10.30699/JSST.2020.1196

Research Paper

Optimal Placement of Piezoelectric Sensor/Actuator Patches on Sandwich Panels Considering Debonding Effects

M. H. Tirandaz¹ and M. Azimi²*

1. Islamic Azad University, North Tehran Branch, Tehran, Iran

2. Aerospace Research Institute, Ministry of Science Technology and Research, Tehran, Iran

*azimi.m@ari.ac.ir

This paper aims to use and norms to optimally place sensor/actuator patches on a flexible structure. Unlike most existing optimization methods, the proposed approach not only increases the norms of the controlled modes of the system but also can reduce the system's spillover problems by taking into account the residual modes and reducing systems and norms. The residual vibration of the system is captured considering sandwich structures and the Finite element analyses. In order to show the optimal placement effect of piezoelectric (PZT) patches, the vibrational behavior of the closed-loop system is controlled using a strain rate feedback (SRF) controller. Numerical simulation is performed to study the deboning effects between the sandwich layers.

Keywords: Deboning, and Norms, Optimal Placement, Piezoelectric, Sandwich Panels, Vibration Control

^{1.}M.Sc.

^{2.}Assistant Professor(Corresponding Author)

مقاله علمي يژوهشي

بهینهسازی مکانی حسگر/عملگر پیزوالکتریک بر یانل ساندویچی با اعمال اثرات ناپیوستگی

محمدحسین تیرانداز و میلاد عظیمی **

۱ - دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد تهران شمال، تهران، ایران

۲-پژوهشگاه هوافضا، وزارت علوم، تحقیقات و فناوری، تهران، ایران *azimi.m@ari.ac.ir

این مقاله با استفاده از رویکرد نُرمهای H_2 و H_∞ به جانمایی بهینهٔ وصلههای پیزوالکتریک بر روی H_2 یانل ساندویچی یک فضاییمای نمونه پرداخته است. برخلاف سایر روش های بهینهسازی موجود، رویکرد پیشرو نهتنها نُرم مودهای کنترل شدهٔ سیستم را افزایش میدهد، بلکه میتواند با در نظر گرفتن مودهای باقیمانده و کاهش نُرمهای H₂ و H₃، مشکلات اسپیل اُور شدن سیستم را کاهش دهد. رفتار ارتعاشات باقیماندهٔ سیسستم با در نظر گرفتن مدل سازهٔ ساندویچی بهجای استفاده از سازههای رایج و با استفاده از روش اجزاء محدود مدل سازی شده است. به منظور نمایش اثر جانمایی بهینهٔ وصلههای هوشمند پیزوالکتریک، رفتار ارتعاشی حلقهٔ بستهٔ سیستم با استفاده از کنترلر پسخوراند نرخ کرنش (SRF) کنترل شده است. بهمنظورمدل سازی واقعی تر رفتار سازه، اثرات ناپیوستگی میان هسته و رویهها در مدل سازیها در نظر گرفتهشده است.

واژه های کلیدی: جانمایی بهینه، نرمهای H_2 و H_2 ، پیزوالکتریک، پانل ساندویچی، کنترل ارتعاشات، ناپیوستگی

f	نیروهای ورودی سازه	علائم و اختصارات	
у	خروجى		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
$M_{_m}$	ماتریس جرم مودال	N_t, N_b, N_f	توابع شكل
K_m	ماتریس سفتی مودال	М	ماتریس جرم
D_m	ماتریس میرایی مودال	D	ماتریس میرایی
X_m	بردار جابهجایی مودال	 K	ماتریس سفتی
\dot{x}_m	بردار سرعت مودال	r	بردار جانهجانی
C_{mx}	ماتريس جابهجايي مودال موقعيت حسگر	л	
C_{mv}	ماتريس سرعت مودال موقعيت حسگر	x	
ω_i	فر کانس طبیعی <i>i</i> امین مود	C_{x}	ماتریس جابهجایی موقعیت حسگر
$G_{(\omega)}$	تابع پاسخ فرکانسی	C_v	ماتریس سرعت موق ع یت حسگر
H_2	نُرم H_2 تابع پاسخ فرکانسی		
H_{∞}	: ئرم $H_{_\infty}$ تابع پاسخ فركانسى		۱. کارشناس ارشد ۲. اجاد ۱. (۱۰۱۰)

۲. استادیار (نویسنده مخاطب)

عملگرهای پیزوالکتریک در کنترل فعال ارتعاشات بهعنوان تکنولوژی اصلی در نظر گرفته می شود. عملکرد سازههای هوشمند تنها به قانون كنترلى وابسته نيست، بلكه به مكان، تعداد و اندازه آنها نيز بستكي دارد [٧]. حتى جانمايي غير بهينه اما منظم وصله-های هوشمند پیزوالکتریک میتواند باعث ناپایداری سیستم کنترلی شود و این در حالی است که جانمایی بهینه این وصلهها حتی بهصورت نامنظم مىتواند همان الگوريتم كنترلى را پايدار نگه دارد [۸]. از عملگرهای پیزوالکتریک اغلب برای اعمال نیرو جهت مقابله با کرنشهای ایجاد شده بر روی سازه استفاده می شود. به طور کلی، دو رویکرد اصلی برای جانمایی بهینهٔ این وصلههای هوشمند بر روی سازههای انعطافپذیر وجود دارد. رویکرد اول بیشینهسازی نيروها يا گشتاورهاي مودال اعمال شده به واسطهٔ اين عملگرها و رویکرد دوم کمینهسازی جابجاییهای سازهای است[۹]. از أنجاکه گشتاور کنترلی اعمال شده توسط عملگرهای پیزوالکتریک بهراحتی اشباع می شود، کمینه سازی انرژی الکتریکی ورودی به عملگرها ضروری است [۱۰].

جانمایی بهینهٔ عملگرهای پیزوالکتریک، میزان کنترلپذیری، مشاهدهپذیری، پایداری و تأثیر قانون کنترل ارتعاشات فعال را بر روی سیستم تعیین میکند [۱۱]. این در حالی است که جانمایی نامناسب عملکرد سیستم را کاهش داده و حتی میتواند منجر به ناپایداری سیستم شود. محققان بسیاری در این حوزه فعالیت داشتهاند. جانمایی بهینهٔ وصلههای حسگر/عملگر پیزوالکتریک بر روی یک صفحه یک سر گیردار مبتنی بر بیشینهسازی قابلیت مشاهدهپذیری و کنترلپذیری توسط کیو⁶ و همکاران انجام پذیرفت [۱۲]. استفاده از توابع شکلی در جانمایی بهینهٔ عملگرهای پیزوالکتریک برای کنترل ارتعاشات بازوی دولینکی انعطافپذیر توسط کاو و یو² مورد بررسی قرارگرفته است [۱۳]. تکنیک بهینهسازی برای جانمایی وصلههای پیزوالکتریک

