

Size Optimization of Space Structures Using Genetic Algorithm and Gradient Methods

A. Vafaeefar^{1*} and S. H. Tabatabai²

1 and 2. Mechanical Engineering Group, School of Engineering, Imam Hussein University

*Shahid Babai, Tehran, IRAN

abbas_y@yahoo.com

Weight optimization is one of important parameters in space structure design. Size optimization is usually performed using gradient or genetic algorithm. Gradient algorithm is based on derivation of objective function and constraints of problem. The performance of gradient method is depended on start point and do not search all design domain. Genetic algorithm searches all design domains, but it cannot get close to the global optimum. In this paper, a new method is presented for size optimization. The algorithm starts with genetic algorithm and result of genetic algorithm is then used as start point for gradient algorithm. The presented method is used for size optimization of two trusses with three and ten elements. It is also applied on for optimization of a lattice structure of parabolic antenna. The results show that the present algorithm can perform better results compared to genetic algorithm alone.

Keywords: size optimization, space structures, genetic algorithm, antenna lattice structure, finite element

1. Associate Professor, Mechanical Engineering Group, (Corresponding Author)
2. M.Sc. of Mechanical Engineering, Mechanical Engineering Group

بهینه‌سازی ابعاد سازه‌های فضایی با استفاده از ترکیب الگوریتم ژنتیک و روش‌های گرادیان

عباس وفایی صفت^۱ و سید حسین طباطبایی^۲

۱. دانشیار، گروه مهندسی مکانیک، دانشکده فنی، دانشگاه جامع امام حسین (ع)

۲. کارشناس ارشد مکانیک، دانشکده فنی، دانشگاه جامع امام حسین (ع)

تهران، اتوبار شهید بابایی

Abbas_v@yahoo.com

یکی از پارامترهای مهم در طراحی سازه‌های فضایی بهینه‌بودن ابعاد و در نتیجه وزن سازه است. بهینه‌سازی ابعادی عمدهاً به وسیله الگوریتم‌های گرادیان و الگوریتم ژنتیک انجام می‌شود. اصول عملکرد الگوریتم‌های گرادیان بر پایه مشتق تابع هدف و قیود مسئله است. عملکرد این الگوریتم‌ها به نقطه اولیه وابسته است و توانایی جستجوی همه فضای طراحی را ندارند. الگوریتم ژنتیک روشی را جستجو می‌کند ولی توانایی خوبی نزدیک شدن به نقطه بهینه اصلی را ندارد. در این مقاله، روشی ارائه شده است که فرآیند بهینه‌سازی با الگوریتم ژنتیک شروع شده است و خروجی آن به عنوان نقطه اولیه در الگوریتم گرادیان قرار داده می‌شود. برای ارزیابی روش ارائه شده، این روش برای بهینه‌سازی ابعاد یک نمونه سازه خرپایی سه عضوی و یک خرپایی ده عضوی و همچنین سازه مشبک آتن سهموی به کار برده شده است. نتایج بدست آمده نشان می‌دهد که ابعاد بهینه بدست آمده از روش ترکیب دو الگوریتم ژنتیک بتری دارد.

واژگان کلیدی: بهینه‌سازی ابعادی، سازه‌های فضایی، الگوریتم ژنتیک، سازه مشبک آتن، المان محدود

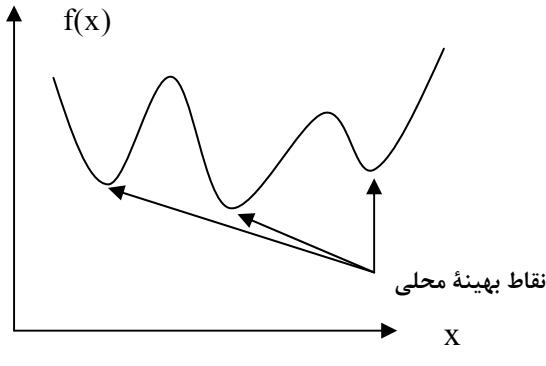
روش گرادیان^۱، روش برنامه مربع متوالی^۲ و روش‌های تقریبی، در بهینه‌سازی سازه فضایی موقوف بوده است [۲]. بسیاری از این روش‌ها بر اساس بسط سری تیلور تابع هدف و قیود مسئله با توجه به متغیرهای طراحی استوار هستند. ایمایی، از روش‌های عددی استوار بر ضرایب لاگرانژ که اغلب به روش اصلی دو گانه^۳ یاد می‌شود، استفاده کرده است [۴-۳]. این روش‌ها قابلیت به کارگیری برای مسائلی با قیود مساوی و نامساوی را دارند. نتیجتاً با انجام تحقیقات وسیع در این زمینه، تکنیک‌های محاسباتی جدیدی از قبیل الگوریتم ژنتیک با قابلیت به کارگیری در مسائل کاربردی متنوع یافت شده است. بلوزیوس، وانگ، تای و سنسوک و همکارانشان فعالیت‌هایی

مقدمه

بهینه‌سازی ابعادی یکی از مراحل مهم در فرآیند طراحی سازه‌های فضایی است. بهینه‌سازی ابعادی به معنای یافتن ابعاد مناسب و بهینه برای یک سازه یا قطعه است و متغیرهای طراحی در این نوع بهینه‌سازی شامل ابعاد و اندازه‌های سازه مورد نظر هستند. تابع هدف معمولاً در این نوع بهینه‌سازی وزن یا استحکام است و قیود مسئله می‌تواند تنש، جابه‌جایی و محدودیت بر متغیرهای طراحی باشد [۲-۱]. فرآیند بهینه‌سازی می‌تواند توسط روش‌های مختلفی انجام شود ولی فعالیت‌های انجام شده در این زمینه عموماً بر پایه استفاده از الگوریتم ژنتیک یا الگوریتم‌های مشتقی (گرادیان) استوارند. وندرپلت از محققانی است که در اعمال روش‌هایی از قبیل

