JSSST Juniel of Space Science & Technology

Design of Adaptive Threshold Based Fault Detection and Isolation for Attitude Control System of a Three Axis Satellite

H. Bolandi^{1*}, M. Abedi² and M. Haghparast³

1, 2, 3. Department of Electrical Engineering, Iran University of Science and Technology

*Farjam St., Narmak, Tehran, IRAN

h_bolandi @iust.ac.ir

This paper presents robust fault detection based on adaptive thresholds for a three axis satellite. For this purpose, first we described the attitude control system (ACS) as a quasi linear parameter model. Next, an interval observer has been designed that based on, effect of the satellite parameter uncertainties has been propagated into the alarm limits and so the adaptive thresholds are generated. In this paper, it is shown that the developed method minimizes the missing alarm rates; also this approach detects small or incipient faults more effectively than the classical fault detection algorithms with constant thresholds. In the next part of paper, we propose an isolation algorithm using the fault tree approach. Also, an accommodation system has been designed based on reconfiguration of available actuators. Accordingly, after isolation of faulty reaction wheels, the accommodation system turns them off and replaces the suitable magnetic tourqers instead of the faulty reaction wheels and so the attitude control error is maintained limited.

Keywords: Fault detection, Fault isolation, Accommodation, Reaction wheels, Reconfiguration, Adaptive thresholds, Interval observer

^{1.} Associate Professor (Corresponding Author)

^{2.} PhD Candidate

^{3.} M.Sc

جلد ۶ / شمارهٔ ۱/ بهار ۱۳۹۲ ص. ص ۴۶– ۳۱

لمتاندة على - يزوهش علوم و قادون قامان

RW_r ، RW_y ، RW_y ، RW_x

طراحی الگوریتمهای آشکارسازی و جداسازی عیب مبتنی بر حدود آستانهٔ تطبیقی برای زیرسیستم کنترل وضعیت یک ماهواره سه محوره

حسین بلندی^{(*}، مصطفی عابدی^۲و مهران حق پرست^۳

۱، ۲ و ۳- دانشکدهٔ مهندسی برق، دانشگاه علم و صنعت ایران

*تهران، نارمک، خ فرجام

h_bolandi@iust.ac.ir

در این مقاله، یک روش آشکارسازی عیب مقاوم بر اساس تولید حدود آستانهٔ تطبیقی برای یک ماهوارهٔ سه محوره ارائه می شود. برای این منظور، در ابتدا سیستم کنترل وضعیت توسط یک مدل با تغییرات شبه پارامتری خطی (P-LPV) توصیف می شود. در ادامه یک مشاهده گر بازهای بر اساس مدل فوق طراحی شده است که بر اساس آن، عدم قطعیتهای پارامتری ماهواره به درون حدود آستانهٔ اعلان عیب منتقل شده و در نتیجه حدود آستانه تطبیقی به دست خواهند آمد. در این مقاله، نشان داده می شود که این روش باعث کاهش نتیجه حدود آستانه تطبیقی به دست خواهند آمد. در این مقاله، نشان داده می شود که این روش باعث کاهش نتیجه عدود می نادرست شده، و نیز عیوب کوچک یا دارای تغییرات شیبدار در قیاس با روشهای ذکر شده به طور مؤثرتر تشخیص داده می شوند. در بخش دیگر این مقاله، یک الگوریتم جداسازی مبتنی بر روش بعلور مؤثرتر تشخیص داده می شوند. در بخش دیگر این مقاله، یک الگوریتم جداسازی مبتنی بر روش بعد از جداسازی چرخهای عکس العملی معیوب، عملگرهای مغناطیسی مناسب جایگزین آنها می شود و در بنیجه خطای کنترل وضعیت، محدود نگاه داشته می شود.

واژههای کلیدی: ماهواره سه محوره، کنترل وضعیت، عیب، آشکارسازی، جداسازی، مشاهده گر بازهای، مدل q-LPV

$I_{w_{4\times4}} = Diag_{4\times4} \{I_{wx}, I_{wy}, I_{wz}, I_{wr}\}$	ماتریس ممان اینرسی چرخهای عکسالعملی	علائم و اختصارات
d C_{f} $\beta \cdot \cdot \alpha$ $T_{mag_{3\times 1}}$ $m = \begin{bmatrix} m_{x} & m_{y} & m_{z} \end{bmatrix}$	گشتاور اغتشاش ماتریس پیکربندی چرخهای عکس العملی زوایای نصب چرخهای عکس العملی در دستگاه بدنهٔ ماهواره گشتاور مغناطیسی عملگرهای مغناطیسی ممان مغناطیسی گشتاوردهنده ای مغناطیسی	Z_I و Y_I , X_I دستگاه مختصات اینرسی Z_B و Y_B , X_B دستگاه مختصات بدنهٔ ماهواره Z_o و Y_o , X_o دستگاه مختصات مداری ماهواره Z_o و Y_o , X_o ماتریس ممانهای اینرسی $\bar{\omega}_{w_{4xl}} = \begin{bmatrix} \omega_{wx} & \omega_{wy} & \omega_{wz} & \omega_{wr} \end{bmatrix}^T$ بردار سرعت زاویهای چرخهای $\bar{w}_{w_{4xl}} = \begin{bmatrix} \dot{h}_{x_w} & \dot{h}_{y_w} & \dot{h}_{z_w} & \dot{h}_{r_w} \end{bmatrix}^T$ آر سرعت زاویهای خرخهای $\bar{w}_{w_{4xl}} = \begin{bmatrix} \dot{h}_{x_w} & \dot{h}_{y_w} & \dot{h}_{z_w} & \dot{h}_{r_w} \end{bmatrix}^T$ آر سرعت زاویهای خرخهای
$B = \begin{bmatrix} B & B & B \\ x & y & z \end{bmatrix}$	میدان معناطیسی زمین	. دانشیار (نویسنده مخاطب)

چرخهای عکسالعملی ماهواره

۲. دانشجوی دکتری

دریافت مقاله: ۹۰/۰۶/۲۸ ، تأیید مقاله: ۹۱/۰۸/۳۰

۳. کارشناسی ارشد

ماهوارهٔ هندی IRS را ذکر کرد [۹]. مشاهده گرهای با ورودی نامعین^۷ نیز، در رانشگرهای^۸ ماهواره MEX برای توسعهٔ الگوریتمهای تشخیص و جداسازی عیب مقاوم نسبت به اغتشاش مورد استفاده قرار گرفتهاند [۱۰،۱۱]. تکنیک تولید ماندهٔ مقاوم مرد استفاده قرار گرفتهاند [۱۰،۱۱]. تکنیک تولید ماندهٔ مقاوم میتنی بر تئوری $_{\infty}H$ در ماهوارهٔ میکروسکوپ اعمال شدهاست مقاوم سازی محسوب می شوند که به طور گسترده برای دینامیک غیرخطی ماهواره ها اعمال شدهاند [۱۴، ۱۳]. روش دیگر برای غیرخطی ماهواره ها اعمال شدهاند [۱۴، ۱۳]. روش دیگر برای جبران سازی اثرات عدم قطعیت ها و اغتشاش ها، مشاهده گرهای تطبیقی یا عصبی – تطبیقی است که بر خلاف روش های مود لغزان، تیجه باند بالای عیب ها و عدم قطعیت ها با دقت بالایی تخمین زده می شوند [۱۷ و ۱۵، ۱۶].

در روشهای ذکر شده، اگر چه مسئلهٔ مقاوم بودن نسبت به اغتشاشهای نامعین حل شده است اما پاسخگوی مقاومبودن نسبت به عدمقطعیتها پارامتری نیستند [۲۰–۱۸]. در واقع، در حالتی که مدلها دارای عدمقطعیت در پارامترهای خود هستند، جداسازی کامل ماندهها از عدمقطعیتها توسط تعداد سیگنالهای قابل اندازهگیری و در دسترس از سیستم محدود می شود [۱۹، ۱۸].

در حالت موجودبودن تعداد نامحدودی از عدمقطعیتهای پارامتری، راهکار دیگری که به روش پسیو مشهور بوده معرفی شده است که در این مقاله نیز مورد نظر است. این روش در دهههای اخیر معرفی شده و مبتنی بر ارتقای ویژگی مقاوم بودن سیستم تشخیص و جداسازی عیب در مرحلهٔ تصمیم گیری برای اعلان عیب است [۲۵-۱۸]. یکی از مشکلاتی که در ماهوارهها با آن مواجه هستیم، جداسازی اثرات عیب، از اثر ناشی از عدمقطعیتهای پارامتری است. به عبارت دیگر عدم درک صحیح از دینامیک ماهواره باعث ایجاد اثرات منفی بر روشهایی می شود که پیش از این معرفی شدند. هر چند یکی از راهکارها، اتخاذ حدود آستانهٔ محافظه کارانه و بعضاً غیرواقعی است اما این راهکار باعث ایجاد تأخير در آشکارسازی عيب (خصوصاً در مورد عيوب دارای رفتار تغییرات آهسته) یا در برخی موارد از دست رفتن عیوب با دامنهٔ کوچک می شود. برای جلوگیری از این مشکلات، در این مقاله از راهکار پسیو در سیستم کنترل وضعیت ماهواره بهره گیری شده است که تاکنون در این سیستمها کاربری نبوده است. برای این منظور، ابتدا سيستم كنترل وضعيت بايد با يك مدل با تغييرات يارامتري

مقدمه

دقت نشانه روی ماهواره یکی از نیازمندی های اساسی است که برآورده سازی آن وابسته به صحت کامل عملکرد سیستم کنترل وضعیت است. بررسی مأموریت های مختلف نشان می دهد که بسیاری از عیوب حادث شده در عملگرهای سیستم کنترل وضعیت منجر به افت سرویس های مورد انتظار، از دست رفتن کنترل یا منجر به نتایج فاجعه بار همانند از دست رفتن کلی مأموریت می شود [۱]. بر این اساس، توسعهٔ ابزارهای مدیریت و جبران عیب در یک سیستم حساس همانند کنترل وضعیت که قادر به آشکارسازی و جداسازی عیب بوده مورد نیاز است.