7. Preumont

مقدمه

سازههای ساندویچی به دلیل مشخصات فیزیکی خاص از قبیل نسبت مقاومت به وزن بالا در مقابل نیروهای استاتیکی و دینامیکی واردشده تحمل مناسبی دارند. این سازه ها در بسیاری از کاربردها مانند صنایع فضایی خصوصاً فضاپیماها و ماهواره ایی که در آنها ملاحظات جرمی تأثیر بسزایی در تحقق مأموریت دارد، به کار برده می شود. از طرف دیگر، این سازهها تحت شرایطی قرار می گیرند که تأثیرات محیط باعث ایجاد کرنش در ساختار آنها شده بهطوری که این کرنشها روی رفتار ارتعاشی سازه تأثیرگذار است [۱، ۲]. بر این اساس بررسی، تحلیل و بهینهسازی مکانی حسگر و عملگرهای پیزوالکتریک جهت کنترل ارتعاشات در سازههای فضایی با الزامات جرمی دارای اهمیت بسیار زیاد است. همچنین، مسئلهٔ اتصال رویهها بر روی هستهٔ این سازهها در اغلب موارد به صورتایده آل و اتصال پیوسته در نظر گرفته می شود. اگرچه، در واقعیت ناپیوستگی میان لایههای مختلف این سازهها در طول عمر أنها اتفاق می افتد. این ناپيوستگي ميان لايهها نهتنها ميتواند بهعنوان يک عامل نامعيني در مدلسازی محسوب شود، بلکه میتواند طراحان را در بهکارگیری سازههای هوشمندی مانند پیزوالکتریکها و اعمال ولتاژهای الکتریکی در کنترل رفتار ارتعاشی سیستم نیز دچار مشکل سازد [۳]. امروزه، سازههای هوشمند و پیزوالکتریکها به جهت خواص مكانيكي والكترومكانيكي و پاسخ فركانسي مطلوب بهصورت گستردهای در صنایع پیشرفته مورداستفاده قرار می گیرند. مواد ییزوالکتریک و قابلیت بالای آنها در اعمال گشتاورهای کنترلی

پیروانکتریک و قابلیت با ای آنها در آعمال دستاورهای کنرلی گسترده و میرا نمودن ارتعاشات سازهای، به همراه سبکی، کارایی مناسب و مصرف کم انرژی موجب شده است که استفاده از آنها بهعنوان عملگرها و حسگرهای کنترلی در ساختار سازهای سیستمهای دینامیکی با پارامترهای گسترده، بهعنوان گزینهای مناسب مطرح شود. در سالهای اخیر، برای محاسبهٔ انرژی خروجی مناسب مطرح شود. در سالهای اخیر، برای محاسبهٔ انرژی خروجی از پیزوالکتریکها از انواع روشهای تحلیلی استفادهشده است، ولی با استفاده از روش المان محدود و نرمافزارهای تحلیلی در مدل سازی وصلههای پیزوالکتریک، اتفاق تازهای در این حوزه رخداده است [۴، ۵].

به منظور مدلسازی سیستمهای دینامیکی، استفاده از روش اجزاء محدود بهعنوان یک روش شناخته شده و کارآمد در این حوزه بسیار مناسب است. در مطالعات بسیاری مانند مرجع [۶] به مدلسازی اجزاء محدود سازههای هوشمند پرداخته شده است. هنگامیکه با سازههای هوشمند سروکار داریم، حسگرها و

^{5.} Qiu

^{6.} Cao and Yu

^{8.}Spillover

^{3.}Piezoelectric (PZT)

^{4.}Debonding

با توجه به بررسیهای صورت گرفت از فعالیتهای انجام گرفته در روشهای بهینهسازی میتوان مشاهده کرد که جانمایی بهینه پیزوالکتریکها غالباً مبتنی بر نیروهای مودال، بیشینهٔ انرژی تلف شده و بیشینهٔ درجه مشاهده پذیری و کنترل پذیری صورت گرفته است. به منظور افزایش میزان اثر الگوریتم کنترلی در کنترل فعال ارتعاشات، موقعیت بهینهٔ حسگرها و عملگرها باید طوری فعال ارتعاشات، موقعیت بهینهٔ حسگرها و عملگرها باید طوری تعیین شود که ماتریس گرامیان مشاهده پذیری و کنترل پذیری مورت تعیین شود که ماتریس گرامیان مشاهده پذیری و کنترل پذیری معال ارتعاشات، موقعیت بهینهٔ حسگرها و عملگرها باید طوری تعیین شود که ماتریس گرامیان مشاهده پذیری و کنترل پذیری سازههای بزرگ انعطاف پذیر فضایی براساس معادلات حالت کاهش مرتبه یافته پرداختند [۱۷]. رویکرد بهینه سازی مبتنی بر نُرمهای مرتبه یافته پرداختند و ۲]. رویکرد بهینه سازی مبتنی بر نُرمهای مرتبه یافته پرداختند و ۲]. رویکرد بهینه سازی مبتنی بر نُرمهای مرتبه یافته پرداختند و کار

سان^{۱۰}و همکاران به کنترل بازوی انعطاف پذیر تک لینکی براساس موقعیت عملگر پیزوالکتریک با استفاده از الگوریتم کنترلی پسخوراند سرعت خطی پرداختند [۱۸]. همچنین، برای کنترل مانور این بازوی تک لینکی از تئوری لیاپانوف شامل پسخوراند ولتاژ عملگرهای پیزوالکتریک استفاده شده است، به طوری که علاوه بر کنترل مانور جسم صلب، ارتعاشات بازو نیز کاهش یابد.

در سال ۲۰۱۷، گائو^{۱۱} و همکاران کنترل فعال ارتعاشات سازه بال هواپیما را با استفاده از المانهای هوشمند و براساس عملگرهای پیزوالکتریک و حسگرهای فیبری^{۱۲}(ΦBT) مورد بررسی قرار دادند [۱۹]. کنترل ارتعاشات با استفاده از الگوریتم کنترل هیبرید کمینهٔ میانگین مجذور خطای فیلتر شده چند ورودی-چند خروجی، با شناسایی همزمان سیگنال مرجع انجام شد.

شولز^{۳۳} و همکاران مسئلهٔ جانمایی بهینهٔ وصلههای پیزوالکتریک روی سازههای کامپوزیتی را برای کنترل ارتعاشات بررسی کردند [۲۰]. در این بررسی، روش المان محدود برای مدلسازی سازه و الگوریتم LQRبرای کنترل ارتعاشات بکار برده شد. همچنین، به علت ماهیت گسسته مسئله، از یک الگوریتم ژنتیک ساده برای بهینهسازی مکانی وصلههای پیزوالکتریک استفاده شده است.

در مورد انتخاب الگوریتمهای مناسب کنترل فعال ارتعاشات توسط مواد پیزوالکتریک، تحقیقات متعددی انجام شده است. ازجملهٔ این روشها میتوان به روش کنترلی پسخوراند نرخ کرنش^{۱۴}[۲۲]، پسخوراند موقعیت مثبت^{۱۵}[۲۲]، مود لغزشی^۱۶[۲۳] و LQR [۲۴]

اشاره کرد. از میان آنها کارهای، انجام شده در استفاده از روش SRF که در آن مختصات سرعت سازه بهطور مستقیم به جبران کننده فرستاده شده و مختصه موقعیت (جابجایی مکانی) جبران کننده در یک بهرهٔ منفی ضرب شده و به سازه پسخوراند می شود، از مزایای بیشتری نسبت به سایر روش ها برخوردار است. از جملهٔ این مزایا می توان به دارا بودن دامنهٔ وسیع میرایی، پایداری بیش از یک مود با داشتن پهنای باند مناسب و سادگی در پیاده-سازی اشاره کرد. ساختار روش کنترلی پسخوراند نرخ کرنش و متغیرهای تعریف شده در آن مانند روش پسخوراند موقعیت مثبت هست. فراری و آمابیلی^{۱۷} به کنترل فعال ارتعاشات صفحهٔ ساندویچی با استفاده از وصلههای پیزوالکتریک که بهصورت نامنظم بر روی سازه چیدمان شده بود و پیادهسازی الگوریتم پسخوراند نرخ کرنش پرداختند [۲۵]. جانمایی وصلههای پیزوالکتریک در این روش با استفاده از انرژی کرنشی صفحه تعیین می شود، به طوری که هر جفت وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی یک صفحه اما با دو چیدمانی متقارن و نامتقارن نسبت به مرکز هندسی صفحه جانمایی شدهاند.

