol. 169, 2001, pp. 708-759.
- [22] Unverdi, S.O. and Tryggvason, G., "A Front-Tracking Method for Viscous, Incompressible, Multi-Fluid Flows," *Journal of Computational Physics*, Vol. 100, 1992, pp. 25-37.
- [23] Renardy, Y. and Renardy, M., "PROST: a Parabolic Reconstruction of Surface Tension for The Volume-of-

نتیجه‌گیری

در تحقیق حاضر، یک ابزار محاسباتی به منظور شبیه‌سازی عددی تلاطم در سطح مشترک دو فاز توسعه داده شد. معادلات ناویر- استوکس تراکم‌نایزیر به همراه معادله نشان گرفته باز به عنوان دسته معادلات حاکم بر جریان دو فاز درنظر گرفته شده‌اند. معادلات حاکم به روش حجم محدود گسترش‌سازی و حل شدن. روش حجم سیال به منظور تسخیر سطح مشترک و تصویرسازی تحولات آن مورد استفاده قرار گرفت. همچنین، از روش افزایش انسجام THINC به منظور بهبود کیفیت تصویرسازی سطح مشترک بهره گرفته شد. در بخش نتایج، ابتدا تلاطم سطح آزاد دو فاز در دو حالت خطی و غیرخطی مطالعه شد. مقایسه نتایج حاضر با نتایج تحلیلی و عددی موجود، انطباق بسیار خوبی بین حل عددی حاضر و نتایج دیگر محققان نشان داد. در انتهای اثر وجود صفحات نگهدارنده بر تلاطم سطح آزاد مورد بررسی قرار گرفت. نتایج به دست آمده نشان داد که وجود صفحات مذکور نقش بهسزایی در مهار تلاطم سطح آزاد دارد.

مراجع

- [1] Abramson, H.N., *The Dynamic Behavior of Liquids in Moving Containers, with Applications to Space Vehicle Technology*, NASA SP. 106, 1966.
- [2] Faltinsen, O.M. "A Numerical Nonlinear Method of Sloshing in Tanks with Two-Dimensional Flow," *Journal of Ship Research*, Vol. 22, 1978, pp. 193-202.
- [3] Faltinsen, O.M., Rognebakke, O.F., Lukovsky, I.A. and Timokha, A.N., "Multidimensional Modal Analysis of Nonlinear Sloshing in a Rectangular Tank with Finite Water Depth," *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 407, 2000, pp. 201-234.
- [4] Hill, D. F., "Transient and Steady-State Amplitudes of Forced Waves in Rectangular Basins," *Physics of Fluids*, Vol. 15, 2003, pp. 1576-1587.
- [5] Pal P. and Bhattacharyya, S., "Sloshing in Partially Filled Liquid Containers—Numerical and Experimental Study for 2D Problems," *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 329, 2010, pp. 4466-4485.
- [6] Zhang, T., Ren, Y.-F., Fan, C.M. and Li, P.W., "Simulation of Two-Dimensional Sloshing Phenomenon by Generalized Finite Difference Method," *Engineering Analysis with Boundary Elements*, Vol. 63, 2016, pp. 82-91.
- [7] Wang, J., Lo, S. and Zhou, D., "Liquid Sloshing in Rigid Cylindrical Container with Multiple Rigid Annular Baffles: Free Vibration," *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 34, 2012, pp. 138-156.
- [8] Wu, N.J., Hsiao, S.C. and Wu, H.L., "Mesh-Free Simulation of Liquid Sloshing Subjected to Harmonic Excitations," *Engineering Analysis with Boundary Elements*, Vol. 64, 2016, pp. 90-100.