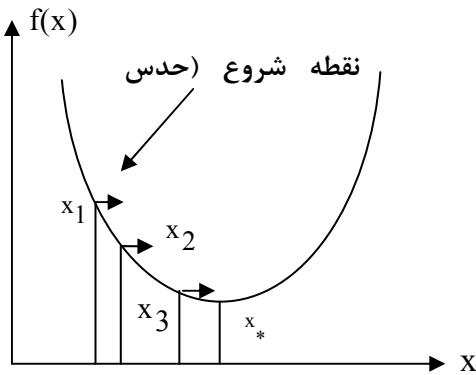
1. Gradient method
2. Sequential quadratic programming
3. Primal dual

کند شده و زمان فرآیند افزایش می‌یابد. عموماً الگوریتم‌های پایه مشتقی هنگامی که به نقطهٔ بهینه نزدیک می‌شوند بهتر عمل می‌کنند [۲].



شکل ۱- تابعی با چندین نقطهٔ بهینه محلی

در شکل (۲) نحوهٔ پیشروی روش‌های گرادیان برای یافتن نقطهٔ بهینه نشان داده شده است.



شکل ۲- نمایش پیشروی روش‌های گرادیان جهت یافتن نقطهٔ بهینه

الگوریتم ژنتیک

الگوریتم ژنتیک یک الگوریتم کارا، کاربردی و بسیار قوی است که براساس قوانین حاکم بر زن‌های طبیعی استوار است [۹]. این الگوریتم براساس تولید جمعیت زیاد برای یافتن بهترین تقریب‌ها عمل می‌کند و حل بهینه به صورت تدریجی به دست می‌آید. جمعیت در این روش به یک سری از کروموزوم‌ها اطلاق می‌شود و اصولی مانند انتخاب^۳، متقاطع کردن (برش)^۴ و جهش^۵ از اصول مهم در تولید^۶ کروموزوم‌ها است [۱۰]. الگوریتم ژنتیک در یافتن نواحی

در زمینهٔ بهینه‌سازی سازه بهوسیلهٔ الگوریتم ژنتیک انجام داده‌اند [۷-۵]. بنابراین با انجام تحقیقات زیاد و گستردۀ، زمینه و قلمرو الگوریتم ژنتیک در بهینه‌سازی سازه توسعه داده شد. به عنوان مثال، علی، بهدینان و فاواز، با استفاده از الگوریتم ژنتیک به بهینه‌سازی سازه‌های خربایی سه بعدی پرداخته‌اند [۸]. سووسک و بلوبیوس، با استفاده از الگوریتم ژنتیک توبولوژی سازه‌های خربایی را بهینه‌سازی کرده‌اند [۵]. برخی از محققان نیز در زمینهٔ بهینه‌سازی سازه‌های پوسته‌ای الگوریتم‌هایی ارائه داده‌اند. به عنوان مثال، آقای زوو و همکاران بهوسیلهٔ ترکیب بهینه‌سازی توبولوژی، شکل و ابعاد روشی برای بهینه‌سازی سازه‌های پوسته‌ای ارائه کرده‌اند [۱]. در اغلب روش‌های فوق برای بهینه‌سازی ابعاد، فقط از الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. الگوریتم ژنتیک توانایی یافتن نقطهٔ بهینه اصلی را از بین نقاط بهینه مختلف دارد ولی نمی‌تواند به آن نقطه خیلی نزدیک شود. در ادامه درباره الگوریتم‌های مشتقی و الگوریتم ژنتیک، نحوهٔ عملکرد و نتایج آنها بحث شده است. و روشی برای بهینه‌سازی اندازه سازه‌ها با استفاده از هر دو الگوریتم بهصورت پیوسته ارائه شده است.

روش‌های گرادیان (مشتقی)

از روش‌های مشتقی در بهینه‌سازی بسیار زیاد استفاده می‌شود. از جمله این روش‌ها می‌توان به روش نیوتون رافسون^۱ و گرادیان درهم آمیخته^۲ اشاره کرد. روش این الگوریتم‌ها براساس حرکت در یک مسیر و نگاه محلی برای دیدن جهت حرکت (با استفاده از گرادیان تابع) و پس از آن انتخاب مسیر جدید است بعد از تصمیم اینکه چقدر و تا کجا در طول آن مسیر باید حرکت کرد [۸].