ولدجیورجیس^{۱۸} و همکاران به کنترل ارتعاشات تیر هوشمند یک سر گیردار با استفاده از کنترلر پسخوراند نرخ کرنش پرداختند [۲۶]. مدل دینامیک سیستم با در نظر گرفتن دو مود اول استخراج شد. الگوریتم کنترلی با استفاده از تجهیزات 2022 Rioبهصورت به هنگام بر روی سیستم پیادهسازی شد.

یکی از اهداف این مقاله، نمایش معیاری برای وضعیت جانمایی بهینهٔ حسگر و عملگرهای پیزوالکتریک روی سازهٔ انعطاف پذیر با ملاحظات وزنی و استفاده از معیارهای کنترل پذیری است. برخلاف کارهای صورت پذیرفته در خصوص بهینهسازی مکانی وصلههای هوشمند بر روی سازههای رایج، این مقاله به شناسایی مکان بهینه حسگرها و عملگرها بهصورت همزمان بر روی سازههای ساندویچی در حضور عیوبی مانند ناپیوستگی میان لایهای پرداخته است. الگوریتم بهینهٔ به کاربرده شده، جایگاه عملگرها را با توجه به مکان حسگرها یا مکان حسگرها را با درنظرگرفتن مکان عملگرها توصيف مي كند. به طورى كه در ابتدا با استفاده از روش-گسسته سازی المان محدود به استخراج فرکانس ها، شکل مودها و پاسخهای دینامیکی سازهٔ ساندویچی پرداخته و سپس به جانمایی بهینهٔ وصلههای حسگر/عملگر پیزوالکتریک با استفاده از تعیین نُرمهای و H_{∞} و H_{∞} پرداخته شده است. از جمله رویکردهای نوین در این مقاله H_{2} پیادهسازی این الگوریتمهای بهینهسازی به منظور در نظر گرفتن مودهای باقیمانده در سازههای ساندویچی و با ملاحظات اثرات

^{9.} Nestorovićand Trajkov

^{10.} Sun 11. Gao

^{12.}Fiber Bragg grating

¹³Schulz

^{14.} Strain Rate Feedback (SRF)

^{15.}Positive Position Feedback (PPF)

^{16.}Sliding Mode Control

^{17.}Ferrari and Amabili

^{18.}Wledegiourgis

ناپیوستگی میان رویهها و هسته برای هرچه واقعی تر کردن فرایند مدلسازی این سازه می باشد. برای نمایش میزان اثر وصلههای پیزوالکتریک، رفتار ارتعاشات حلقه بسته سیستم با استفاده از تئوری کنترلی پسخوراند نرخ کرنش بررسی شده است.

ساختار مقاله به این قرار میباشد که در بخش دوم، مدل سازی ریاضی سازهٔ ساندویچی با دو شرایط مرزی یک سر و دو سر گیردار با مواد پیزوالکتریک جانمایی شده بر روی آن و با استفاده از روش گسسته سازی اجزاء محدود، صورت پذیرفته است. همچنین، در این بخش الگوریتم کنترل ارتعاشات مبتنی بر روش پسخوراند نرخ کرنش برای کنترل رفتار ارتعاشی این سازه ارائه شده است. جانمایی بهینهٔ حسگر/عملگرهای پیزوالکتریک با استفاده از تعیین نُرمهای H_2 میهنازی های مددی و مقایسه نتایج میپردازد و در نهایم ارائهٔ شده است. مقاله ارائهٔ نتیجه گیری به اتمام خواهد رسید. با ارائهٔ نتیجه گیری به اتمام خواهد رسید.

مدلسازی ریاضی

در این بخش معادلات حاکم، مدل مودال و جانمائی حسگر و عملگر پیزوالکتریک به صورت ریاضی مورد بررسی قرار می گیرند.

معادله حركت

پانل ساندویچی موردبررسی مطابق آنچه در شکل(۱) نشاندادهشده، مستطیلی با دورویه و هستهمیانی از جنس آلومینیوم است. محورهای مختصات درراستای طول و عرض و ضخامت سازه در نظر گرفته شده است. قابلذکر است که جهت مثبت محور zدرراستای ضخامت و رو بهپایین است. در سازه موردنظر ضخامتهای هسته، رویهٔ بالایی، رویه پایینی به ترتیب با h_b, h_r, h_c نمایش داده می شود. طول و عرض ورق به ترتیببرابر باa و طدر نظر گرفته می شود.



شکل ۱ - پانل ساندویچی مجهز به وصلههای پیزوالکتریک

درجهٔ آزادی برای هر المان به صورت زیر نمایش داده شده است: $\left\{ q^{e} \right\} = \begin{cases} q_{i} \\ q_{j} \end{cases} = \begin{bmatrix} w_{i} \ \theta_{i} \ u_{it} \ u_{ib} \ w_{j} \ \theta_{j} \ u_{jt} \ u_{jb} \end{bmatrix}^{T}$ (١)

محمدحسين تيرانداز و ميلاد عظيمي

با استفاده از چندجملهایهای مرسوم به توابع شکل بردار
میدان جابهجایی
$$\{\delta\}$$
، بهصورت زیر نوشته میشود:

$$\begin{bmatrix} w \quad \theta \quad u_1 \quad u_3 \end{bmatrix}^T = \begin{bmatrix} N_f \quad N_f' \quad N_r \quad N_b \end{bmatrix}^T \{q_e\}$$
(Y)

بهطوری که توابع
$$N'_{f}$$
, N_{f} , N_{b} , N_{t} عبارتند از:
 $[N_{t}]=\{0\ 0\ 1-\xi\ 0\ 0\ 0\ \xi\ 0\}$
 $[N_{b}]=\{0\ 0\ 0\ 1-\xi\ 0\ 0\ 0\ \xi\}$
 $[N_{f}]=\{1-(\xi-2\xi^{2}+\xi^{3})L\ 0\ 0\ 3\xi^{2}-2\xi^{3}\ (\xi^{2}+\xi^{3})L\ 0\ 0\}$ (٣)
 $[N'_{f}]=\left\{\frac{\partial N_{f}}{\partial x}\right]=\{\frac{1}{L}\frac{\partial N_{f}}{\partial \xi}]$