امروزه، روشهای آشکارسازی و جداسازی عیب مبتنی بر مدل یک حوزهٔ تحقیق توسعهیافته و بلوغ یافته در جامعه کنترل محسوب میشود که به وفور در سیستم کنترل وضعیت ماهوارهها نیز مورد استفاده قرارگرفتهاند. این روشها مبتنی بر تستهای سازگاری است که بر اساس آنها اندازه گیریهای حاصل از سیستم فیزیکی با اطلاعات موجود در مدل مقایسه میشوند. اختلافهای حصاص شده مانده نامگذاری شده است که به وقوع عیوب در سیستم حساس هستند. زمانی که مانده، مخالف صفر باشد نشان دهندهٔ رخداد عدم سازگاری در سیستم یا انحراف غیرعادی یک پارامتر تخمین زده شده است [۴–۲]. اما از سوی دیگر خطاهای مدل سازی و اغتشاشات در سیستمهای مهندسی پیچیده گریزناپذیر است و باعث زموند. بنابراین ضروری است که الگوریتمهای آشکارسازی و میشوند. بنابراین ضروری است که الگوریتمهای آشکارسازی و بداسازی عیبی توسعه داده شود تا در مقابل عدمقطعیتها مقاوم باشند [۶ م].

یکی از روشهای مقاومسازی، روش اکتیو است که مبتنی بر تولید ماندههای مقاوم نسبت به عدمقطیت و حساس نسبت به رخداد عیب است. بر این اساس، روشهای تشخیص و جداسازی عیب متنوعی در زیرسیستم کنترل وضعیت ظاهر شدهاند که از ایدهٔ فوق استفاده می کنند. به عنوان نمونه، مسئلهٔ تشخیص و جداسازی عیب مبتنی بر فیلتر کالمن توسعه یافته (^{*}EKF) و فیلتر کالمن خنثی (^AUKF) برای مواجه با دینامیک غیرخطی ماهوارهها معرفی شدهاند [۸۸]. این روشها تخمینهای بهینهای را از حالتها با وجود نویز ایجاد می کنند. همچنین، روشهای مختلفی موجود است که مبتنی بر مشاهده گرهای حالت هستند. در این راستا میتوان تکنیک اختصاص ساختار ویژه³ برای آشکارسازی عیب در ژایروهای

^{7.} unknown input observers

^{8.} trusters

^{9.} sliding mode observers

^{4.} Extended Kalman Filters

^{5.} Unscented Kalman Filters

^{6.} eigen structure assignment

خطی (q-LPV^{1.}) مدل شود که در آن عدمقطیتهای پارامتری ماهواره نیز لحاظ شدهاند. در ادامه با استفاده از ابزارهای ریاضیات بازهای (که در ادامهٔ مقاله تشریح می شوند) یک مشاهده گر بازهای براساس مدلسازی فوق طراحی میشود که یک باند از خروجیهای پیشبینی شده را با درنظرگرفتن هر دوی خطاهای مدلسازی پارامتری و نویزهای اندازه گیری تولید میکنند. بر این اساس باندهای بالا و پائین عدمقطعیتهای پارامتری و نویز در حدود آستانهٔ اعلان عیب منتشر شده یا به عبارت دیگر حدود آستانهٔ تطبیقی تولید میشوند. در این شرایط، زمانی که ماندهها خارج از محدودههای اعلان عیب هستند، این رخداد نشان دهندهٔ عاملی خارج از عدمقطعیتهای موجود در سیستم همچون رخداد عیب است. این استراتژیها نرخهای رخداد عیب نادرست را به حداقل رسانده، همچنین نشان داده می شود که در قیاس با روشهای مقاوم کلاسیک با حدود آستانهٔ ثابت، عیوب کوچک یا دارای رشد تغییرات آهسته (همانند شیب) نیز بهطور مؤثرتر و سريعتر آشکارسازی می شوند. در اين مقاله، همچنين مراحل طراحی الگوریتم جداسازی عیب در ترکیب با الگوریتم تشخیص عیب نیز ارائه می شود که برای این منظور از روش آنالیز درخت عیب استفاده شده است. در این راستا، با تحقق یک آرشیو از درختهای عیب مختلف که به شکل روی برد پیادهسازی می-شوند، ماندههای تولیدشده توسط سیستم تشخیص عیب آنالیز شده و در نتیجه چرخهای عکسالعملی دارای عیب جداسازی می شوند. مرحلهٔ نهایی طراحی ارائه شده در این مقاله به سیستم جبران عیب اختصاص داده شده است که مبتنی بر بازپیکربندی عملگرهای در دسترس است. ماهواره مد نظر مجهز به چهار چرخ عکس العملی است که در صورت بروز عیب در یکی از آنها، چرخ یدک جایگزین آن می شود. بنابراین این موضوع تحمل پذیری عیب را در برابر بروز عیب تنها در یک چرخ ایجاد میکند. اما در شرایط پرتشعشع و پیچیدهٔ موجود در فضا، احتمال رخداد دو یا تعداد بیشتری عیب وجود خواهد داشت. در این شرایط فرایندی سیستماتیک اجرا می شود که مبتنی بر جایگزینی عملگرهای مغناطیسی مناسب به جای چرخهای عکس العملی معیوب است. با به کارگیری سیستم جبران عیب فوق نشان داده می شود که همواره خطای کنترل محدود نگاه داشته شده و افت عملکرد سیستم كنترل ممانعت مىورزد.

در ادامه، ابتدا مدل دینامیکی ماهواره بهدست آورده می شود. سپس، ابزارهای ریاضیاتی بازهای مورد استفاده تشریح می شوند. در ادامه، طراحی سیستم تشخیص عیب ارائه می شود. بخش بعد به

10. quasi-Linear Parametric Varying

طراحی الگوریتم جداسازی عیب اختصاص داده شده است. سپس، مراحل طراحی سیستم جبران عیب تشریح و در ادامه، شبیهسازیهای عددی برای برخی سناریویهای بروز عیب در چرخهای عکسالعملی ارائه و در نهایت نتیجهگیری مقاله بیان می شود.

مدل ديناميكي ماهواره

ماهوارهٔ مورد نظر، ماهواره ای با پایداری سه محوره است که مجهز به چهار چرخ عکس العملی و سه عملگر مغناطیسی است. برای آنالیز حرکت آن، سه مجموعه دستگاه مختصات مطابق زیر تعریف می شوند؛ (۱) دستگاه مختصات اینرسی متصل به مرکز زمین ($I_X, I_Y e_{I_X})$ دستگاه مختصات اینرسی متصل به مرکز زمین ($I_X, I_Y e_{I_X})$ دستگاه مختصات اینرسی متصل به مرکز آن در مرکز جرم ماهواره و محورهای آن ($I_X, I_Y e_{I_X})$ محورهای آن ($I_X, I_X e_{I_X})$ محورهای اصلی اینرسی ماهواره و محورهای آن ($I_X, I_X e_{I_X})$ محورهای امعلی اینرسی ماهواره و محورهای آن ($I_X, I_X e_{I_X})$ محورهای معور I_X ماهواره و محورهای آن ($I_X, I_X, I_X e_{I_X})$ محورهای معواره محور ماهواره است ($I_X, I_X e_{I_X})$ محورهای معواره محور ماهواره است ($I_X, I_X e_{I_X})$ محورهای معواره معور محور ماهواره و مرکز زمین و محور I_X محور I_X محور I_X محور I_X محور ماهواره و مرکز زمین و محور I_X معورهای ماهواره و مرکز زمین و محور I_X محورهای است ($I_X, I_X, I_X e_{I_X})$ معورهای معواره ماهواره و مرکز زمین و محور I_X معور محور ماهواره است (I_X, I_X, I_X) معرف و محور ماهواره ماهواره و مرکز زمین و محور ماهواره ماهواره ماهواره و مرکز زمین و محور ماود. محور ماهواره و مرکز زمین و محور ماود. معور محور می در استای محور ماهواره و مرکز زمین و محور محور محور می در استای محور مای معواره به مورد یک محم ملب مدل می شود که دارای ماتریس معورهای محور ماهواره و مرکز زمین و معیت ماهواره که محور مای می نظار ماین سرعت مای زویه ای و گشتاورهای اعمالی را توصیف می کند مطابق زیر به دست می آید[I_X

$$\dot{\omega} = I_t^{-1} (I_t \omega \times \omega) - I_t^{-1} (CI_w \omega_w \times \omega) + I_t^{-1} (T - \dot{h}_w) + I_t^{-1} d(t)$$
(1)

$$\begin{split} \sum_{k=1}^{N} \sum$$

 $0 \ 0 \ 1 \ \cos\beta$

فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی جلد ۶ / شمارهٔ ۱ / بهار ۱۳۹۲

حسین بلندی، مصطفی عابدی و مهران حق پرست

$$[a, b] * [c, d] = [\min(ac, ad, bc, bd), \max(ac, ad, bc, bd)]$$
(9)

$$[a, b] / [c, d] = [a, b]^* [1/d, 1/c] , if 0 \notin [c, d] () \cdot)$$

تعریف ۱ (باکس): با فرض $X \subseteq IR^n \supseteq X$ ، باکس $X \Box \Sigma$ یک بردار بازهای بوده که $X \Box \Sigma Z$ را برآورده ساخته و بهصورت بازهای بوده که $X \Box \Sigma Z = (a_1, b_1], ..., [a_n, b_n])^T$ $diam(\Box X) = (b_1 - a_1, ..., b_n - a_n)^T = (\Delta \Box Z)$ مرکز آن و $mid(\Box X)$