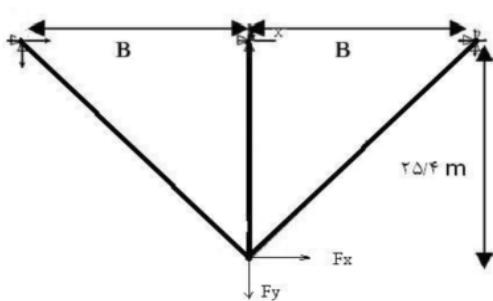
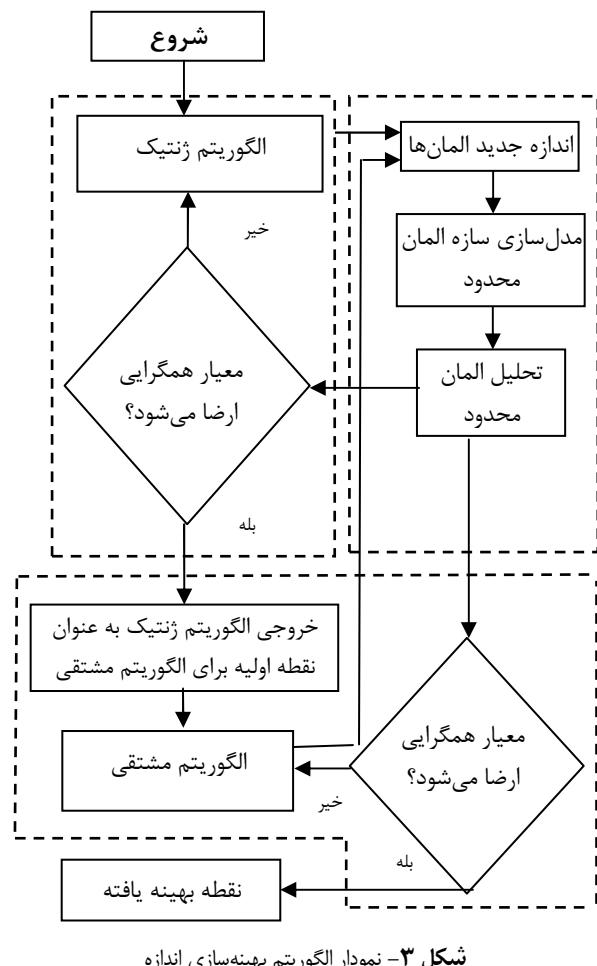
ذکر این نکته ضروری است که اگر تابع، هدف مشتق نداشته باشد، این الگوریتم‌ها قابل استفاده نخواهد بود. الگوریتم‌هایی که اصول عملکردی آنها بر اساس مشتق است برای شروع نیاز به نقطهٔ اولیه دارند و جستجوی آنها به گونه‌ای است که همه نقاط بهینه را نمی‌یابند. آنها زمانی که به نزدیک‌ترین نقطهٔ بهینه محلی (موقعی) که به نقطهٔ اولیه نزدیک است متوقف می‌رسند، موقوف می‌شوند. در شکل (۱) تابعی نشان داده شده است که دارای چندین نقطهٔ بهینه محلی است. مزیت این الگوریتم‌ها در این است، هنگامی که به نقطهٔ بهینه نزدیک می‌شوند بهتر عمل می‌کنند و تا حد امکان به نقطهٔ بهینه یافت شده نزدیک می‌شوند. برای یافتن بهینه‌ترین نقطهٔ از توابعی مانند شکل (۱) باید فرآیند بهینه‌سازی را با چندین نقطهٔ اولیه انجام داد. در این الگوریتم‌ها زمانی که تعداد پارامترها زیاد باشد پیشروی

3. Selection
4. Crossover
5. Mutation
6. Generation

1. Newton Raphson
2. Conjugate Gradient

بهینه‌کردن وزن خرپای سه عضوی

سازه خرپایی سه عضوی در شکل (۴) نشان داده شده است. مشخصات جنس و مقادیر نیروی اعمالی بر سازه نیز در جدول (۱) آرائه شده است. تابع هدف در این طراحی نیز وزن سازه است و مسئله دارای قید جابه‌جایی است که مقدار آن برابر 0.0068 m است. متغیرهای طراحی شامل مساحت سطح مقطع سه عضو و فاصله بین دو تکیه‌گاه هستند. سطح مقطع اعضاء به صورت میله‌ای درنظر گرفته شده است.



شکل ۴- شکل خرپای ۳ عضوی

نزدیک به نقطه بهینه به خوبی عمل می‌کند و به نقطه بهینه نزدیک می‌شود ولی هرگز به صورت مطلق بهینه کلی^۱ را نمی‌دهد [۲، ۵]. می‌توان چنین گفت که الگوریتم ژنتیک جستجوی جامعی را انجام می‌دهد. حال آنکه ضعف آن این است که توانایی زیاد نزدیک شدن به نقطه بهینه را ندارد [۵، ۶ و ۱۰]. حداقل سه نوع مسئله وجود دارد که استفاده از الگوریتم ژنتیک مفید است:

- ۱- تابع هدف هموار نباشد (یعنی قابل تشخیص نباشد).
- ۲- چندین نقطه بهینه محلی وجود داشته باشد.
- ۳- تعداد پارامترها زیاد باشد.

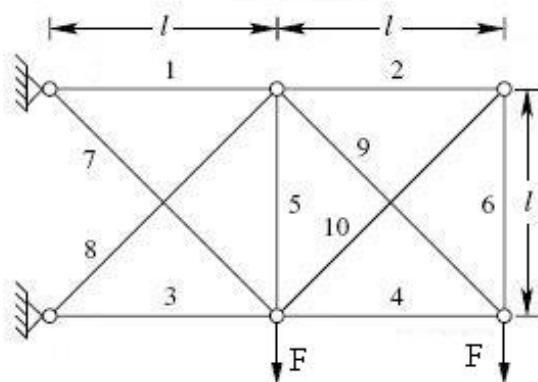
الگوریتم ارائه شده برای سازه

فرآیند بهینه‌سازی ابعادی می‌تواند توسط الگوریتم‌های مختلفی از جمله الگوریتم ژنتیک و روش‌های گردابیان انجام شود. با توجه به مزیت‌های مذکور برای الگوریتم ژنتیک و روش‌های گردابیان، استراتژی مناسب این است که فرآیند بهینه‌سازی ابتدا با الگوریتم ژنتیک شروع شده تا اینکه همه فضای جستجو بررسی شود. سپس جواب بهینه بدست آمده از آن به عنوان نقطه اولیه برای روش‌های گردابیان در نظر گرفته شود تا بدین ترتیب نقطه بهینه اصلی بدست آید.