که در آن، Lمقدار طول المان و $\frac{x}{L} = \frac{z}{2}$ هست. با استفاده از هر یک از این توابع می توان ماتریس های سفتی رویه و هسته را برای یک المان به دست آورد. سپس، با مونتاژ این ماتریس ها با استفاده از روش المان محدود (FEM) ماتریس سفتی، میرایی و جرم را برای یک تیر با شرایط مرزی یک سرگیردار و دو سرگیردار همراه با درجهٔ آزادی برای هر گره به دست آورد. درجات آزادی مد نظر همان گونه که در شکل (۱) ملاحظه شد خیز، شیب و جابه جایی های محوری ورقه های رویهٔ بالا و پایین سازهٔ ساندویچی است. انرژی پتانسیل خمشی رویه های الاستیک را می توان با بسط انرژی کرنشی به شکل زیر استخراج کرد:

$$\begin{split} U_{be} &= \frac{1}{2} \Biggl(\int_{V} (\varepsilon_{i} \sigma_{t} + \varepsilon_{b} \sigma_{b}) dV \Big|_{t,b} + \int_{V} (\varepsilon_{a} \sigma_{a} + \varepsilon_{s} \sigma_{s}) dV \Big|_{a,s} \Biggr) \\ &= \frac{1}{2} \int_{0}^{L,L,L} (E_{t} A_{t} + E_{a} A_{a}) \Biggl(\frac{\partial u_{t}}{\partial x} \Biggr)^{2} + (E_{b} A_{b} + E_{s} A_{s}) \Biggl(\frac{\partial u_{b}}{\partial x} \Biggr)^{2} \\ &+ (E_{t} I_{t} + E_{b} I_{b} + E_{a} I_{a} + E_{s} I_{s}) \Biggl(\frac{\partial^{2} w}{\partial x^{2}} \Biggr)^{2} dx \\ &= \frac{1}{2} \Biggl\{ q^{e} \Biggr\}^{T} \int_{0}^{1} \Biggl(\frac{E_{t} A_{t}}{L} + \frac{E_{a} A_{a}}{L_{a}} \Biggr) [N_{t}']^{T} [N_{t}'] \\ &+ \Biggl(\frac{E_{b} A_{b}}{L} + \frac{E_{s} A_{s}}{L_{s}} \Biggr) [N_{b}']^{T} [N_{b}'] \\ &+ \frac{EI}{L^{3}} [N_{f}'']^{T} [N''] d\xi \Biggl\{ q^{e} \Biggr\} \\ &= \frac{1}{2} \Biggl\{ q^{e} \Biggr\}^{T} [K_{qq}]_{be}^{e} \Biggl\{ q^{e} \Biggr\} \end{split}$$

با توجه به این بسط و قرار دادن مقادیر N'_{f} , N'_{b} , N'_{t} در معادلات بالا ماتریس سفتی متقارن هر المان استخراج می شود. انرژی کرنش برشی از رابطه زیر استخراج می شود:

$$\tau_{c} = k_{d} \left(\frac{u_{t} - u_{b}}{h_{c}} + \frac{h_{0}}{h_{c}} \theta \right) = k_{d} \left(\frac{u_{t} - u_{b}}{h_{c}} + \frac{h_{0}}{h_{c}} \frac{dw}{dx} \right) \qquad (\Delta)$$

که در آن، τ_c , θ هر دو دارای مقادیر مثبت و در خلاف جهت عقربههای ساعت میباشند. با جایگذاری روابط (۱) و (۲) در رابطه (۵) خواهیم داشت:

بهینهسازی مکانی حسگر/ عملگر پیزوالکتریک بر پانل ساندویچی با اعمال اثرات ناپیوستگی

همچنین، f^e_{SRF} گشتاور کنترلی تولید شده توسط عملگر پیزوالکتریک هست، به طوری که داریم:

$$f_{SRF}^{e} = E_a d_{31} b g_1 S_C \left(\frac{h_a + h_C}{2}\right) \left\{ D_a \right\} i(t) \tag{17}$$

که در آن g_1 ضریب بهره کنترلر، S_c ضریب مناسبسازی سیگنال، g_1 شریب مناسبسازی سیگنال، d_{31} ثابت کرنش پیزوالکتریک، E_a مدول الاستیسیته عملگر پیزوالکتریک و i(t) جریان مدار بسته تولید شده توسط حسگر است که این جریان نرخ کرنش المان پنل ساندویچی را اندازه گیری می کنند و مقدار آن برابر است با:

$$i(t) = e_{31}b\left(\frac{h_{c}}{2} + h_{t} + h_{a}\right)\left\{D_{s}\right\}\left\{\dot{q}^{e}\right\}^{T}$$
(14)

 $\left\{ D_{a}
ight\}$ و $\left\{ D_{s}
ight\}$ در روابط فوق e_{31} ثابت تنش پیزوالکتریک، $\left\{ D_{s}
ight\}$ و P_{31} و به ترتیب بردارهای توزیع جریان حسگر و ولتاژ عملگر میباشد و عبارتند از:

$$D_{s} = \{0 -1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0\} D_{a}^{T} = \{-1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0\}$$
(1 Δ)

مدل مودال

مدل مودال برای یک سازه انعطاف پذیر توسط ماتریس های جرم، میرایی، سفتی و همچنین موقعیتهای حسگر/عملگر پیزوالکتریک تعیین می شود.این پارامترها در ساختار معادله دیفرانسیل مرتبه دوم قرار دارند:

$$\mathbf{M}\ddot{\mathbf{x}} + \mathbf{D}\dot{\mathbf{x}} + \mathbf{K}\mathbf{x} = \mathbf{B}\mathbf{f}$$

$$\mathbf{y} = \mathbf{C}_{x}\mathbf{x} + \mathbf{C}_{v}\dot{\mathbf{x}}$$
 (15)

y که در آن \mathbf{x} بردار n بعدی جابهجایی نودال، \mathbf{f} بردار r بعدی ورودی، \mathbf{y} بردار S بعدی خروجی و [M]، [D] و [M] به ترتیب ماتریس های سفتی، میرایی و جرم که هریک ماتریسهای $n \times n$ می باشند. ماتریس ورودی \mathbf{B} با ابعاد $n \times r$ شامل موقعیتهای عملگر و ماتریس خروجی جابهجایی \mathbf{C}_x و سرعت \mathbf{C}_v با ابعاد $s \times n$ شامل موقعیتهای جابهجایی و سرعت حسگر هستند. در اینجا ماتریس جرم یک ماتریس مثبت معین و ماتریسهای سفتی و میرایی مثبت نیمه معین است. همچنین، n تعداد درجات آزادی، r تعداد عملگرها و \mathcal{S} تعداد حسگرها $\mathbf{x} = \phi e^{i\omega t}$ درنظرگرفته شده است. با پیادهسازی پاسخ هارمونیک فرکانس های طبیعی ϕ_i و شکل مودهای متناظر با آن ϕ_i از حل دترمینان معادله جبری همگن سیستم، استخراج می شود. به گونهای که $\Omega = diag(\omega_1, \omega_2, ..., \omega_n)$ فرم ماتریسی آن ها را می توان به صورت و $[\phi_1 \ \phi_2 \dots \ \phi_n]$ نمایش داد. فرم مودال معادله (۱۶) را می توان $\Phi = [\phi_1 \ \phi_2 \dots \ \phi_n]$ با تعریف $\mathbf{x} = \mathbf{\Phi} \mathbf{x}_m$ که در آن \mathbf{x}_m بردار مودال جابهجایی است، تعيين كرد. با استفاده از خاصيت تقارن ماتريسهاي جرم، سفتي و ميرايي، فرم تبديل يافته أنها عبارت است از:

$$\tau_{c} = -k_{d} \left[\frac{N_{t} - N_{b}}{h_{c}} + \frac{h_{0}}{h_{c}} \frac{dN_{f}}{dx} \right] \left\{ q^{e} \right\}$$
(5)