- [32] Ubbink, O. and Issa, R., "A Method for Capturing Sharp Fluid Interfaces on Arbitrary Meshes," *Journal of Computational Physics*, Vol. 153, 1999, pp. 26-50.
- [33] Li, S., Sugiyama, K., Takeuchi, S., Takagi, S., Matsumoto, Y. and Xiao, F., "An Interface Capturing Method with a Continuous Function: The THINC Method with Multi-Dimensional Reconstruction," *Journal of Computational Physics*, Vol. 231, 2012, pp. 2328-2358.
- [34] Shyue, K..M. and Xiao, F., "An Eulerian Interface Sharpening Algorithm for Compressible Two-Phase Flow: The Algebraic THINC Approach," *Journal of Computational Physics*, Vol. 268, 2014, pp. 326-354.
- [35] Ménard, T., Tanguy, S. and Berlemon, A., "Coupling Level Set/VOF/Ghost Fluid Methods: Validation and Application to 3D Simulation of the Primary Break-up of a Liquid Jet," *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 33, 2007, pp. 510-524.
- [36] Liu, D. and Lin, P., "Three-Dimensional Liquid Sloshing in a Tank with Baffles," *Ocean Engineering*, Vol. 36, 2009, pp. 202-212.
- [37] Jeong, S.m., Hwang, S.C. and Park, J.C., "Numerical Simulation of Impact Loads Caused by Sloshing in a Rectangular Tank Using Eulerian and Lagrangian Approaches," *International Journal of Offshore and Polar Engineering*, Vol. 24, 2014, pp. 174-180.
- [38] Ibrahim, R.A., *Liquid Sloshing Dynamics: Theory and Applications*: Cambridge University Press, 2005.
- [39] Nakayama, T. and Washizu, K., "The Boundary Element Method Applied to the Analysis of Two-Dimensional Nonlinear Sloshing Problems," *International Journal for Numerical Methods in Engineering*, Vol. 17, 1981, pp. 1631-1646.
- [40] Akyildiz, H. and Ünal, E., "Experimental Investigation of Pressure Distribution on a Rectangular Tank Due to the Liquid Sloshing," *Ocean Engineering*, Vol. 32, 2005, pp. 1503-1516.
- [32] Ubbink, O. and Issa, R., "A Method for Capturing Sharp Fluid Interfaces on Arbitrary Meshes," *Journal of Computational Physics*, Vol. 183, 2002, pp. 400-421.
- [33] Rudman, M., "Volume-Tracking Methods for Interfacial Flow Calculations," *International Journal for Numerical Methods in Fluids*, Vol. 24, 1997, pp. 671-691.
- [34] Scardovelli, R. and Zaleski, S., "Direct Numerical Simulation of Free-surface and Interfacial Flow," *Annual Review of Fluid Mechanics*, Vol. 31, 1999, pp. 567-603.
- [35] Xiao, F., Honma, Y. and Kono, T., "A Simple Algebraic Interface Capturing Scheme using Hyperbolic Tangent Function," *International Journal for Numerical Methods in Fluids*, Vol. 48, 2005, pp. 1023-1040.
- [36] Aulisa, E., Manservisi, S. and Scardovelli, R., "A Mixed Markers and Volume-of-Fluid Method for the Reconstruction and Advection of Interfaces in Two-Phase and Free-Boundary Flows," *Journal of Computational Physics*, Vol. 188, 2003, pp. 611-639.
- [37] Manservisi, C.S. and Scardovelli, R., "An Optimal Constrained Approach for Divergence-Free Velocity Interpolation and Multilevel VOF Method," *Computers & Fluids*, Vol. 47, 2011, pp. 101-114.
- [38] Cassidy, D. A., Edwards, J.R. and Tian, M., "An Investigation of Interface-Sharpening Schemes for Multi-phase Mixture Flows," *Journal of Computational Physics*, Vol. 228, 2009, pp. 5628-5649.
- [39] So, K., Hu, X. and Adams, N., "Anti-diffusion Method for Interface Steepening in Two-Phase Incompressible Flow," *Journal of Computational Physics*, Vol. 230, 2011, pp. 5155-5177.
- [40] Yokoi, K., "Efficient Implementation of THINC Scheme: a Simple and Practical Smoothed VOF Algorithm," *Journal of Computational Physics*, Vol. 226, 2007, pp. 1985-2002.