الگوریتم‌های بهینه‌سازی زمانی توانایی انجام فرآیند بهینه‌سازی را دارند که بتوانند سازه یا قطعه را مورد تحلیل اجزای محدود قرار دهند. به این ترتیب با مرتبه کردن برنامه بهینه‌سازی و المان محدود می‌توان ابزار لازم برای انجام فرآیند بهینه‌سازی را مهیا کرد. پس از هر تحلیل برنامه بهینه‌سازی خروجی المان محدود را دریافت می‌کند و خروجی خود را به المان محدود می‌دهد. این عمل تا اراضی معیارهای همگرایی و یافتن نقطه بهینه ادامه می‌یابد. فرآیند بهینه‌سازی با استفاده از الگوریتم ژنتیک، الگوریتم مشتقی و المان محدود در نمودار شکل (۳) نشان داده شده است. بر اساس این روش ابتدا با استفاده از الگوریتم ژنتیک جستجو آغاز می‌شود و در هر تکرار پس از یافتن ابعاد جدید، الگوریتم مشتقی ابعاد المان محدود تغییر داده می‌شود و نتایج تحلیل را گرفته و قیود را بررسی می‌کند.

چنانچه ابعاد جدید، قیود را ارضاء کنند، الگوریتم وارد تکرار بعدی شده، ولی چنانچه قیود را ارضاء نکنند جستجوی اولیه در فرآیند بهینه‌سازی متوقف شده و ابعاد یافت شده به عنوان نقطه اولیه برای الگوریتم مشتقی در نظر گرفته می‌شود. پس از آن جستجوی ثانویه آغاز می‌شود به این ترتیب که فرآیند بهینه‌سازی با استفاده از الگوریتم مشتقی ادامه پیدا می‌کند تا نقطه بهینه یافت شود.

خرپای ۱۰ عضوی را نشان می‌دهد. تابع هدف، وزن سازه است و جایه‌جایی به عنوان قید درنظرگرفته شده است. متغیرهای طراحی نیز مساحت سطح مقطع اعضاء هستند. مقادیر مربوط به جنس سازه و قید جایه‌جایی در جدول (۳) نشان داده شده است.



شکل ۵- شکل خرپای ۱۰ عضوی

جدول ۳- مشخصات جنس سازه و مقدار قید مسئله بهینه‌سازی

آلومینیوم	ماده
$68/95 \times 10^6 \text{ KN/m}^2$	مدول یانگ
2768 Kg/m^3	وزن مخصوص
$0.172375 \times 10^6 \text{ kN/m}^2$	تنش مجاز
$\delta = 5.08 \text{ cm}$	حد جایه‌جایی
9.144 m	طول ۱
445.4 kN	نیرو

در این بهینه‌سازی الگوریتم ژنتیک به ازای اندازه جمعیت‌های مختلف چندین بار اجراء شده است. این مقادیر در جدول (۴) نشان داده شده است. مقدار تولید برای همه اجراهای برابر ۳۰۰ درنظرگرفته شده است.

جدول ۴- نتایج اجراهای مختلف الگوریتم ژنتیک

تولید ۳۰۰			
اندازه جمعیت	۳۰۰	۴۰۰	۵۰۰
وزن (N)	۲۲۵۹۸	۲۲۵۱۲	۲۲۴۵۰

این مسئله با استفاده از روش ارائه شده حل شده است و نتایج آن با روش‌های دیگر مقایسه شده است. این سازه با استفاده از روش مرتبه اول^۱، روش تقریب زیرمسئله^۲ و الگوریتم ژنتیک بهینه شده است [۸]. نتایج بهینه‌سازی با روش مذکور و سایر روش‌ها در جدول (۲) ارائه شده است.

جدول ۱- مشخصات جنس خرپای سه‌عضوی، نیروهای اعمالی و قید مسئله بهینه‌سازی

جنس	نیروها	جایه‌جایی مجاز
$E = 14.48 \text{ Gpa}$ $\rho = 7.86 \text{ Kg/m}^3$	$F_x = 90718 \text{ N}$ $F_y = -90718 \text{ N}$	$u = 0.0068 \text{ m}$

جدول ۲- نتایج بهینه‌سازی سازه خرپای ۳ عضوی شکل (۴) با الگوریتم‌های مختلف

عضو	سطح مقطع اعضای خرپای سه عضوی (متر مربع)			
	روش مرتبه اول	روش تقریب زیرمسئله	الگوریتم ژنتیک [۲]	روش ارائه شده
۱	۰/۴۴۲۳	۰/۵۱۲۶	۰/۴۵۶۲	۰/۰۱
۲	۰/۰۰۴۰۵	۰/۰۰۱۹۶۷	۰/۰۰۰۶۴۵	۰/۰۰۰۳۳۸
۳	۰/۰۰۰۶۴۵	۰/۱۵۲۸	۰/۰۰۱۴	۰
B (m) (N)	۲۵/۴۳ ۱۳۶/۶۳۵	۱۴/۹۸ ۱۵۶/۰۱۶	۲۵/۲۵ ۱۲۹/۴۴۵	۰/۰۰۰۳۲ ۲۰/۲۹۴ ۱۲۳/۷۰۶

در بین سه روش قبل الگوریتم ژنتیک جواب بهینه‌تری یافته است. ولی روش ارائه شده نسبت به روشهای قبل وزن را بیشتر کاهش داده است.