همچنین انرژی پتانسیل برشی هسته به صورت رابطه (۷) در نظر گرفته میشود:

$$U_{shear} = \frac{1}{2} \int_{V} G_{C} \tau_{C}^{2} dV$$

= $\frac{1}{2} \frac{k_{d} G_{C} A_{C} L}{h_{C}^{2}} \{q^{e}\}^{T} \int_{0}^{1} \left[N_{i} - N_{b} + \frac{h_{0}}{L} N_{f}' \right]^{T}$ (V)
 $\left[N_{i} - N_{b} + \frac{h_{0}}{L} N_{f}' \right] d\xi \{q^{e}\} = \frac{1}{2} \{q^{e}\}^{T} \left[K_{qq} \right]_{shear}^{e} \{q^{e}\}$

که در آن، k_a پارامتر تعیین کنندهٔ شرایط اتصال بین لایههای پنل ساندویچی میباشد، بهطوری که اگر $k_i = 0$ اتصال لایهها کاملاً ناپیوسته و وقتی که $1 = k_i$ اتصال بین لایهها در بهترین حالت پیوستگی خود قرار دارد. المان ماتریس سفتی نهایی سیستم عبارت است از:

$$[K_{qq}] = [K_{qq}]_{be}^{e} + [K_{qq}]_{shear}^{e}$$
(A)

بهطور مشابه انرژی جنبشی رویهها بهصورت زیر استخراج میشود:

$$T = \frac{1}{2} \int_{0}^{L} (\rho_{0} \dot{w}^{2} + (\rho_{t} + \rho_{a}) \dot{u}_{t}^{2} + (\rho_{b} + \rho_{s}) \dot{u}_{b}^{2}) dx$$

$$= \frac{L}{2} \{ \dot{q}^{e} \}^{T} \int_{0}^{1} (\rho_{0} [N_{f}]^{T} [N_{f}] + (\rho_{t} + \rho_{a}) [N_{t}]^{T} [N_{t}]$$

$$+ (\rho_{b} + \rho_{s}) [N_{b}]^{T} [N_{b}]) d\xi \{ \dot{q}^{e} \}$$

$$= \frac{1}{2} \{ \dot{q}^{e} \}^{T} [M_{qq}]^{e} \{ \dot{q}^{e} \}$$

$$\sum_{k=1}^{2} \{ \dot{q}^{e} \}^{T} [M_{qq}]^{e} \{ \dot{q}^{e} \}$$

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{M}_{qq} \end{bmatrix}^{e} = \int_{0}^{1} (\boldsymbol{m}_{0} \begin{bmatrix} \boldsymbol{N}_{f} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} \boldsymbol{N}_{f} \end{bmatrix} + \boldsymbol{m}_{t} \begin{bmatrix} \boldsymbol{N}_{t} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} \boldsymbol{N}_{t} \end{bmatrix} + \boldsymbol{m}_{b} \begin{bmatrix} \boldsymbol{N}_{b} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} \boldsymbol{N}_{b} \end{bmatrix}) d\boldsymbol{\xi}$$
(\.)

در این روابط $m_i = m_c + m_c + m_b$ جرم واحد طول $W_i = m_i + m_c + m_b$ جرم المان تیر هست. بنابراین، معادله حرکت سیستم عبارت است از:

$$\left[M_{qq}\right]_{eq}^{e}\left\{\ddot{q}^{e}\right\}+\left[D_{qq}\right]_{eq}^{e}\left\{\dot{q}^{e}\right\}+\left[K_{qq}\right]_{eq}^{e}\left\{q^{e}\right\}=f_{eq}^{e}+f_{SRF}^{e} \qquad (11)$$

که در آن D_{qq}^{e} , M_{qq}^{e} , K_{qq}^{e} , f_{eq}^{e} بردار نیرو و ماتریسهای سختی، جرم و میرایی برای یک المان (۲ گره) از سازهٔ ساندویچی میباشد. شایان ذکر است که ماتریس D_{qq}^{e} با استفاده از روش رایلی (میرایی تناسبی) به دست میآید و داریم:

$$\left[D_{qq}^{e}\right] = \alpha \left[M_{qq}^{e}\right] + \beta \left[K_{qq}^{e}\right]$$
(17)

$$\sigma_{2ki} = w_{ki} \frac{\|\mathbf{G}_{ki}\|_{2}}{\|\mathbf{G}\|_{2}}$$

$$\sigma_{\infty ki} = w_{ki} \frac{\|\mathbf{G}_{ki}\|_{\infty}}{\|\mathbf{G}\|_{\infty}} \quad k = 1, \dots, S \qquad i = 1, \dots, n$$
(YY)

که در آن، $0 \leq w_{ki}$ وزن اختصاص داده شده به kامین عملگر در *ن*امین مود و n تعداد مودهاست. در نرمافزارهای کاربردی برای بیان راحت تر، شاخص های جانمایی را می توان به صورت ماتریس جانمائی نمایش داد و داریم:

$$\Sigma_{2} = \begin{bmatrix} \sigma_{211} & \sigma_{212} & \dots & \sigma_{21k} & \dots & \sigma_{21s} \\ \sigma_{221} & \sigma_{222} & \dots & \sigma_{22k} & \dots & \sigma_{22s} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \sigma_{2i1} & \sigma_{2i2} & \dots & \sigma_{2ik} & \dots & \sigma_{2is} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \sigma_{2n1} & \sigma_{2n2} & \dots & \sigma_{2nk} & \dots & \sigma_{2ns} \end{bmatrix}$$

$$\Sigma_{\infty} = \begin{bmatrix} \sigma_{\infty11} & \sigma_{\infty12} & \dots & \sigma_{\infty1k} & \dots & \sigma_{\infty1s} \\ \sigma_{\infty21} & \sigma_{\infty22} & \dots & \sigma_{\infty2k} & \dots & \sigma_{\infty2s} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \sigma_{\inftyi1} & \sigma_{\inftyi2} & \dots & \sigma_{\inftyik} & \dots & \sigma_{\inftyis} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \sigma_{\inftyn1} & \sigma_{\inftyn2} & \dots & \sigma_{\inftynk} & \dots & \sigma_{\inftyns} \end{bmatrix}$$

$$(Y^{m})$$

شبیهسازیهای عددی

در این بخش با ذکر دو مثال به بررسی نتایج شبیه سازی پرداخته شده است. سازهٔ ساندویچی با هستهٔ لانه زنبوری تعریف شده در شکل (۱) با استفاده از روش المان محدود به ۸ المان مساوی تقسیم شده است. مشخصه های فیزیکی این سازه مجهز به وصله های پیزوالکتریک در جدول (۱) ارائه شده است.