استخراج مدل q-LPV ماهواره

با درنظر گرفتن دینامیک غیرخطی (۴) و با تلفیق کردن اثرات اغتشاش d(t)، نویز n(t) e رخداد عیب f(t)، فضای حالت می تواند به شکل زیر بازنویسی شود:

$$y(t) = C\omega(t) + n(t) \tag{13}$$

که C یک ماتریس واحد است. مطابق با دینامیک فوق، می توان نشان داد که مدل q-LPV ماهواره به صورت زیر به دست آورده می شود که در آن عدم قطعیتهای پارامتری در قالب ضرایبی از متغیرهای حالت، ورودی و اغتشاش ظاهر می شوند:

$$\dot{\omega} = A(\omega, \theta)\omega + B(\theta)u + B(\theta)d(t) + f(t)$$

$$()$$

$$y(t) = C\omega(t) + n(t) \tag{10}$$

در روابط فوق:

$$A = I_t^{-1}((I_t\omega)^{\otimes} + (C_f I_w \omega_w)^{\otimes})$$
(19)

$$B = I_t^{-1} \tag{1Y}$$

$$u = T - C_f h_w \tag{1A}$$

مقادیر بهدست آمده برای ماتریسهای ضرایب فوق در پیوست مقادیر بهدست آمده برای ماتریسهای ضرایب فوق در پیوست الف تشریح شدهاند. در معادلهٔ (۱۴)، θ بردار پارامترهای عدمقطعیت $I_{_{_{t}}}$ ممانهای اینرسی چرخ $I_{_{_{t}}}$

در معادلهٔ (۱)، _{۱×3}3 مقدار گشتاورهای تولیدی توسط عملگرها را نشان میدهد که توسط رابطهٔ زیر بهدست میآید:

$$T = -C_f \dot{h}_W + T_{mag} \tag{(7)}$$

که $\dot{h}_{w_{4\times 1}}$ ممان اینرسی اعمال شده توسط چرخها و $T_{mag_{3\times 1}}$ گشتاور مغناطیسی تولید شده توسط عملگرهای مغناطیسی است. معادله (۱) می تواند به شکل زیر بازنویسی شود:

$$\dot{\omega} = I_t^{-1} (I_t \omega)^{\otimes} \omega + I_t^{-1} (C_f I_w \omega_w)^{\otimes} \omega + I_t^{-1} (T - C_f \dot{h}_w) + I_t^{-1} d(t)$$
(f)

در رابطهٔ فوق، عملگر 🛞 برای انجام عملیات زیر بر روی یک ماتریس استفاده میشود:

$$P^{\otimes} = \begin{bmatrix} 0 & -p_{z} & p_{y} \\ p_{z} & 0 & -p_{x} \\ -p_{y} & p_{x} & 0 \end{bmatrix}$$
 (\$\delta\$)

در بخش بعد، عملیات ریاضیاتی بازهای مورد استفاده در این مقاله تشریح می شوند.



شکل ۱ – ساختار در نظرگرفته شده برای چرخهای عکسالعملی ماهواره

رياضيات بازهاى

یک عدد بازهای $X = \begin{bmatrix} a, b \end{bmatrix}$ یک مجموعه به صورت $X = \begin{bmatrix} a, b \end{bmatrix}$ یک مجموعه به صورت b و b $\{x : a \le x \le b\}$ از اعداد حقیقی مابین بازه و نقاط انتهایی a و b است. ریاضیات بازهای روی مجموعهای از بازهها به جای مجموعهای از اعداد حقیقی تعریف می شود. بر این اساس، با مجموعهای از اعداد $\{, ; +; -; +\} = 0$ و بازههای A و B خواهیم درنظر گرفتن عملیات $\{, ; +; -; +\} = 0$ و بازههای A و B خواهیم دراست [Y7]:

$$A \circ B = \{a \circ b : a \in A, b \in B\}$$
(\$

با این روش، چهار عملیات بازهای اصلی مطابق زیر تعریف می شوند:

- [a, b] + [c, d] = [a+c, b+d](Y)
- [a, b] [c, d] = [a d, b c](A)

طراحي الگوريتمهاي أشكارسازي و جداسازي عيب مبتني بر حدود أستانهٔ تطبيقي براي ...

است. این بردار توسط یک مجموعه $\Theta \ni \Theta$ از نوع باکس محدود میشود، به عبارت دیگر $\{\overline{\Theta} \ge \Theta \ge \Theta = \{\Theta \in IR^p \mid \underline{\theta} \ge \Theta \ge \Theta\} = \Theta$ خواهد بود. به طور مشابه بردارهای نویز و عدمقطعیت نیز به شکل $\left[\overline{d}, \overline{d}\right] \ge b$ و $n \in \left[\underline{n}, \overline{n}\right]$

مشاهده گر بازهای

مشاهده گر بازهای نوع خاصی از مشاهده گرهای مجموعه – عضویت بوده که باند از پیش تعیین شدهای را بر روی اغتشاشات خارجی، نویزها و پارامترهای عدم قطعیت درنظر گرفته و مجموعه ای از حالتهای تخمین زده شده را که با باندهای تعیین شده و اندازه گیریهای جاری ساز گار هستند، تولید می کنند [۲۷، ۲۰]. در این مقاله، یک مشاهده گر بازه ای غیر خطی با ساختار لیونبر گر برای سیستمهای (۱۴) و (۱۵) طراحی شده است. این مشاهده گر براساس معادلات (۱۹) و (۲۰) توصیف می شود که برای استخراج آن از ابزارهای ریاضیات بازه ای تشریح شده در بخش قبل استفاده شده است:

$$\left[\hat{\omega}\right] = [A][\omega] + [B][u] + [B][d] + LC([\omega] - [\hat{\omega}]) \qquad (19)$$

$$y(t) = C\omega(t) + n(t) \tag{(Y•)}$$

در رابطهٔ فوق، Lبهرهٔ مشاهدهگر است که برای تضمین پایداری مشاهدهگر برای تمامی $\Theta \in \Theta$ طراحی شده است. بنابراین مؤلفههای سرعت زاویهای مطابق زیر استخراج میشوند:

$$\begin{split} [\dot{\omega}_{x}] &= [A_{11}][\omega_{x}] + [A_{12}][\omega_{y}] + [A_{13}][\omega_{z}] + [B_{11}][u_{x}] \\ &+ [B_{12}][u_{y}] + [B_{13}][u_{z}] + [B_{11}][d_{x}] + [B_{12}][d_{y}] \\ &+ [B_{13}][d_{z}] + L_{11}([\omega_{x}] - [\dot{\omega}_{x}]) + L_{12}([\omega_{y}] - [\dot{\omega}_{y}]) \\ &+ L_{13}([\omega_{z}] - [\dot{\omega}_{z}]) \end{split} \tag{71}$$

- $$\begin{split} [\dot{\omega}_{y}] &= [A_{21}][\omega_{x}] + [A_{22}][\omega_{y}] + [A_{23}][\omega_{z}] + [B_{21}][u_{x}] \\ &+ [B_{22}][u_{y}] + [B_{23}][u_{z}] + [B_{21}][d_{x}] + [B_{22}][d_{y}] \\ &+ [B_{23}][d_{z}] + L_{21}([\omega_{x}] [\hat{\omega}_{x}]) + L_{22}([\omega_{y}] [\hat{\omega}_{y}]) \\ &+ L_{23}([\omega_{z}] [\hat{\omega}_{z}]) \end{split} \tag{YY}$$
- $[\dot{\omega}_{z}] = [A_{31}][\omega_{x}] + [A_{32}][\omega_{y}] + [A_{33}][\omega_{z}] + [B_{31}][u_{x}]$ $+ [B_{32}][u_{y}] + [B_{33}][u_{z}] + [B_{31}][d_{x}] + [B_{32}][d_{y}]$ $+ [B_{33}][d_{z}] + L_{31}([\omega_{x}] - [\hat{\omega}_{x}]) + L_{32}([\omega_{y}] - [\hat{\omega}_{y}])$ $+ L_{33}([\omega_{z}] - [\hat{\omega}_{z}])$

که (t, θ, u, y) جواب رابطهٔ (۱۹) در زمان t برای بردار پارامتری $\widehat{\omega}(t, \theta, u, y)$ جواب رابطهٔ (۱۹) در زمان t برای برای $\Theta \in \Theta$ و برای یک توالی داده شده از ورودیها و خروجیهای $t \in \begin{bmatrix} 0 & t \\ 1 \end{bmatrix}$ در $\begin{bmatrix} 1 & t \\ 1 \end{bmatrix}$ در $\{u, y\}$

یک بازهٔ زمانی ثابت $\begin{bmatrix} t \\ 0 \end{bmatrix}$ با عنوان مجموعه قابل دسترس در زمان t نامگذاری شده و به صورت زیر نمایش داده می شود: $\widehat{W}(0,t_1) = \{\widehat{\omega}(t,\theta,u,y) : t \in \begin{bmatrix} 0 & t_1 \end{bmatrix}, \theta \in \Theta\}$ (۲۴) تعاریف مشابهی را می توان همچنین برای مجموعهٔ خروجی های

تخمین زده شده (T) اعمال کرد. بنابراین، در هر لحظهٔ زمانی، $\widehat{Y}(t)$ ترسط باکس زیر قابل توصیف است: $\widehat{W}(t)$

$$\widehat{W}(t) = \{\widehat{\omega}(t,\theta,u,y) : \theta \in \Theta\}$$
(YA)

که (t) و (t) مطابق (۲۶) و (۲۷) تعریف می شوند: $\widehat{arphi}(t)$

$$\underline{\widehat{\omega}}(t) = \min\left\{\widehat{\omega}(t) : \widehat{\omega}(t) \in \widehat{W}(t)\right\}$$
(YF)

$$\widehat{\overline{\omega}}(t) = \max\left\{\widehat{\omega}(t) : \widehat{\omega}(t) \in \widehat{W}(t)\right\}$$
(YY)