مینیمم کردن وزن خرپای ۱۰ عضوی

یکی از مثال‌های معروف در زمینه بهینه‌سازی ابعاد، مسئله خرپای ۱۰ عضوی است. این خرپای با روش‌های مختلفی بهینه شده و نتایج آنها با یکدیگر مقایسه شده‌اند. روش‌هایی که با استفاده از آنها این خرپای ۱۰ عضوی بهینه شده شامل روش الگوریتم ژنتیک [۱۱]، مونت کارلو [۱۲] و روش ارائه شده توسط آقایان کریپاکاران و گوبتا [۱۳] هستند. خرپای مذکور از جنس آلومینیوم است و مقاطع اعضاً آن به صورت میله‌ای درنظرگرفته شده است. شکل (۵)

- First order method
- Subproblem approximation method

آنها حدود ۲۸ کیلوگرم است و در چهار نقطه به گلبرگ متصل می‌شود.



شکل ۶- سازه آتن سهموی یک ایستگاه زمینی ماهواره‌ای

سازه‌های پشتیبان باید به گونه‌ای طراحی شوند که در برابر باد با حداقل سرعت ۲۵۰ کیلومتر بر ساعت مقاومت کنند [۱۵]. در این حالت فشار ناشی از باد با سرعت ۲۵۰ کیلومتر بر ساعت مطابق زیر خواهد بود:

$$p = c_p \times 0.5 \times \rho \times v^2 \quad (1)$$

$$= 1.7 \times 0.5 \times 1.3 \times \left(\frac{250}{3.6} \right)^2 = 5322 \text{ pa}$$

در رابطه فوق c_p به عنوان ضریب فشار تعريف می‌شود که در این آتن سهموی برابر $1/7$ است [۱۴]. از آنجاکه سازه پشتیبان در چهار نقطه به گلبرگ متصل می‌شود، لذا نیروی باد از طریق این چهار نقطه به سازه منتقل می‌شود. با توجه به اینکه سطح هر یک از این گلبرگ‌ها برابر $2/349$ متر مربع است، در حالت فشار 5322 پاسکال می‌توان نیروی واردہ بر یک سازه پشتیبان را محاسبه کرد:

$$F = P \times A = 5322 \times 2.349 = 12.47 \text{ KN} \quad (2)$$

به این ترتیب مجموع نیروی انتقال یافته به سازه پشتیبان در چهار نقطه برابر $12/47$ کیلونیوتون است. در شکل (۷) سازه پشتیبان مشبک که به 14 عضو تقسیم‌بندی شده و همچنین نقاط اتصال سازه به پوسته منعکس کننده نشان داده شده است. مقادیر این چهار نیرو در جدول (۶) ارائه شده است. در جدول (۷) اندازه طول اعضای سازه مشخص شده است. سازه پشتیبان آتنی که در این تحقیق بهینه شده از جنس آلومینیوم با ضریب پواسون $\nu = 0.333$ ، تنش تسليیم $\sigma_y = 180 \text{ MPa}$ ، مدول

مطابق روش ارائه شده، خروجی الگوریتم ژنتیک به عنوان نقطه اولیه برای الگوریتم‌های گردابیان در نظر گرفته می‌شود که نتیجه این بهینه‌سازی در جدول (۵) ارائه شده و با روش‌های دیگر مقایسه شده است.

مطابق نتایج به دست آمده روش ارائه شده وزن خرپای ۱۰ عضوی را بیشتر از سایرین کاهش داده است. همان‌طور که گفته شد؛ توانایی روش‌های گردابیان در نزدیک شدن به نقطه بهینه‌ای است که به نقطه اولیه نزدیک است. حال آنکه الگوریتم ژنتیک در یافتن نقطه بهینه اصلی توانایی دارد. پس با پیوستن این دو الگوریتم به یکدیگر می‌توان تا حد امکان به نقطه بهینه نزدیک شد.

جدول ۵- نتایج بهینه‌سازی سازه خرپای ۱۰ عضوی شکل (۵) با الگوریتم‌های مختلف

شماره عضو	روش الگوریتم ژنتیک [۱۱] (cm ²)	روش کارلو [۱۲] (cm ²)	روش گوبتا [۱۳] (cm ²)	روش کرپاکاران و گوبتا [۱۳] (cm ²)	روش ارائه شده (cm ²)
۱	۲۰۶/۴۶	۲۰۰/۰۱	۰/۶۵	۰/۶۵	۱۸۱/۵۰۹
۲	۰/۶۵	۰/۶۵	۰/۶۵	۰/۳۱۷۵	۰/۳۱۷۵
۳	۱۵۱/۶۲	۱۲۹/۰۴	۱۵۴/۸۵	۱۹۱/۷۷۳	۱۰۸/۵۶۳
۴	۱۰۳/۲۳	۹۰/۳۳	۹۳/۵۵	۰/۵۸۳۲	۰/۵۸۳۲
۵	۰/۶۵	۰/۶۵	۰/۶۵	۱/۶۳۶۸	۱/۶۳۶۸
۶	۰/۶۵	۰/۶۵	۰/۶۵	۵۴/۸۴	۲۸/۰۳۴
۷	۱۲۹/۰۴	۵۱/۶۲	۴۸/۳۹	۱۳۸/۷۲	۱۳۳/۰۳۲
۸	۱۲۹/۰۴	۱۴۵/۱۷	۱۳۸/۷۲	۱۴۵/۱۷	۱۳۱/۱۱۸
۹	۱۳۲/۲۷	۱۴۵/۱۷	۱۳۵/۴۹	۰/۶۵	۰/۵۲۲۹
۱۰	۰/۶۵	۹۶/۷۸	۰/۶۵	۲۲۶۵۳/۵۵	۲۲۳۰۷
وزن (N)	۲۲۶۵۳/۵۵	۲۵۸۲۹/۷۳	۲۵۸۷۳/۶۸	۲۰۰/۰۱	۲۰۰/۰۱