جدول ۱ – مشخصات فیزیکی سازه ساندویچی

. . .	سازه میزبان		
پيروالكىرىك	هسته	رويەھا	مسحصات
$E_p = 68 \times 10^9$	$G_c = 0.26 \times 10^9$	$E_{t,b} = 70 \times 10^9$	مدول یانگ/ مدول برشی(pa)
$\rho_{\scriptscriptstyle P}=7700$	$ \rho_c = 83.3 $	$\rho_{t,b} = 2700$	چگالی(<i>kg / m</i> ³)
$h_p = 0.00035$	$h_{c} = 0.002$	$h_{t,b} = 0.0007$	ضخامت(m)
$w_{p} = 0.08$	$w_{c} = 0.2$	$w_{t,b} = 0.2$	عرض(m)
$L_{p} = 0.08$	$L_{c} = 0.7$	$L_{t,b} = 0.7$	طول(m)
$e_{31} = 10.5 \times 10^{-3}$	-	-	ثابت تنش پيزوالكتريک (m/V)
$d_{31} = 125 \times 10^{-12}$	-	-	نابت کرنش پیزوالکتریک (m/V)

فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی دوره ۱۳/ شمارهٔ ۲ / تابستان ۱۳۹۹ (پیاپی ۴۳)

$$\mathbf{M}_{m} = \mathbf{\Phi}^{T} \mathbf{M} \mathbf{\Phi}$$

$$\mathbf{K}_{m} = \mathbf{\Phi}^{T} \mathbf{K} \mathbf{\Phi}$$

$$\mathbf{D}_{m} = \mathbf{\Phi}^{T} \mathbf{D} \mathbf{\Phi}$$

با ضرب ${}^{T} \Phi_{m}^{-1}$ در سمت چپ معادله (۱۶) فرم مودال آن بهصورت رابطه (۱۸) تعیین می شود:

$$\ddot{\mathbf{x}}_m + 2\mathbf{Z}\mathbf{\Omega}\dot{\mathbf{x}}_m + \mathbf{\Omega}^2 \mathbf{x}_m = \mathbf{B}_m \mathbf{u}$$

$$\mathbf{y} = \mathbf{C}_m \mathbf{x}_m + \mathbf{C}_m \dot{\mathbf{x}}_m$$
(1A)

که در معادله فوق $\mathbf{C} = 0.5 \, \mathbf{M}_m^{-1} \mathbf{D}_m \mathbf{\Omega}^{-1}$ ماتریس قطری میرایی مودال، $\mathbf{B}_m = \mathbf{M}_m^{-1} \mathbf{\Phi}^T \mathbf{B}$ ماتریس ورودی مودال، مودال، $\mathbf{C}_{mv} = \mathbf{C}_w \mathbf{Q}$ ماتریس ورودی مودال، ترتیب ماتریسهای جابهجایی و سرعت مودال هستند.

نُرمهای مودال

در زیر با توجه به نُرمهای $H_2 e^{-1} H_2$ سیستم، مودها و موقعیتهای مهم جهت جانمائی حسگرها و عملگرهای پیزوالکتریک بهدست آمده است. با در نظر گرفتن $G(\omega)$ به عنوان تابع پاسخ فرکانسی، برای نُرمهای $H_2 e^{-1}$ خواهیم داشت:

$$\|\mathbf{G}\|_{2}^{2} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} tr(\mathbf{G}^{*}(\omega)\mathbf{G}(\omega))d\omega$$

$$\|\mathbf{G}\|_{\infty} = \max \sigma_{\max}(\mathbf{G}(\omega))$$
(19)

در اینجا نُرمهای $H_{
m o}_{
m o}$ و $H_{
m 2}$ برای یک سازه انعطاف پذیر به

صورت مودال برای *ن*امین مود به شکل زیر بیان می شود:

$$\begin{aligned} \left\| \mathbf{G}_{i} \right\|_{2} &\cong \frac{\left\| \mathbf{B}_{i} \right\|_{2} \left\| \mathbf{C}_{i} \right\|_{2}}{2\sqrt{\zeta_{i}\omega_{i}}} \\ \left\| \mathbf{G}_{i} \right\|_{\infty} &\cong \frac{\left\| \mathbf{B}_{i} \right\|_{\infty} \left\| \mathbf{C}_{i} \right\|_{\infty}}{2\sqrt{\zeta_{i}\omega_{i}}} \end{aligned} \tag{Y}$$

که در آن، ζ_i نسبت میرایی iامین مود است. بایـد بـه ایـن نکته توجه داشت که نُرمهای $H_0 = H_2$ برای iامین مـود و فقط با j امین عملگر یا با iامین مود و فقط kامین حسـگر و به صورت زیر محاسبه میشود:

$$\|\mathbf{G}_{i}\|_{2}^{2} \cong \sum_{j=1}^{R} \|\mathbf{G}_{ij}\|_{2}^{2} \quad , \ \|\mathbf{G}_{i}\|_{2}^{2} \cong \sum_{k=1}^{S} \|\mathbf{G}_{ik}\|_{2}^{2}$$

$$\|\mathbf{G}_{i}\|_{\infty}^{2} \cong \sum_{j=1}^{R} \|\mathbf{G}_{ij}\|_{\infty}^{2} \quad , \ \|\mathbf{G}_{i}\|_{\infty}^{2} \cong \sum_{k=1}^{S} \|\mathbf{G}_{ik}\|_{\infty}^{2}$$

$$(\Upsilon \mathbb{V})$$

جانمایی حسگر و عملگر پیزوالکتریک

بهوسیله تابع انتقال سیستم، تمام S موقعیت نامزد برای قرارگیری عملگر مشخص شده می باشد. با توجه به تمام مودها و عملگرهای مجاز، شاخص جانمایی σ_{2ki} که k امین عملگر برای iمین مود از روابط نُرمهای H_{∞} و H_{α} می باشد، تعیین شده است:

بهینهسازی مکانی حسگر / عملگر پیزوالکتریک بر پانل ساندویچی با اعمال اثرات ناپیوستگی

در ادامه شبیه سازی های عددی برای جانمایی بهینه وصله های حسگر احملگر پیزوالکتریک با استفاده از نُرمهای H_2 و H_2 برای دو مورد مطالعه با شرایط مرزی یک سر گیردار و دو سر گیردار بررسی شده است.

سازهٔ یک سر گیردار

با توجه به روابط (۱) تا (۱۷) و مشخصات سازهٔ تیر ساندویچی نتایج مقدار جابهجایی برای گره انتهایی با شرایط مرزی یک سر گیردار و گرهٔ وسط تیر برای حالت دو سر گیردار بهصورت مجزا ارائه شده است. جابجایی انتهای تیر با شرایط مرزی یک سر گیردار بول گرهٔ وسط تیر برای حالت دو سر گیردار بدون مجزا ارائه شده است. جابجایی انتهای تیر شکل (۲) نمایش داده شده است. همچنین، مقدار جابهجایی این گره برای شکل (۲) نمایش داده شده است. همچنین، مقدار جابهجایی این گره برای شده اندی که وصلههای پیزوالکتریک در مالتی که وصلههای پیزوالکتریک بر روی المانهای گوناگون قرار داده شده است. نتایج جابهجایی این گره برای شده اندی که وصلههای پیزوالکتریک بر روی المانهای گوناگون قرار داده شده است. نتایج جابهجایی، با در شده اندی در شکلهای (۳) تا (۸) نشان داده شده است. نتایج جابهجایی، با در برای تیر یک سر گیردار مدل شده که نتایج بهصورت شکل (۹) نشان داده شده است. نتایج جابهجایی با در شده است. نتایج جابهجایی با در شده است. نتایج ابه در یوالکتریک پر موای می شرای ترای ایرای ترای (۱) نشان داده شده است. نتایج جابهجایی با در شده است. نتایج بایوستگی مالوی (۱) تا (۸) نشان داده شده است. نتایج جابهجایی با در شده است. نتایج بایوستگی شده است. نتایج جابهجایی با در شده است. نتایج بایوستگی ای می مود اول (۹) نشان داده شده نده که نتایج بهصورت شکل (۹) نشان داده شده نمه است. نتایج بایوستگی شده است. همچنین، مقدار جابهجایی هر گره براساس نُرمهای (-1) نشان داده شده نمایش واضحتر سه مود اول و (۱۰) تا (۱۲) و (۱۳) و (۱۳) تا (۱۶) (به منظور شده است. علاوهبراین، نمودار بُد تیر ساندویچی با توجه به شرایط مرزی یک سر گیردار در شکل (۱۸) نمایش داده شده است. گیردار در شکل (۱۸) نمایش داده شده است.