بهطور مشابه می توان تعاریف معادلی را برای توصیف باکس $(f) \overline{Y}$ ب

توليد مانده

همان طور که در بخش مقدمه ذکر شد، راهکار مقاوم سازی پسیو در این مقاله اختیار شده است که در مرحلهٔ تصمیم گیری برای اعلان عیب اعمال می شود. در این روش برخلاف روش های اکتیو، اثر عدم قطعیت ها در مرحلهٔ تولید مانده ها جبران نمی شود بلکه بر اساس انتشار اثر عدم قطعیت ها در حدود آستانه اعلان عیب عمل می کند که در نتیجهٔ آن حدود آستانه تطبیقی حاصل می شوند [۲۲–۲۰]. در این راهکار، کاربری مشاهده گر بازه ای طراحی شده برای تست سازگاری خروجی اندازه گیری شده با خروجی حاصل از مشاهده گر با استفاده از مدل بدون عیب از سیستم است. برای انجام این تست سازگاری باید یک مانده نامی مطابق معادلهٔ (۲۸) تولید کرد که اندازه گیری های متغیرهای فیزیکی سیستم (1) (را با تخمین (1) \widehat{y} از این متغیرها مقایسه می کند:

$$Y(t) = y(t) - y(t) \tag{YA}$$

با توجه به اینکه این مانده توسط مشاهده گر بازهای تولید می شود، اثر عدمقطعیتهای پارامتری، اغتشاشها و نویزها در مانده r(t) توسط بازهٔ زیر محدود می شود:

- $r(t) \in \left\lceil \underline{r}(t), \, \overline{r}(t) \right\rceil \tag{Y9}$
- که: $\underline{r}(t) = \hat{y}(t) - y(t) \tag{7.1}$
- $\underline{r}(t) = \underline{\hat{y}}(t) y(t) \tag{7.}$
- $\overline{r}(t) = \overline{\overline{y}}(t) y(t) \tag{(71)}$

در روابط فوق، $\underline{\widehat{y}}(t)$ و $\overline{\widehat{y}}(t)$ باندهای خروجی پیشبینی شده $\underline{\widehat{y}}(t)$ و (۲۰) بود که توسط مشاهده گر بازهای ارائه شده در معادلات (۱۹) و (۲۰

تولید میشوند. بر این اساس، رخداد عیب در صورتی اعلان میشود که خروجی اندازهگیری به خروجیهای بازهای زیر متعلق نباشد:

$$\mathbf{y}(t) \notin \left[\underline{y}(t), \overline{y}(t)\right]$$
 (YY)

این تست معادل با تست سازگاری زیر است که مقادیر بالا و پائین از حدود آستانهٔ تطبیقی را نشان میدهد:

$$0 \notin \left[\underline{\hat{y}}(t), \, \overline{\hat{y}}(t) \right] - y(t) = \left[\underline{r}(t), \, \overline{r}(t) \right] \tag{YY}$$

الگوریتم جداسازی عیب با استفاده از آنالیز درخت عیب

بعد از آشکارسازی عیب، مرحلهٔ بعد جداسازی المانهای معیوب در سیستم کنترل وضعیت است. برای این منظور، روش آنالیز درخت عیب مد نظر قرارگرفته است که ابزار قدرتمندی برای تبدیل رفتار ناشی از رخداد عیب در سیستمها به یک دیاگرام بصری محسوب میشود. این روش، مکانیزمی را برای آنالیز سیستمهای پیچیده با استفاده از علائم، منطقها و مجموعه قوانین بسیار ساده فراهم میسازد. شکل (۲) ارتباطات و منطق طراحی شده در این مقاله برای مکانیزمهای آشکارسازی، جداسازی و جبران عیب را در سیستم کنترل وضعیت ارائه میدهد.

بر اساس این شکل، ماندههای r_x ، r_y و r_z که توسط سیستم آشکارسازی عیب تولید می شوند به عنوان ورودی ها برای مرحلهٔ جداسازی عیب به کار گرفته شدهاند. همچنین، ورودی های s_x ، s_x ، s_y ، s_z و s_z و s_z که حالت های خاموش/ روشن چرخها را نشان می دهند برای مقاصد جداسازی، مورد نیاز هستند. آرشیو درختهای عیب به صورت روی برد پیاده سازی شده و ترکیب گسترده ای از رخدادهای میانی را نشان می دهند که به معیوب شدن کامل سیستم کنترل وضعیت (رخداد سطح بالا) منجر می شود.

بنابراین، با آنالیز ورودیهای مرحله جداسازی و استفاده از روابط تعریف شده در آرشیو درختهای عیب، این امکان وجود دارد که پرچمهای شناساگر فعال شوند.

این پرچمها المانهایی را نشان میدهند که منجر به بروز یک عیب در سیستم کنترل وضعیت شدهاند. قبل از ساخت درختهای عیب، ابتدا باید سناریوهای عیب مختلفی را که در سیستم کنترل وضعیت رخ میدهند، تعیین کنیم. جدول (۱) این سناریوها را به همراه پرچمهای شناساگر متناظر با هر کدام نشان میدهد. در اینجا برای ساخت درخت عیب، معیوب شدن کامل هر چهار چرخ به عنوان رخداد سطح بالا درنظر گرفته می شود. بنابراین، مطابق با جدول (۱)، سه سطح از

رخدادهای میانی باید لحاظ شوند که هر یک از رخدادهای سطح پایین تر یکی از ورودی های رخدادهای سطح بالاتر محسوب می شوند.

در ادامه، این رخدادهای میانی تشریح می شوند. قابل ذکر است که وابسته به توالی رخداد عیب، در هر یک از سطرهای جدول (۱) در سطح ۳، ۶ سناریوی عیب امکان پذیر است. همچنین در سطح بالا، ۲۴ سناریوی عیب امکان پذیر است. در این جدول برای اختصار از ذکر جزئیات این توالیها اجتناب شده است.



شکل ۲ – مکانیزم آشکارسازی، جداسازی و جبران عیب مد نظر برای سیستم کنترل وضعیت

سطح 1 - cخداد عیب در تنها یک چرخ: این سطح <math>T مشتمل بر پائین ترین سطح رخدادها در درخت عیب بوده که بر RW_x و RW_y RW_x و RW_y RW_y RW_x و RW_y RW_y RW_x اساس آن اعلان عیب در یکی از چرخهای RW_x , RW_x و RW_y and (m) می شود. شکل (m) درخت عیب را برای اعلان عیب در درنظر گرفته شده است. $A_x A_c a_y A_c$ مشابهی برای سایر چرخها نیز ماندههای مثان می دهد. ساختارهای مشابهی برای سایر چرخها نیز ماندههای r_x می از می در (m) متناظر با ماندههای از می رو می این می از می می در نظر گرفته شده است. $A_x A_c a_y A_c$ می ماندههای متناظر از حدود ماندههای r_x , $r_y a_c a_c$ است، در زمانی که ماندههای متناظر از حدود را نیز می در بر این صورت مقادیر صفر خود را نگاه می دارند. همچنین x^2 ، x^2 , y^2 ، z^2 و r_z در زمانی که چرخهای متناظر روشن شده باشند، ست (یک) شده و در غیر این صورت ریست (صفر) می شوند. با اعمال (یک) شده و در غیر این صورت ریست (صفر) می شوند. با اعمال پرچم r_x تعیین می شود. این پرچ به صورت لَچ تعریف شده است (یک) پرچم بد از وقوع عیب در هر یک از چرخها، آنها باید بدین می شود. پس از اعلان رخداد عیب در هر یک از چرخها، آنها باید بی می شود. پس از اعلان رخداد عیب در هم یک از چرخها، آنها باید بی می شود. پس از اعلان رخداد عیب در هر یک از چرخها، آنها باید بی می شود. پس از اعلان رخداد عیب در هر یک از چرخها، آنها باید بای

 ${
m F}_z$ و ${
m F}_y$ ، ${
m F}_x$ و ${
m F}_z$ و ${
m F}_y$ ، ${
m F}_x$ و ${
m F}_z$ و ${
m r}_z$ مقادیر ست خود را نگاه میدارند).

پرچم شناساگر	سناریوی عیب	سطح عيب
F _x	RW _x	
Fy	RWy	سطح ۱
Fz	RWz	
F _{xy}	$\begin{array}{l} \mathrm{RW}_{\mathrm{x}} \ \rightarrow \ \mathrm{RW}_{\mathrm{y}} \\ \mathrm{or} \ \mathrm{RW}_{\mathrm{y}} \ \rightarrow \ \mathrm{RW}_{\mathrm{x}} \end{array}$	
F _{xz}	$\begin{array}{l} \mathrm{RW}_{\mathrm{x}} \rightarrow \mathrm{RW}_{\mathrm{z}} \\ \mathrm{or} \ \mathrm{RW}_{\mathrm{z}} \rightarrow \mathrm{RW}_{\mathrm{x}} \end{array}$	
F _{zy}	$\begin{array}{l} \mathrm{RW}_{\mathrm{y}} \rightarrow \mathrm{RW}_{\mathrm{z}} \\ \mathrm{or} \ \mathrm{RW}_{\mathrm{z}} \rightarrow \mathrm{RW}_{\mathrm{y}} \end{array}$	سطح ۲
F _{xr}	$RW_x \rightarrow RW_r$	
Fyr	$RW_y \rightarrow RW_r$	
F _{zr}	$\mathrm{RW}_\mathrm{z} \to \mathrm{RW}_\mathrm{r}$	
F _{xyz}	وقوع عيب در RW _z , RW _y , RW _x وقوع عيب در	
F _{xyr}	وقوع عيب در RW _r , RW _y , RW _x وقوع عيب در	٣ - ١
F _{yzr}	وقوع عيب در RW _r , RW _z , RW _y وقوع عيب در	سطح ,
F _{xzr}	وقوع عيب در RW _r , RW _z , RW _x وقوع عيب در	
F _{xyzr}	وقوع عیب در RW _r , RW _z , RW _y ,RW _x	سطح بالا

جدول ۱ – سناریوهای عیب مختلف در نظر گرفته شده برای ساخت درختهای عیب





 $\mathbb{R}W_x$ شکل ۳– درختهای عیب سطح ۱– رخداد عیب در $\mathbb{R}W_x$



 $\mathbf{k} \mathbf{W}_{\mathbf{x}} \to \mathbf{R} \mathbf{W}_{\mathbf{y}}$ و $\mathbf{k} \mathbf{W}_{\mathbf{y}} \to \mathbf{R} \mathbf{W}_{\mathbf{y}}$ و

$$RW_v \rightarrow RW_x$$



 $\mathrm{RW}_{\mathrm{x}}
ightarrow \mathrm{RW}_{\mathrm{r}}$ سناریوی -۲ سناریوی -۲ شکل $\mathbf{\Delta}$

سطح ۲-ر خداد عیب در دو چرخ: در این سطح، عیب ممکن است در پیکربندیهای مختلف از چرخها مطابق با جدول (۱) رخ دهد. به عنوان نمونه، شکل (۴)، درخت عیب را برای سناریوهای رخ دهد. به عنوان نمونه، شکل (۴)، درخت عیب را برای سناریوهای رخ دهد. به عنوان مونه، شکل (۳)، درخت عیب را برای سناریوهای را به نمایش میگذارد.

فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی جلد ۶ / شمارهٔ ۱ / بهار ۱۳۹۲



 $\mathrm{RW}_{\mathrm{x}}
ightarrow \mathrm{RW}_{\mathrm{y}}
ightarrow \mathrm{RW}_{\mathrm{z}}$ سناریوی -۳ سناریوی -۳ درختهای عیب سطح -۳

در شاخه سمت چپ از شکل ۴، F_x به عنوان ورودی استفاده شده است، بدین معنی که در ابتدا RW_x به عنوان یک چرخ معیوب تشخیص داده شده و توسط سیستم جبران عیب خاموش می گردد (اما F_x همچنان در مقدار یک باقی می ماند). پس از آن، عیب در RW_y تشخیص داده می شود و بنابراین مطابق با ورودی های ارائه شده در شکل (۴)، به مقدار ست (یک) تغییر حالت می دهد. در نهایت چرخ RW_y باید توسط سیستم جبران عیب، خاموش شود. شرایط مشابهی در مورد شاخهٔ سمت راست از شکل فوق وجود خواهد داشت، به جز اینکه ابتدا RW_y به عنوان چرخ معیوب تشخیص داده می شود. در مورد سناریوی RW_r به عنوان چرخ معیوب (شکل می ابتدا فرض می شود که عیب در xW_r رخ داده است و RW_r



شکل ۷- درخت عیب ساخته شده برای رخداد سطح بالا

پس از آن، عیب در RW_rرخ داده است و در نتیجه تمامی متغیرهای A_y ، A_x و A_z به مقدار یک تغییر حالت دادهاند.

در این حالت، بر اساس روابط و منطق ارائه شده در شکل (۵)، مرحلهٔ جداسازی عیب تکمیل شده و F_{xr} ست می شود.

سطح \mathbb{T} -رخداد عیب در سه چرخ: با توسعهٔ قوانین ارائه شده در سطوح قبل، درختهای عیب در این سطح نیز میتوانند تولید شوند. به عنوان نمونه، شکل (۶)، درخت عیب را برای سناریوی $\mathbb{RW}_x \to \mathbb{RW}_y \to \mathbb{RW}_z$ نشان میدهد.

پس از تولید درختهای عیب در سطح ۳، ترکیب رخدادهایی که منجر به رخداد سطح بالا (معیوبشدن کامل هر چهار چرخ) میشود، باید استخراج شود. شکل (۷) درخت عیب سطح بالا را نشان میدهد. شایان ذکر است که در این شکل به دلیل کمبود فضا تنها دو نوع رخداد عیب نشان داده شدهاست که منجر به بروز یک رخداد سطح بالا میشود. سایر رخدادها را نیز میتوان به طور مشابه به درخت عیب موجود در شکل (۷) اضافه کرد. همان طور که در ابتدای این بخش ذکر شد، تمامی درختهای عیب در سطوح مختلف، در بخش آرشیو درختهای عیب پیاده سازی میشوند. پس از تشخیص عیب و دریافت ورودیهای مناسب، این ورودیها در درختهای عیب از سطوح پایینتر تا سطوح بالاتر انتشار مییابد و پرچمهای شناساگر فعال میشوند. بر این اساس، جداسازی علتهای بروز عیب امکان پذیر میشود.

طراحی سیستم جبران عیب با استفاده از بازپیکربندی عملگرها

بعد از جداسازی عیب، مرحلهٔ بعد جبران اثر عیوب حادث شده با استفاده از سیستم جبران عیب است. ماهوارهٔ مورد نظر در این مقاله مجهز به یک چرخ یدک است که قابلیت تحمل پذیری را در برابر رخداد عیب در تنها یک چرخ فراهم می آورد. اما در شرایط پیچیده و پرتشعشع موجود در فضا، سیستم کنترل وضعیت ممکن است که با وقوع دو یا چند عیب در چرخهای عکس العملی نیز مواجه شود.

بنابراین، برای ممانعت از افت دقت کنترل وضعیت باید راهکاری برای این شرایط اتخاذ شود.

در این مقاله، یک فرایند سیستماتیک بر اساس بازپیکربندی عملگرها ارائه می شود تا در نهایت به یک سیستم کنترل وضعیت تحمل پذیر نسبت به عیب دست یابیم. این راهکار، پایداری سیستم کنترل وضعیت را برای سناریوهای عیب مختلف تضمین می کند. در این روش عملگرهای مغناطیسی مناسب انتخاب شده و جایگزین چرخهای عکس العملی معیوب می شود. عملگرهای مغناطیسی، وسایل

تولیدکنندهٔ ممان مغناطیسی است که گشتاورهای آنها مطابق رابطهٔ زیر از اثر متقابل با میدان مغناطیسی زمین تولید میشود [۲۶]:

$$T_{mag} = m \times B = \begin{bmatrix} m_y B_z - m_z B_y \\ m_z B_x - m_x B_z \\ m_x B_y - m_y B_x \end{bmatrix}$$
(Y*)

در رابطهٔ فوق، $\begin{bmatrix} m_x & m_y & m_z \end{bmatrix} = m$ ممان مغناطیسی تولید شده توسط گشتاوردهندههای مغناطیسی و $\begin{bmatrix} m_x & m_y & m_z \end{bmatrix} = B$ میدان مغناطیسی زمین است. گشتاوردهندههای مغناطیسی در حالت نرمال نیز در ماهوارهها برای انجام مود کنترل بارزدایی مورد نیاز هستند که مومنتم زاویهای مضاعف ایجاد شده در چرخهای عکسالعملی را از بین میبرند. با توجه به موضوع فوق، راهکار پیشنهاد شده در این مقاله، هیچ نوع تجهیز یا هزینهٔ اضافه را تحمیل نمیکند. علاوه بر این، این گشتاوردهندهها به دلیل برخورداری از یک ساختار ساده، بسیار قابل اطمینان است بهگونهای که احتمال وقوع عیب در آنها ناچیز است. در ادامه، سناریوهای عیب مختلف که ممکن است در چرخهای عکسالعملی رخ دهند، تشریح شده و برای هر یک روش جبرانسازی مناسب ارائه میشود.

رخداد عیب در یک چرخ عکس العملی

در این حالت فرض می شود که عیب در یکی از چرخهای نصب شده در محورهای x، y یا z روی می دهد. در این شرایط از آنجا که سیستم کنترل وضعیت یک چرخ یدک دارد، این چرخ می تواند جایگزین چرخ معیوب شود. به عنوان نمونه در حالتی که چرخ محور x معیوب باشد، چرخ یدک برای تولید گشتاور کنترل مطلوب حول این محور استفاده می شود. بنابراین، مطابق روابط (۲) و (۳)، ممان تولید شونده حول سه محور ماهواره مطابق رابطهٔ زیر به دست آورده می شود:

$$\begin{bmatrix} T_x \\ T_y \\ T_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\dot{h}_R \sin\beta\cos\alpha \\ -\dot{h}_y - \dot{h}_R \sin\beta\sin\alpha \\ -\dot{h}_z - \dot{h}_R \cos\beta \end{bmatrix}$$
(Y\Delta)

در رابطهٔ فوق، $h_y i_c z^h$ ممانهای تولید شده توسط چرخهای در رابطهٔ فوق، $h_y i_c z^h$ ممانهای تولید شده توسط چرخهای y و z و h_a ممان تولید شده توسط چرخ یدک است. همچنین α β زوایای نصب چرخهای عکسالعملی است که در شکل (۱) نشان داده شدهاند. در استخراج رابطهٔ فوق، فرض شده است که گشتاوردهندههای مغناطیسی خاموش هستند. مطابق با رابطهٔ (۳۵)، شرای تولید گشتاورهای مطلوب حول محورهای ماهواره، فرمانها (ممانهای) کنترلی تولیدشونده توسط هر یک از چرخهای عکسالعملی باید بر اساس نتایج ارائه شده در سطر اول از جدول

(۲) محاسبه شوند. در این جدول، T_{cy} , T_{cy} و T_{ablex} ممان های مطلوب حول محورهای رول، پیچ و یاو است که توسط قانون کنترل وضعیت، فرمان دهی می شوند. روابط کاملاً مشابهی را می توان برای سایر چرخها نیز ارائه کرد.

رخداد عیب در دو چرخ عکس العملی

در این شرایط، سیستم کنترل وضعیت، زیرفعال است و در نتیجه یک محور کنترلناپذیر خواهد شد. بنابراین در این شرایط عملگرهای مغناطیسی مناسب باید فرمان دهی شوند. به عنوان نمونه در سطر دوم از جدول (۲)، سناریوی رخداد عیب در چرخهای _xWR و _WR ارائه شده است. در این وضعیت، وابسته به اینکه چرخ یدک برای کنترل کدام محور به کار بسته شود، دو حالت اعمال فرمان امکان پذیر است که در هر یک از این حالتها فرمانهای کنترلی به دست آمده، ارائه شده اند. سطر سوم از این جدول نیز حالتی را نشان می دهد که یکی از چرخهای معیوب، چرخ یدک است. به طور مشابه سناریوهای متعدد دیگری را نیز می توان برای بروز عیب همزمان در دو چرخ ذکر کرد.