بهینه‌سازی ابعاد مقاطع اعضا سازه پشتیبان آتن سهموی

کاهش وزن سازه پشتیبان آتن سهموی ایستگاه‌های زمینی خمن حفظ استحکام لازم، کنترل حرکت آتن در رهگیری ماهواره را ساده‌تر می‌کنند و هزینه‌ها را کاهش می‌دهند. سازه پشتیبان به صورت مشبک است که برای افزایش استحکام پوسته منعکس کننده در مقابل نیروهایی از قبیل باد، در پشت آن قرار می‌گیرد [۱۴]. شکل (۶) سازه آتن سهموی یک ایستگاه زمینی را نشان می‌دهد.

در این تحقیق سازه یک آتن $8/2$ متری بهینه‌سازی شده است. آتن مذکور ۲۴ عدد سازه پشتیبان دارد که وزن هر یک از

مقاطع اعضای سازه مذکور به صورت قوطي است.

الاستیستیت $E=71.7 \text{ GPa}$ و چگالی $\rho=2768 \text{ Kg/m}^3$ است.

جدول ۶- مقادیر نیروهای وارد بر سازه پشتیبان

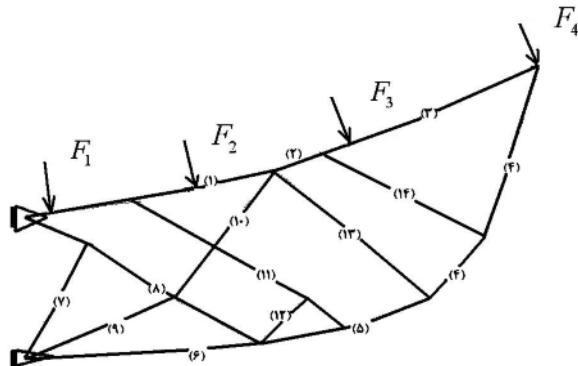
نیرو	مقدار(نیوتون)
F_1	۴۷۰
F_2	۳۳۰۰
F_3	۴۰۰۰
F_4	۴۷۰۰

جدول ۷- طول اعضای سازه پشتیبان

طول (متر)	شماره عضو
۱/۶۲	۱
۰/۹	۲
۰/۹۳۱	۳
۱/۶۹	۴
۱/۱۴۵	۵
۱/۵	۶
۰/۸۰۴	۷
۱/۷۱۳	۸
۱/۰۲۷	۹
۱/۰۵۴	۱۰
۱/۵۸۶	۱۱
۰/۴۲۴	۱۲
۱/۲۹۹	۱۳
۱/۱۸	۱۴

جدول ۸- نتایج پیمینه‌سازی ابعاد سازه بر اساس الگوریتم‌های مشتقی

الگوریتم نقاطه داخلی	اندازه ضلع مربع داخلی هر مقطع (متر)		شماره مقطع	
	نقشه شروع ۰/۰۹ متر	نقشه شروع ۰/۰۷ متر	الگوریتم نقشه داخلی	الگوریتم مجموعه فعال
۰/۰۸۲۷	۰/۰۷۶۲	۰/۰۸	۰/۰۷۸۶	۱
۰/۰۸۴۸	۰/۰۷۱۱	۰/۰۸	۰/۰۷۴۱	۲
۰/۰۸۲	۰/۰۸۹۵	۰/۰۷	۰/۰۶۴	۳
۰/۰۸۵۴	۰/۰۷۴۵	۰/۰۷	۰/۰۶۹۲	۴
۰/۰۸۶	۰/۰۶۹۷	۰/۰۷	۰/۰۶۹۱	۵
۰/۰۸۵۶	۰/۰۸۰۴	۰/۰۷	۰/۰۷۱۶	۶
۰/۰۸۶۴	۰/۰۹۰۶	۰/۰۷	۰/۰۷۰۶	۷
۰/۰۸۵۴	۰/۰۷۵	۰/۰۷	۰/۰۶۹۸	۸
۰/۰۸۶۱	۰/۰۸۷۹	۰/۰۷	۰/۰۶۹۴	۹
۰/۰۸۶۱	۰/۰۸۴۵	۰/۰۷	۰/۰۶۵۷	۱۰
۰/۰۸۵۵	۰/۰۸۰۳	۰/۰۷	۰/۰۶۸۷	۱۱
۰/۰۸۶۸	۰/۰۹۸۵	۰/۰۷	۰/۰۷۰۳	۱۲
۰/۰۸۵۸	۰/۰۸۵۷	۰/۰۷	۰/۰۶۸۸	۱۳
۰/۰۸۶	۰/۰۸۸۶	۰/۰۷	۰/۰۶۸۸	۱۴
۴۰/۱۳	۳۷/۶۴	۳۴/۹	۳۴/۰۴۶	جرم (کیلوگرم)
۱۴۲	۱۳۰۰	۲۲۲	۲۵۲	تعداد تکرار
۵۶۴“	۴۵۳:۷۰“	۷۲:۷۳“	۱۰۲:۱۸“	CPU زمان



شکل ۷- نمای دو بعدی سازه مشبك پشتیبان به همراه شرایط مرزی

در این طراحی اندازه ضلع مربع داخلی اعضا به عنوان متغیرهای طراحی و ضخامت برای همه مقاطع برابر ۲ میلی‌متر در نظر گرفته شده است. تابع هدف وزن سازه و قیود طراحی شامل قید تنش در اعضاست.

$$\begin{aligned} \text{Min } W &= \rho g \sum_{i=1}^n ((x_i + 2t)^2 - x_i^2) l_i \\ \text{s.t. } \sigma_i &\leq 80 \text{ MPa} \end{aligned} \quad (3)$$

در رابطه فوق، n تعداد مقاطع (اعضا)، x_i اندازه ضلع مربع داخلی هر مقطع، l_i طول هر عضو و t ضخامت مقطع اعضاست.