شکل ۲ – جابه جایی سازهٔ یک سر گیردار ساندویچی بدون اثر وصله های پیزوالکتریک



شکل ۳- جابهجایی سازهٔ یک سر گیردار ساندویچی با جانمایی وصلهٔ پیزوالکتریکبر روی المان اول



شکل ۴- جابهجایی سازهٔ یک سر گیردار ساندویچی با جانمایی وصلهٔ پیزوالکتریکبر روی المان سوم



شکل ۵- جابهجایی سازهٔ یک سر گیردار ساندویچی با جانمایی وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی المان پنجم



شکل ۶- جابهجایی سازهٔ یک سر گیردار ساندویچی با جانمایی وصلهٔ پیزوالکتریکبر روی المان هشتم

فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی دوره ۱۳ (شمارهٔ ۲ / تابستان ۱۳۹۹ (پیاپی ۴۲)



شکل • ا مکان بھینہ $_{\infty}^{H}$ جھت قرارگیری وصلۂ پیزوالکتریک برای مود اول ارتعاشی سازۂ یک سر گیردار



شکل ۱۱ – مکان بهینه H_{∞} جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای مود دوم ارتعاشی سازهٔ یک سر گیردار



شکل ۲۲ – مکان بھینہ H_{∞} جھت قرارگیری وصلۂ پیزوالکتریک برای مود سوم ارتعاشی سازۂ یک سر گیردار



شکل ۷− جابهجایی سازهٔ یک سر گیردار با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی المان ابتدایی و انتهایی



شکل ۸- جابهجایی سازهٔ یک سر گیردار با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی المان ابتدایی، پنجم و انتهایی



شکل۹- اثرات ناپیوستگی بر جابهجایی سازهٔ یک سر گیردار ساندویچی با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک



فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی

شکل ۱۶ – مکان بهینه H₂ جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای مود سوم ارتعاشی سازهٔ یک سر گیردار



شکل ۱۷ – مکان بهینه H_2 جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای ۶ مود اول ارتعاشی سازهٔ یک سر گیردار



شکل ۱۸ – نمودار بد پانل ساندویچی با شرایط مرزی یک سر گیردار

سازهٔ دو سر گیردار

با توجه به روابط (۱) تا (۱۷) و مشخصات سازهٔ تیر ساندویچی نتایج مقدار جابهجایی برای گرهٔ وسط تیر با شرایط مرزی دو سر گیردار



شکل ۱۳ – مکان بھینہ H_{∞} جھت قرارگیری وصلۂ پیزوالکتریک برای ۶ مود اول ارتعاشی سازۂ یک سر گیردار



شکل ۱۴ – مکان بھینہ H₂ جھت قرارگیری وصلۂ پیزوالکتریک برای مود اول ارتعاشی سازۂ یک سر گیردار



شکل ۱۵ – مکان بھینه H_2 جھت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای مود دوم ارتعاشی سازهٔ یک سر گیردار

۴۵ /

برای سازهٔ تیر بدون جانمائی وصلههای پیزوالکتریک در شکل (۱۹) نمایش داده شده است. همچنین، مقدار جابهجایی این گره برای زمانی که وصلههای پیزوالکتریک بر روی المانهای گوناگون قرار داده شدهاند در شکلهای (۱۹) تا (۲۴) نشان داده شده است.

نتایج جابهجایی، با در نظر گرفتن اثرات ناپیوستگی در حالتهای ۳۰، ۵۰ و ۲۰ درصد ناپیوستگی برای تیر دو سر گیردار مدل شده و نتایج در شکل (۲۵) نشان داده شده است. همچنین، مقدار جابهجایی هر گره براساس نُرمهای $_{\infty}H_{\rm g}$ $_2$ تا ۳ مود اول در شکلهای (۲۶) تا (۲۸) و (۳۰) تا (۳۲) به صورت تجمیعی و در شکلهای (۲۹) و (۳۳) برای شرایط مرزی دوسر گیردار نمایش داده شده است. علاوهبراین، نمودار بُد تیر ساندویچی با توجه به شرایط مرزی دو سرگیردار در شکل (۳۴) نمایش داده شده است.



شکل ۱۹ – جابهجایی سازهٔ دو سر گیردار ساندویچی بدون اثر وصلههای پیزوالکتریک



شکل ۲۰ – جابهجایی سازهٔ دو سر گیردار با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی المان انتهایی

محمدحسين تيرانداز و ميلاد عظيمي



شکل ۲۱ – جابهجایی سازهٔ دو سر گیردار با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی المان



شکل ۲۲ – جابهجایی گرهٔ وسط سازهٔ دو سر گیردار با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی المان پنجم



شکل ۲۳ – جابهجایی سازهٔ دو سر گیردار با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی المان ابتدایی و انتهایی



شکل ۲۷- مکان بهینه H_{∞} جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای مود دوم ارتعاشی سازهٔ دو سرگیردار



شکل ۲۸ – مکان بهینه H_{∞} جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای مود سوم ارتعاشی سازهٔ دو سر گیردار



شکل ۲۹ – مکان بهینه $_{\infty}^{H}$ جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای ۶ مود اول ارتعاشی سازهٔ دو سرگیردار



شکل ۲۴ – جابهجایی سازهٔ دو سرگیردار با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک بر روی المان ابتدایی، پنجم و انتهایی



شکل ۲۵ – اثرات ناپیوستگی بر جابهجایی پانل دو سر گیردار ساندویچی با اثر وصلهٔ پیزوالکتریک



شکل ۲۶– مکان بھینہ _سH جھت قرارگیری وصلۂ پیزوالکتریک برای مود اول ارتعاشی سازۂ دو سرگیردار



شکل ۳۳ – مکان بهینه H_2 جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای ۶ مود اول ارتعاشی سازهٔ دو سرگیردار



شکل ۳۴- نمودار بد ساندویچ پنل با شرایط مرزی دو سرگیردار

نتيجه گيرى

در این مقاله جانمایی بهینهٔ حسگر و عملگرهای پیزوالکتریک بر روی سازههای هوشمند ساندویچی با استفاده از نرمهای H_{2} و H_{2} مطالعه شده است. این رویکرد با استفاده از مدلسازی عددی سازهٔ ساندویچی با دو شرایط تکیهگاهی یک سر گیردار و دو سر گیردار پیادهسازی شده و شش مود اول ارتعاشی با استفاده از الگوریتم کنترلی پسخوراند نرخ کرنش کنترل شد. در ابتدا به مدلسازی سازهٔ ساندویچی با تقسیم بندی سازه به ۸ المان از طریق روش المان محدود پرداخته و اثرات ناپیوستگی بین لایههای پانل ساندویچی در سه حالت ۳۰، ۵۰ و ۲۰ درصد ناپیوستگی بررسی شد. براساس نتایج حاصل، این مکانها با توجه به تعداد مودهای مد نظر برای یک سیستم متفاوت است. آنچه از نتایج حاصل از شبیهسازی ا



فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی

شکل ۲۰ مکان بهینه H₂ جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای مود اول ارتعاشی سازهٔ دو سرگیردار



شکل ۳۱ مکان بهینه H₂ جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای مود دوم ارتعاشی سازهٔ دو سرگیردار



شکل ۳۲ – مکان بهینه H_2 جهت قرارگیری وصلهٔ پیزوالکتریک برای مود سوم ارتعاشی سازهٔ دو سرگیردار

/ ۴۸

Vibration Control", *in International Symposium on Intelligence Computation and Applications*. 2008. Springer.