رخداد عیب در سه چرخ عکس العملی

در سطر چهارم از جدول (۲)، رخداد عیب در هر سه چرخ RW_x ، RW_y و RW_z و RW_y و RW_z ا نشان میدهد. در این شرایط، وابسته به اینکه از چرخ یدک برای کنترل کدام محور استفاده می شود، سه حالت امکان پذیر است که فرمان های اعمال شونده برای هر حالت در این جدول ارائه شده است. به طور مشابه می توان سناریوهای دیگر بروز عیب همزمان در سه چرخ که شامل چرخ یدک نیز باشد نیز در نظر گرفت.

مختلف	سناريوهاي	عیب برای	جبران	استراتژیهای	-۲	جدول
-------	-----------	----------	-------	-------------	----	------

فرمانهای کنترل	گشتاوردهندهای استفاده شده	محور کنترل شده توسط چرخ یدک	چرخهای معیوب
$\begin{split} \dot{h}_{R} &= -T_{CY} / \sin\beta\sin\alpha \\ \dot{h}_{z} &= -T_{CZ} + T_{CY} \cot\beta\csc\alpha \\ M_{y} &= -B_{z}T_{CX} / (B_{y}^{2} + B_{z}^{2}) \\ M_{z} &= B_{y}T_{CX} / (B_{y}^{2} + B_{z}^{2}) \end{split}$	_	Х	RW _X
$\begin{split} \dot{h}_{R} &= -T_{cy} / \sin\beta\sin\alpha \\ \dot{h}_{z} &= -T_{cz} + T_{cy} \cos\beta\cos\alpha \\ M_{y} &= -B_{z}T_{cx} / (B_{y}^{2} + B_{z}^{2}) \\ M_{z} &= B_{y}T_{cx} / (B_{y}^{2} + B_{z}^{2}) \end{split}$	MTQ _x MTQz	Х	RW _X RW _Y

فرمانهای کنترل	گشتاوردهندهای استفاده شده	محور کنترل شده توسط چرخ یدک	چرخهای معیوب
$ \begin{split} \dot{h}_{y} &= -T_{cy} \dot{h}_{z} &= -T_{cz} \\ M_{y} &= -B_{z}T_{cx} \ /(B_{y}^{2} + B_{z}^{2}) \\ M_{z} &= B_{y}T_{cx} \ /(B_{y}^{2} + B_{z}^{2}) \end{split} $	MTQ _y MTQz	Y	
$ \begin{split} \dot{h}_{y} &= -T_{cy} \dot{h}_{z} = -T_{cz} \\ M_{y} &= -B_{z}T_{cx} \ /(B_{y}^{2} + B_{z}^{2}) \\ M_{z} &= B_{y}T_{cx} \ /(B_{y}^{2} + B_{z}^{2}) \end{split} $	MTQ _y MTQz	-	RW _x RW _r
$ \begin{split} \dot{h}_{R} &= -T_{cx} / \sin\beta\cos\alpha \\ M_{z} &= T_{cy} / B_{x} \\ M_{y} &= -T_{cz} / B_{x} \end{split} $	MTQ _y MTQz	х	
$\begin{split} \dot{h}_{R} &= -T_{_{CY}} / \sin\beta\sin\alpha \\ M_{_{X}} &= T_{_{CZ}} / B_{_{Y}} \\ M_{_{Z}} &= -T_{_{CX}} / B_{_{Y}} \end{split}$	MTQ _x MTQ _z	Y	RW _x RW _y RW _z
$ \begin{split} \dot{h}_{R} &= -T_{cz} \ / \cos \beta \\ M_{\chi} &= T_{cy} \ / B_{z} \\ M_{y} &= -T_{cx} \ / B_{z} \end{split} $	MTQ _x MTQ _y	Z	

رخداد عیب در هر چهار چرخ عکس العملی

پس از وقوع عیب در تمامی چهار چرخ، ماهواره کاملاً به صورت مغناطیسی کنترل می شود. در این حالت هر سه گشتاوردهندهٔ مغناطیسی برای حفظ پایداری ماهواره به کار گرفته می شوند.

نتايج شبيهسازى

در این بخش، نتایج شبیهسازی الگوریتمهای تشخیص، جداسازی و جبران عیب طراحی شده ارائه میشوند. این شبیهسازیها برای یک ماهوارهٔ کیب طراحی شده ارائه میشوند. این شبیهسازیها برای یک ماهوارهٔ ممانهای اینرسی ماهواره برابر با مقادیر بازهای راستا، ممانهای اینرسی ماهواره برابر با مقادیر بازهای $[I_{yy}] = [4.9 \ 5.1] \ \mathrm{kgm}^2$ ($I_{xx}] = [4.82 \ 5.02] \ \mathrm{kgm}^2$ kgm^2 [I_{yy}] $= [4.9 \ 5.1] \ \mathrm{kgm}^2$ (I_{xx}] $[I_{xx}] = [4.82 \ 5.02] \ \mathrm{kgm}^2$ kgm^2 (I_{yy}] $[I_{yy}] = [4.9 \ 5.1] \ \mathrm{kgm}^2$ (I_{yy}] $[I_{yy}] = [1.45 \ 1.65] \ \mathrm{kgm}^2$ sugard_2 (I_{xx}] $[I_{xx}] = [1.45 \ 1.65] \ \mathrm{kgm}^2$ sugard_2 (I_{xy}] $[I_{xy}] = [1.45 \ 1.65] \ \mathrm{kgm}^2$ sugard_2 (I_{xy}] $[I_{xy}] = [0.0027 \ 0.0033] \ \mathrm{kgm}^2$ (I_{yy}) sugard_2 (I_{yy}) $\mathrm{su$

خورشیدی درنظر گرفته شدهاند. با آنالیز اثرات فوق، در نهایت مقادیر $\begin{bmatrix} -5 \\ -10^{-5} \end{bmatrix}$ نیوتن بر متر برای توصیف اغتشاش معادل در سیستم اختیار شدهاند. همچنین فرض می شود که اندازهٔ نویز اندازه گیری در بازه $\begin{bmatrix} -10 \\ -10^{-4} \end{bmatrix}$ رادیان بر ثانیه دارای تغییرات باندازه گیری در ازام، برای برسی قابلیت عملکرد الگوریتم های طراحی شده، سناریوهای ذیل درنظر گرفته شدهاند.

RW_x سناریوی ۱ – تست رخداد عیب در RW_x

در این سناریو، یک عیب ناگهانی $f_x = 1mN.m$ (برابر با ۱۰٪ حداکثر مومنتم قابل توليد در چرخها) در زمان t = 100s اعمال شده است. شکل (۸) بازههای سرعت زاویهای تولید شده با استفاده از مشاهدهگر بازهای (۱۹) را نشان میدهد. همچنین شکل (۹) تست سازگاری را بر اساس حدود آستانهٔ تطبیقی تولید شده در (۳۳) را نشان $0 \in [r]$ $r_{\rm r}$ مىدهد. همان طور كه در اين شكل ملاحظه مىشود، تنها مانده توسط رخداد عیب تحت تأثیر قرار گرفته است. بنابراین با استفاده از درخت عیب ارائه شده در شکل (۳)، پرچم F_r ست شده که متناظر با بروز عیب در RW_x است (شکل ۱۰). همان طور که ملاحظه می شود، اعلان رخداد عیب با یک تأخیر زمانی در حدود ۵ ثانیه صورت گرفته است. شکل (۱۱) نشان میدهد که سیستم جبران عیب، بلافاصله فعال شده است. مطابق با این شکل، RW_r در زمان t = 105s روشن شده است و به سرعت مناسب رسیده است. در این زمان چرخ RW نیز خاموش شده است. شکل (۱۲)، زوایای وضعیت بهدست آمده در این سناریو را به نمایش می گذارد. در این شکل ملاحظه می شود که بعد از جایگزینی چرخها، زوایای وضعیت مجدداً به سوی صفر میل می کند و در نتیجه پایداری ماهواره تضمین می شود.



شکل ۸− بازههای سرعت زاویهای تولید شده در سناریوی ۱





شایان ذکر است که پس از جایگزینی چرخها، مانده نشان داده شده در شکل (۹) مجدداً به داخل حدود آستانهٔ نرمال خود بازگشته است.



شکل 1۱ – سرعتهای زاویهای چرخهای عکس العملی در سناریوی ۱





شکل ۱۲- زوایای وضعیت در سناریوی ۱، پس از فعالسازی سیستم جبران عیب

 RW_{v} و RW_{x} will support of RW_{x} will support of RW_{x} will support of RW_{x} will be a support of RW_{x} در این حالت، ابتدا یک عیب ناگهانی $f_x = 1 m N.m$ در زمان شکل (شکل F_x در چرخ RW_x شاهر شده و در نتیجه پرچم t = 100s۱۴) ست شده و چرخ RW_r جایگزین آن شده است. سپس، یک عيب با اندازه در حال رشد و با مقدار شيب N.m 10⁻⁴ در لحظه در چرخ RW_y به وقوع مى يوندد. t = 130s

شکل (۱۳)، حدود آستانهٔ ماندهها را در این سناریو نشان میدهد. همان طورکه در این شکل ملاحظه می شود، ماندههای $r_x e_y$ به ترتیب در زمان رخداد عیب در _xW_x و RW_y تحت تأثیر قرار گرفتهاند. بنابراین، بر اساس ورودیهای درخت عیب نشان داده شده در شکل (۵)، پرچم F_{xv} ست شده که متناظر با رخداد عیب در چرخهای فوق است (شکل ۱۴). در این حالت، اعلان رخداد عیب در زمان t = 135s جا به وقوع پیوسته است. شکل (۱۵) نشان میدهد که پس از جداسازی عیب، چرخ RW_v نیز به درستی خاموش شده است. در این سناریو، برای حفظ پایداری سیستم لازم است که گشتاوردهندههای مغناطیسی مناسب مطابق با جدول (۲) انتخاب شده و فرمان های کنترلی متناظر با آنها اعمال شوند. شکل (۱۶) نشان میدهد که گشتاوردهندههای مغناطیسی x و z بهطور خودکار فعال شده و با استفاده از آنها ممان های M_r و M_r اعمال شدهاند. بعد از اعمال این ممان ها، زوایای وضعیت ماهواره (که در شکل ۱۷ نشان داده شدهاند) به سمت صفر میل کرده و پایداری ماهواره اصلاح شده است.

فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی جلد ۶ / شمارهٔ ۱ / بهار ۱۳۹۲



شکل ۱۳ – حدود آستانه تطبیقی ماندهها در سناریوی ۲



۲ شکل ۱۴ – پرچمهای شناساگر F_x و F_x در سناریوی

سناریوی ۳-تست رخداد عیب در چرخهای RW_y ، RW_x و RW₇

در این سناریو، در ابتدا یک عیب ناگهانی $f_x = 1mN.m$ در زمان t = 100s در چرخ RW_x ظاهر شده است و در نتیجه پس از ستشدن پرچم F_x (شکل ۱۹)، چرخ RW_r جایگزین آن شده است.

سپس، دو عیب همزمان در چرخهای RW_{y} و RW_{y} در زمان F_{y} به مورت f_{y} به منظور، f_{y} به صورت f_{y} به مورت یک عیب ناگهانی یک شیب با مقدار N.m ا⁴ الو f_{r} به صورت یک عیب ناگهانی با مقدار mN.m انتخاب شدهاند. شکل (۱۸)، حدود آستانهٔ ماندهها را در این سناریو نشان می دهد. همان طور که از این شکل قابل درک است، پس از رخداد عیب در چرخ یدک (در زمان $rac{1}{300}$

حسین بلندی، مصطفی عابدی و مهران حق پرست





شکل ۱۵ – سرعتهای زاویهای چرخهای عکسالعملی در سناریوی ۲



شکل ۱۶ – ممان های گشتاوردهنده های مغناطیسی در سناریوی ۲

برای حل این مشکل، الگوریتم جداسازی عیب تشریح شده در این مقاله باید اجرا شود. مطابق با این الگوریتم، ابتدا چرخ معیوب RW_r باید خاموش شود. همان طور که در شکل (۱۸) ملاحظه می شود، بعد از خاموش شدن چرخ فوق، تمامی مانده ها به ملاحظه می شود، بعد از خاموش شدن چرخ فوق، تمامی مانده ها به جز r_y به داخل حدود آستانهٔ نرمال برمی گردند. در اینجا لازم به جز r_y به داخل حدود آستانهٔ نرمال برمی گردند. در اینجا لازم به ذکر است که با توجه به اینکه چرخ RW_x پیش از این با چرخ RW_r جایگزین شده بود، مانده r_x متناظر با این چرخ به داخل حدود آستانه بازگشته است.



شبکل ۱۷ - زوایای وضعیت ماهواره در سناریوی ۲، پس از فعالسازی سیستم جبران عیب



شکل ۱۸ – حدود آستانه تطبیقی ماندهها در سناریوی۳

بنابراین مطابق با مکانیزم جداسازی تشریح شده در این مقاله، در ابتدا F_{xyr} و بلافاصله پس از آن پرچم F_{xyr} ست شدهاند (شکل ۱۹). بعد از فرایند جداسازی عیب، چرخ _RWy نیز خاموش شده و مانده _r به داخل حدود آستانه نرمال خود بازگشته است. شکل (۲۰)، سرعتهای زاویهای چرخهای عکسالعملی و زمانهای روشن/ خاموش شدن چرخها را به تصویر میکشد.

مطابق با جدول (۲)، برای جبران عیب، ترکیبی از چرخ RW_Z به همراه گشتاوردهندههای مغناطیسی X و Y باید استفاده شوند. شکل (۲۱) زمانهایی را نشان میدهد که این عملگرها فعال شدهاند. همچنین شکل (۲۲) نحوهٔ اصلاح پایداری ماهواره را بعد از فعال شدن عملگرهای فوق، نشان میدهد. پس از انجام سناریوهای مشابه، در جدول (۳)، عملکرد حاصل از الگوریتم تشخیص عیب معرفی شده در این مقاله، با روش مبتنی بر مشاهده گر لغزشی که یک راهکار مقاوم شناخته شده است، مقایسه شده

است. از آنجا که روش لغزشی از حدود آستانهٔ ثابت برای تشخیص عیب برخوردار است، میتوان نتایج زیر را در مورد روش مبتنی بر تولید حدود آستانهٔ تطبیقی که در این مقاله پیشنهاد شده است، ارائه کرد: - اصلاح حداقل عیب قابل تشخیص (با استفاده از این روش، عیوب کمتر از ۱۰٪ نیز قابل آشکارسازی هستند). - اصلاح زمان تأخیر برای آشکارسازی عیب، خصوصاً در مورد عیبهای از نوع شیب (به جدول ۳ مراجعه شود).







شکل ۲۰– سرعتهای زاویهای چرخها در سناریوی ۳

نتيجه گيرى

در این مقاله، یک روش مقاوم تشخیص عیب برای سیستم کنترل وضعیت ماهواره که مبتنی بر تولید حدود آستانهٔ تطبیقی است، معرفی شد. در این راستا، ابتدا یک مدل غیرخطی q-LPV برای ماهواره استخراج شده و یک مشاهده گر بازهای با استفاده از ابزارهای آنالیز بازهای طراحی شد. در این روش، عدمقطعیتهای پارامتری، اغتشاشها و نویزهای اندازه گیری به صورت بازهای مدل

شدند که در نهایت با انتشار آنها به داخل حدود آستانهٔ رخداد عیب، منجر به تولید حدود آستانهٔ تطبیقی برای تست سازگاری ماندهها شد.



شکل ۲۱ – ممان های مغناطیسی گشتاوردهندههای مغناطیسی در سناریوی ۳



شکل ۲۲ – زوایای وضعیت ماهواره در سناریوی ۳، بعد از فعالسازی سیستم جبران عی*ب*

نتایج بهدست آمده نشان دادند که ایدهٔ فوق، عملکرد روش پیشنهاد شده در این مقاله را در قیاس با مکانیزمهای کلاسیک و مرسوم تشخیص عیب، اصلاح میکند. این اصلاح عملکرد هم از نقطه نظر حداقل اندازهٔ عیب قابل تشخیص و هم از نقطه نظر زمان اعلان رخداد عیب (خصوصاً برای عیبهای با زمان رشد آهسته) است. بخش دیگر از نتایج ارائه شده در این کار مربوط به مکانیزم بخش ازی عیب است که ارائهٔ راهکار آنالیز درخت عیب در ترکیب با روش تشخیص عیب فوق یکی از نوآوریهای اصلی مقاله است. نتایج بهدست آمده نشان داد که راهکار فوق، ابزار ساده و در عین حال قدرتمندی را برای جداسازی چرخهای دارای عیب فراهم

می آورد. در نهایت نشان داده شده که طراحی یک سیستم جبران عیب با استفاده از بازپیکربندی عملگرها، قابلیت تضمین پایداری سیستم را در سناریوهای مد نظر دارد. در نظر است که روش ارائه شده به گونهای بسط داده شود که یک آنالیز قابلیت اطمینان نیز در خلال آن صورت گیرد تا روش پیشنهاد شده از جنبههای کاربری عملیاتی نیز مورد ارزیابی قرار گیرد.

ئارسازى عيب(ثانيه)	میزان تأخیر در آشک	(*/) (c. 5:1);1		
مشاهدهگر لغزشی	روش پیشنهادی	الدارة عيب (٠٫)	لوع طيب	
۴	٢	1.1.	پله (آنی)	
غيرقابل تشخيص	٣	٪۵	پله (آنی)	
غيرقابل تشخيص	۶	۲٪ (حداقل عیب قابل آشکارساز <i>ی</i>)	پله (آنی)	
٨	۵	مقدار شیب: 10 ⁻⁴ N.m	شيب	
14	٧	مقدار شیب: 0.5×10 ⁻⁴ N.m	شيب	

جدول ۲- عملکرد روش پیشنهادی در قیاس با روشهای مقاوم با حد آستانه ثابت

مراجع

- Castet, J. F. and Saleh, J. H., "Satellite and Satellite Subsystems Reliability: Statistical Data Analysis and Modeling," *Reliability Engineering and System Safety*, Vol. 94, No. 11, 2009, pp. 1718-1728.
- [2] Patton, R. J., "Fault Detection and Diagnosis in Aerospace Systems Using Analytical Redundancy," *Computing and Control Engineering Journal*, 1991, pp. 127-136.
- [3] Frank, P. M., "Fault Diagnosis in Dynamic Systems Using Analytical and Knowledge-Based Redundancy-A Survey and Some New Results," *Automatica*, Vol. 26, No. 3, 1990, pp. 459-474.
- [4] Zhang, Y. and Jiang, J., "Bibliographical Review on Reconfigurable Fault Tolerant Control Systems," *Annual Reviews in Control*, Vol. 32, No. 2, 2008, pp. 229-252.
- [5] Hwang, I. and Kim, S., "A Survey of Fault Detection, Isolation and Reconfiguration Methods," *IEEE Transactions on Control Systems Technology*, Vol. 18, No 3, 2010, pp. 636-653.
- [6] Venkatasubramanian, V., Rengaswamy, R. and Kavuri, S. N., "A Review of Process Fault Detection and Diagnosis Part I: Quantitative Model-Based Methods," *Computers & Chemical Engineering*, 2003, Vol. 27, No. 3, pp. 293-311.
- [7] Pirmoradi, F. N., Sassani, F. and Silva, C. W. D., "Fault Detection and Diagnosis in a Spacecraft Attitude Determination System," *ActaAstronautica*, Vol. 65, No. 5-6, 2009, pp. 710–729.

Continuous-Time Systems," *Automatica*, Vol. 46, No. 3, 2010, pp. 518-527.