جدول ۹- نتایج بهینه‌سازی ابعاد سازه بر اساس الگوریتم ژنتیک و الگوریتم ارائه شده

الگوریتم مجموعه فعال	اندازه ضلع مربع داخلی هر مقطع (متر)	شماره مقطع
ژنتیک الگوریتم		
۰/۰۵۷۰	۰/۰۸۲	۱
۰/۰۷۶۰۱	۰/۱۰۳	۲
۰/۰۶۱۶۲	۰/۰۹۲	۳
۰/۰۲۶۲۴	۰/۰۴۹	۴
۰/۰۲۳۴۵	۰/۰۲۹	۵
۰/۰۲۷۱۰	۰/۰۳۳	۶
۰/۰۰۴۵۲	۰/۰۰۸	۷
۰/۰۳۶۷	۰/۰۳۴۲	۸
۰/۰۳۷۶۹	۰/۰۵۴۲	۹
۰/۰۸۶۵۸	۰/۱۰۳	۱۰
۰/۰۰۲۹۳	۰/۰۰۸	۱۱
۰/۰۰۳۸۸	۰/۰۰۵	۱۲
۰/۰۲۰۰۶	۰/۰۲۴	۱۳
۰/۰۲۲۷۴	۰/۰۴۳	۱۴
۱۹/۶۲	۲۴/۶۶	جرم (کیلوگرم)
۲۸۷۶	۱۹۶۵۲۵	تعداد تکرار
۳۶ ^۲ :۷۵ ^۳	۳۵۲۸ ^۴	زمان CPU

بحث و نتیجه‌گیری

طبقاً آنچه نشان داده شد، نتیجه بهینه‌سازی به دست آمده از الگوریتم‌های مشتقی به نقطه اولیه بستگی دارد. دلیل این مسئله آن است که تابع هدف چندین نقطه بهینه محلی دارد و هر بار با درنظر گرفتن نقطه شروع متفاوت، الگوریتم پس از چندین تکرار به نقطه بهینه محلی ای که به نقطه شروع نزدیک‌تر است، می‌رسد و آن را به عنوان نقطه بهینه اصلی می‌یابد. به همین علت برای توابعی که چندین نقطه بهینه محلی دارند استفاده از روش‌های گردابیان (مشتقی) مناسب نیست. از آنجا که الگوریتم ژنتیک فضای جستجوی زیادی را بررسی می‌کند و از بین نقاط بهینه محلی، بهترین نقطه (نقطه بهینه اصلی) را می‌یابد، لذا استفاده از آن در این نوع مسائل مفید است. بهترین روش آن است که از الگوریتم ژنتیک برای یافتن نقطه بهینه اصلی استفاده شود و سپس خروجی الگوریتم ژنتیک به عنوان ورودی برای الگوریتم‌های مشتقی درنظر گرفته شود تا بهینه‌ترین نقطه به دست آید.

براساس نتایج به دست آمده از مسئله خرپای ده عضوی و خرپای سه عضوی مشاهده می‌شود که روش مذکور توانسته است نسبت به روش‌های دیگر وزن را بیشتر کاهش دهد و لذا روشی مناسب برای بهینه‌سازی اندازه نسبت به سایر روش‌های موجود باشد. از آنجاکه الگوریتم ژنتیک فضای جستجوی زیادی را بررسی می‌کند لذا در مسائلی که تعداد متغیرهای طراحی افزایش می‌یابد،

نتایج بهینه‌سازی سازه به وسیله الگوریتم‌های مشتقی

فرآیند بهینه‌سازی ابتدا به وسیله الگوریتم‌های مشتقی انجام شده است. دو الگوریتم معروف از الگوریتم‌های مشتقی الگوریتم مجموعه فعال^۱ و نقطه داخلی^۲ هستند که نتایج بهینه‌سازی ابعاد اعضای سازه براساس آنها برای نقاط شروع مختلف ارائه شده است. در جدول (۸) نتایج بهینه‌سازی با استفاده از الگوریتم‌های مشتقی و با نقطه شروع ۰/۰۷ متر برای تمام اعضاء نشان داده شده است. این اطلاعات شامل اندازه ضلع مربع داخلی مقاطع ۱۴ عضو (متر)، وزن سازه، تعداد تکرار و زمان (دقیقه) بهینه‌سازی الگوریتم‌هاست.

همچنین در جدول (۸) نتایج بهینه‌سازی با استفاده از الگوریتم‌های مشتقی و با نقطه شروع ۰/۰۹ متر نشان داده شده است. نتایج به دست آمده از دو الگوریتم مجموعه فعال و نقطه داخلی تقریباً به یکدیگر نزدیک است. حال آنکه الگوریتم نقطه داخلی در تعداد و زمان کمتری به نتیجه می‌رسد ولی دقت الگوریتم مجموعه فعال بیشتر است.