- [10] Yang, Y., Jin, Z., and Soh, C.K., "Integrated Optimal Design of Vibration Control System for Smart Beams Using Genetic Algorithms", Journal of Sound and Vibration, Vol. 282, No's. 3-5, 2005, pp. 1293-1307.
- [11] Hasheminejad, S.M. and Oveisi, A., "Active Vibration Control of an Arbitrary Thick Smart Cylindrical Panel with Optimally Placed Piezoelectric Sensor/Actuator Pairs", *International Journal of Mechanics and Materials in Design*, Vol. 12, No. 1, 2016, pp. 1-16.
- [12] Qiu, Z.-C., et al., "Optimal Placement and Active Vibration Control for Piezoelectric Smart Flexible Cantilever Plate", *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 301, No's. 3-5, 2007, pp. 521-543.
- [13] Qingsong, C. and Ailan, Y., "Optimal Actuator Placement for Vibration Control of Two-link Piezoelectric Flexible Manipulator", in 2010 International Conference on Mechanic Automation and Control Engineering. 2010. IEEE.
- [14] Stanway, R., Vibration Control of Active Structures—An Introduction. 2004, SAGE Publications Sage UK: London, England.
- [15] Lu, E., et al., "Optimal Placement and Active Vibration Control for Piezoelectric Smart Flexible Manipulators Using Modal H₂ Norm", Journal of Intelligent Material Systems and Structures, Vol. 29, No. 11, 2018, pp. 2333-2343.
- [16] Zhang, J., et al. "Study of the Optimal Location and Size of Piezoelectric Actuator in Smart Structures", in 2009 International Asia Conference on Informatics in Control, Automation and Robotics. 2009. IEEE.
- [17] Nestorović, T. and Trajkov, M., "Optimal Aactuator and Sensor Placement Based on Balanced Reduced Models", *Mechanical Systems* and Signal Processing, Vol. 36, No. 2, 2013, pp. 271-289.
- [18] Sun, D., et al., "A PZT Actuator Control of a Single-Link Flexible Manipulator Based on Linear Velocity Feedback and Actuator Placement", *Mechatronics*, Vol. 14, No. 4, 2004, pp. 381-401.
- [19] Gao, Z., et al., "Active Monitoring and Vibration Control of Smart Structure Aircraft Based on FBG Sensors and PZT Actuators", Aerospace Science and Technology, Vol. 63, 2017, pp. 101-109.
- [20] Schulz, S.L., Gomes, H.M., and Awruch, A.M., "Optimal Discrete Piezoelectric Patch Allocation on Composite Structures for Vibration Control

بهترین مکانهای مناسب دارایبیشترین مقدار جابهجایی در سازه با شرایط مرزی یک سر گیردار در ۶ مود اول برای هر دو نُرم H_{2} و H_{2} و مربوط به المانهای سوم و انتهایی است. همچنین، این متغییر در سازه با شرایط مرزی دو سرگیردار در نُرم H_{2} مربوط به المانهای سوم تا ششم و برای نُرم H_{2} المانهای سوم و ششم میباشد.

فهرست منابع

- [1] Azarafza, R., "Fabrication, Experimental Modal Testing, and a Numerical Analysis of Composite Sandwich Structures with a Grid-Stiffened Core", Mechanics of Composite Materials, Vol. 54, No. 4, 2018, pp. 537-544.
- [2] Salem, H., Boutchicha, D., and Boudjemai, A., "Modal Analysis of the Multi-shaped Coupled Honeycomb Structures Used in Satellites Structural Design", *International Journal on Interactive Design and Manufacturing (IJIDeM)*, Vol. 12, No. 3, 2018, pp. 955-967.
- [3] Khan, A., Kim, H.S., and Youn, B.D., "Modeling and Assessment of Partially Debonded Piezoelectric Sensor in Smart Composite Laminates", *International Journal of Mechanical Sciences*, Vol. 131, 2017, pp. 26-36.
- [4] Chróścielewski, J., Schmidt, R., and Eremeyev, V.A., "Nonlinear Finite Element Modeling of Vibration Control of Plane Rod-type Structural Members with Integrated Piezoelectric Patches", *Continuum Mechanics and Thermodynamics*, Vol. 31, No. 1, 2019, pp. 147-188.
- [5] Gedeon, D. and S.J. Rupitsch, "Finite Element Based System Simulation for Piezoelectric Vibration Energy Harvesting Devices", *Journal of IntelligentMaterial Systems and Structures*, Vol. 29, No. 7, 2018, pp. 1333-1347.
- [6] Benjeddou, A., "Advances in Piezoelectric Finite Element Modeling of Adaptive Structural Elements: a Survey", *Computers & Structures*, Vol. 76, No's. 1-3, 2000, pp. 347-363.
- [7] Crawley, E.F. and De Luis, J. "Use of Piezoelectric Actuators as Elements of Intelligent Structures", AIAA journal, Vol. 25, No. 10, 1987, pp. 1373-1385.
- [8] Daraji, A.H., Hale, J.M., and Ye, J., "New Methodology for Optimal Placement of Piezoelectric Sensor/Actuator Pairs for Active Vibration Control of Flexible Structures", *Journal* of Vibration and Acoustics, Vol. 140, No. 1, 2018, pp. 011015.
- [9] Zhang, J., et al. "The Design of LQR Controller Based on Independent Mode Space for Active

- [24] AkhavanAlavi, S., Mohammadimehr, M., and Edjtahed, S., "Active Control of Micro Reddy Beam Integrated with Functionally Graded Nanocomposite Sensor and Actuator Based on Linear Quadratic Regulator Method", *European Journal of Mechanics-A/Solids*, Vol. 74, 2019, pp. 449-461.
- [25] Ferrari, G. and Amabili, M. "Active Vibration Control of a Sandwich Plate by Non-collocated Positive Position Feedback", *Journal of Sound* and Vibration, Vol. 342, 2015, pp. 44-56.
- [26] Weldegiorgis, R., Krishna, P., and Gangadharan, K., "Vibration Control of Smart Cantilever Beam Using Strain Rate Feedback", *Procedia Materials Science*, Vol. 5, 2014, pp. 113-122.

Based on GA and Modal LQR", *Computers & Structures*, Vol. 128, 2013, pp. 101-115.

- [21] Liang, D., et al., "Dynamic Modeling and Hierarchical Compound Control of a Novel 2-DOF Flexible Parallel Manipulator with Multiple Actuation Modes", *Mechanical Systems and Signal Processing*, Vol. 103, 2018, pp. 413-439.
- [22] Amer, Y., et al., "Positive Position Feedback Controller for Nonlinear Beam Subject to Harmonically Excitation", *Asian Research Journal of Mathematics*, 2019: p. 1-19.
- [23] Sun, L., et al., "Active Vibration Control of a Conical Shell Using Piezoelectric Ceramics", *Journal of Low Frequency Noise, Vibration and Active Control*, Vol. 36, No. 4, 2017, pp. 366-375.