نتایج بهینه‌سازی سازه به وسیله الگوریتم ژنتیک

در این مسئله الگوریتم ژنتیک با تعداد تولید ۲۰۰، اندازه جمعیت^۳ ۲۵، احتمال برش^۴ ۵۰٪ و احتمال جهش^۵ ۱۰٪ فرآیند را آغاز کرده است. نتیجه بهینه‌سازی با استفاده از الگوریتم ژنتیک و الگوریتم اشتراقی و درنظر گرفتن نتایج الگوریتم ژنتیک به عنوان نقطه اولیه مطابق جدول (۹) است. از آنجاکه الگوریتم مجموعه فعال دقت بیشتری نسبت به نقطه داخلی دارد، بنابراین از آن برای بهینه‌سازی استفاده شده است. بنابراین نتایج بهینه‌سازی ابعاد سازه پشتیبان مطابق جدول (۹) است. جرم نهایی به دست آمده از بهینه‌سازی برای مقاطع قوطی ۱۹/۲۳۲ کیلوگرم خواهد شد. از آنجاکه جرم اولیه یک سازه پشتیبان آتن ۳۲/۲ متری حدود ۲۸ کیلوگرم است می‌توان گفت سازه حدود ۸/۷۶ درصد (۸/۷۶ کیلوگرم) کاهش جرم یافته است. نظر به اینکه آتن مذکور دارای ۲۴ عدد سازه پشتیبان است، پس جرم کل سازه حدود ۲۱۰/۲۴ کیلوگرم کاهش یافته است.

1. Active-set
2. Interior-point
3. Population size
4. Crossover probability
5. Mutation probability

- Congress of Structural and Multidisciplinary Optimization, Rio de Janeiro, Brazil, 2005
- [7] Šešok, D. and Belevičius, R., "Use of Genetic Algorithms in Topology Optimization of Truss Structures", *Mechanika*, Vol. 64, No.2, 2007, pp.34-39.
- [8] Ali, N., Behdinan, K. and Fawaz, Z., "Applicability and Viability of a GA Based Finite Element Analysis Architecture for Structural Design Optimization", *Computers and Structures*, Vol. 81, Issues 22-23, 2003, pp. 2259–2271.
- [9] Marcellin, J. L., "Genetic Search Applied to Selecting Support Positions in Machining of Mechanical Parts", *International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, Vol. 17, No. 5, 2001, pp. 344-347
- [10] Kaya, N. and Öztürk, F., "Topological Machining Fixture Layout Synthesis Using Genetic Algorithms", *International ANSYS Conference*, Pittsburgh, USA, 2004
- [11] Rajeev S., Krishnamoorthy CS. "Genetic Algorithms-based Methodologies for Design Optimization of Trusses," *Journal of Structural Engineering*, Vol. 123, No. 3, 1997, pp. 350-358.
- [12] Elperin T., "Monte-Carlo Structural Optimization in Discrete Variables With Annealing Algorithm". *International Journal for Numerical Method in Engineering*, Vol. 26, Issue 4, 1988, pp. 815–821.
- [13] Kripakaran, P., Gupta, A. and Baugh Jr., J.W. "A Novel Optimization Approach for Minimum Cost Design of Trusses," *Computers and Structures*, Vol. 85, Issues 23-24, 2007, pp. 1782–1794,
- [14] Richards, C. J., *Mechanical Engineering in Radar and Communications*, Plessey Radar Ltd, Plessey Electronics Group, Edit 1, Van Nostrand Reinhold Company, 1969.
- [15] TIA/EIA Standards, TIA/EIA 222-F, "Structural Standards for Steel Antenna Towers and Antenna Supporting Structures", *Telecommunications Industry Association*, 1996.

زمان جستجو توسط الگوریتم ژنتیک افزایش می‌یابد که این مطلب به عنوان یکی از نقاط ضعف این روش است. مطابق نتایج به دست آمده، جرم سازه مشبک آتنن سهموی پس از بهینه‌سازی حدود ۱۹ کیلوگرم است که با توجه به جرم سازه که حدود ۲۸ کیلوگرم است، می‌توان گفت که این سازه در حدود ۹ کیلوگرم (۳۲ درصد) کاهش جرم داشته است.

مراجع

- [1] Zhou, M., Pagaldipti, N., Thomas, H. L. and Shyy, Y. K., "An Integrated Approach to Topology, Sizing, and Shape Optimization", *Structural and Multidisciplinary Optimization*, Vol. 26, No. 5, 2004, pp. 308–317.
- [2] Vanderplaats G. N., *Numerical Optimization Techniques for Engineering Design*, McGraw-Hill, 1984.
- [3] Imai, K., Configuration Optimization of Trusses by the Multiplier Method, Mechanics and Structures Department, School of Engineering and Applied Science, University of California, Los Angeles, Report No. UCLA-Eng-7842, 1978.
- [4] Hoppe, R. H. W., Petrova, S. I. and Schulz, V., "Primal-Dual Newton-Type Interior-Point Method for Topology Optimization", *Journal Of Optimization Theory And Applications*, Vol. 114, No. 3, pp. 545–571, 2002
- [5] Wang, S.Y. and Tai, K., "Graph Representation for Structural Topology Optimization Using Genetic Algorithms", *Computers and Structures*, Vol. 82, Issues 20-21, pp. 1609–1622, 2004.
- [6] Tai, K., and Prasad, J., "Multiobjective Topology Optimization Using a Genetic Algorithm and a Morphological Representation of Geometry", *6th World*