- [21] Puig, V., Stancu, A., Escobet, T., Nejjari, F., Quevedo, J. and Patton, R. J., "Passive Robust Fault Detection Using Interval Observers: Application to the DAMADICS Benchmark Problem," *Control Engineering Practice*, Vol. 14, No. 6, 2006, pp. 621-623.
- [22] Oca, S.M.D., Puig, V. and Blesa, J., "Robust Fault Detection Based on Adaptive Threshold Generation Using Interval LPV Observers," *International Journal* of Adaptive Control and Signal Processing, Vol. 26, No. 3, 2012, pp. 258-283.
- [23] Meseguer, J., Puig, V. and Escobet, T., "Fault Diagnosis Using a Timed Discrete-Event Approach Based on Interval Observers: Application to Sewer Networks," *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics-Part A: Systems and Humans*, Vol. 40, No. 5, 2010, pp. 900-916.
- [24] Puig, V., Quevedo, J., Escobet, T., Nejjari, F. and Heras S. D. L., "Passive Robust Fault Detection of Dynamic Processes Using Interval Models," *IEEE Transactions* on Control Systems Technology, Vol. 16, No. 5, 2008, pp. 1083-1089.
- [25] Blesa, J., Puig, V. and Saludes, J.," Identification for Passive Robust Fault Detection Using Zonotope-Based Set-Membership Approaches," *International Journal of Adaptive Control and Signal Processing*, Vol. 25, No. 5, 2011, pp. 788-812.
- [26] Sidi, M. J., Spacecraft Dynamics and Control, Cambridge University Press, New York, pp. 88-95, 1997.
- [27] Jaulin, L., Kieffer, M., Didrit, O. and Walter, E., *Applied Interval Analysis*, Springer, London, pp. 11-42, 2001.

پیوست الف: مؤلفههای $A(\omega, heta)$ در رابطه (۱۴)

فرض میشود که ممانهای ماتریس اینرسی ماهواره به صورت زیر توصیف شود:

$$I_{t} = \begin{bmatrix} I_{xx} & I_{xy} & I_{xz} \\ I_{xy} & I_{yy} & I_{yz} \\ I_{xz} & I_{yz} & I_{zz} \end{bmatrix}$$
(YF)

همچنین فرض میشود که معکوس ماتریس اینرسی I₁ مطابق زیر توصیف شود:

$$I_{t}^{-1} = \begin{bmatrix} K_{xx} & K_{xy} & K_{xz} \\ K_{xy} & K_{yy} & K_{yz} \\ K_{xz} & K_{yz} & K_{zz} \end{bmatrix}$$
(YV)

با استفاده از (۳۶) و (۳۷) می توان نشان داد که المان های (۵, ۹) از عبارت زیر بهدست آورده می شوند:

- [8] Soken, H. E. and Hajiyev, C., "Pico Satellite Attitude Estimation Via Robust Unscented Kalman Filter in the Presence of Measurement Faults," *ISA Transactions*, Vol. 49, No. 3, 2010, pp. 249-256.
- [9] Venkateswaran, N., Siva, M. S. and Goel, P. S., "Analytical Redundancy Based Fault Detection of Gyroscopes in Spacecraft Applications," *ActaAstronautica*, Vol. 50, No 9, 2002, pp. 535-545.
- [10] Patton, R. J., Uppal, F. J., Simani, S. and Polle, B., "Robust FDI Applied to Thruster Faults of a Satellite System," *Control Engineering Practice*, Vol. 18, No. 9, 2010, pp. 1093–1109.
- [11] Patton, R. J., Uppal, F. J., Simani, S. and Polle, B., "Reliable Fault Diagnosis Scheme for a Spacecraft Attitude Control System," *Proceedings of the Institution* of Mechanical Engineers, Part O: Journal of Risk and Reliability, Vol. 222, No. 2, 2008, pp. 139-152.
- [12] Henry, D., "Robust Fault Diagnosis of the Microscope Satellite Micro-Thrusters," *IFAC Fault Detection, Supervision and Safety of Technical Processes*, Beijing, 2006, pp. 342-347.
- [13] Jiang, T. and Khorasani, K., "A Fault Detection, Isolation and Reconstruction Strategy for a Satellite's Attitude Control Subsystem with Redundant Reaction Wheels", *IEEE International Conference on Systems*, *Man and Cybernetics*, Montreal, Que., 2007, pp. 3146-3152.
- [14] Wu, Q. and Saif, M., "Robust Fault Diagnosis of a Satellite System Using a Learning Strategy and Second Order Sliding Mode Observer," *IEEE Systems Journal*, Vol. 4, No. 1, 2010, pp. 112-121.
- [15] Zhang, K., Jiang, B. and Shi, P., "Adaptive Observer-Based Fault Diagnosis with Application to Satellite Attitude Control Systems," *Second International Conference on Innovative Computing, Information and Control*, Kumamoto, 2007, pp. 508-508.
- [16] Wang, J., Jiang, B. and Shi, P., "Adaptive Observer Based Fault Diagnosis for Satellite Attitude Control Systems," *International Journal of Innovative Computing, Information and Control, ICIC International*, Vol. 4, No. 8, 2008, pp. 1921-1929.
- [17] Bolandi, H., Haghparast, M. and Abedi, M., "Design of Fault Detection, Identification and Recovery Algorithms for Attitude Control System of a Three Axis Satellite", *Journal of Space Science and Technology*, Vol. 5, No. 1, 2012, pp. 29-40.
- [18] Khan, A.Q. and Ding, S. X., "Threshold Computation for Fault Detection in a Class of Discrete-Time Nonlinear Systems," *International Journal of Adaptive Control and Signal Processing*, Vol. 25, No. 5, 2011, pp. 407-429.
- [19] Blesa, J., Puig, V. and Bolea, Y., "Fault Detection Using Interval LPV Models in a Open –Flow Canal," *Control Engineering Practice*, Vol. 18, No. 5, 2010, pp. 460-470.
- [20] Raissi, T., Videau, G. and Zolghadri, A., "Interval Observer Design for Consistency Checks of Nonlinear

$$a_{ij4} = 0$$

 $a_{124} = K_{xz}.I_w$
 $a_{214} = 0$
 $a_{314} = 0$
 $a_{324} = K_{yz}.I_w$
 $a_{324} = K_{zz}.I_w$
 $a_{134} = -K_{xy}.I_w$
 $a_{334} = -K_{zy}.I_w$
(۴۲)

$$a_{ii5}$$
 ضرايب

$$a_{115} = -K_{xz} I_{w} \qquad a_{125} = 0$$

$$a_{215} = -K_{xz} I_{w} \qquad a_{225} = 0$$

$$a_{315} = -K_{zz} I_{w} \qquad a_{325} = 0$$

$$a_{135} = K_{xx} I_{w}$$

$$a_{235} = K_{xy} I_{w}$$

$$a_{335} = K_{zx} I_{w}$$
(fm)

$$a_{ij7}$$
 ضرايب

$$a_{117} = K_{xy}.I_w.c\alpha - K_{xz}.I_w.s\alpha.s\beta$$

$$a_{217} = K_{xy}.I_w.c\alpha - K_{xz}.I_w.s\alpha.s\beta$$

$$a_{317} = K_{zy}.I_w.c\alpha - K_{zz}.I_w.s\alpha.s\beta$$

$$a_{127} = K_{xz}.(I_w.c\beta.s\alpha) - K_{xx}.(I_w.c\alpha)$$

$$a_{227} = K_{yz}.I_w.c\beta.s\alpha - K_{xy}.I_w.c\alpha$$

$$a_{327} = K_{zz}.I_w.c\beta.s\alpha - K_{zx}.I_w.c\alpha$$

$$a_{137} = K_{xx}.I_w.s\alpha.s\beta - K_{xy}.I_w.c\beta.s\alpha$$

$$a_{337} = K_{zx}.I_w.s\alpha.s\beta - K_{zy}.I_w.c\beta.s\alpha$$

فصلنامهٔ علمی- پژوهشی علوم و فناوری فضایی جلد ۶ / شمارهٔ ۱ / بهار ۱۳۹۲

$$A_{ij} = a_{ij1}\omega_x + a_{ij2}\omega_y + a_{ij3}\omega_z + a_{ij4}\omega_{wx} + a_{ij5}\omega_{wy} + a_{ij6}\omega_{wz} + a_{ij7}\omega_{wr}$$
(YA)

 ω_{wy} , ω_{wx} و ω_{wx} سرعتهای زاویه ای ماهواره و ω_{wx} , ω_{yx} , ω_{xx} که ω_{wy} , ω_{xx} که ω_{wy} , ω_{xy} و ω_{wy} و ω_{wy} سرعتهای زاویه ای چرخهای عکس العملی هستند. در ادامه ضرایب موجود در (۳۸) تشریح شده اند. باید توجه کرد که در $I_{wx} = I_{wy} = I_{wz} = I_{wr} = I_w$ این روابط فرض شده است $\omega_{xy} = I_{wy} = I_{wz} = I_{wr} = I_w$ و $\omega_{xy} = I_{wy} = I_{wz}$ و $\omega_{xy} = I_{wy} = I_{wy}$ و $\omega_{xy} = I_{wy} = I_{wy}$ و $\omega_{xy} = I_{wy} = I_{wy}$

$$\begin{aligned} a_{ij1} &= K_{xz} \ I_{xy} - K_{xy} \ I_{xz} \ a_{121} = K_{xx} \ I_{xz} + K_{xz} \ I_{xx} \\ a_{211} &= K_{yz} \ I_{xy} - K_{yy} \ I_{xz} \ a_{221} = K_{xy} \ I_{xz} + K_{yz} \ I_{xx} \\ a_{311} &= K_{zz} \ I_{xy} - K_{zy} \ I_{xz} \ a_{321} = K_{zx} \ I_{xz} + K_{zz} \ I_{xx} \end{aligned}$$

$$a_{131} = -K_{xy} I_{xx} - K_{xx} I_{xy}$$
$$a_{231} = -K_{yy} I_{xx} - K_{xy} I_{xy}$$
$$a_{331} = -K_{zy} I_{xx} - K_{zx} I_{xy}$$

$$a_{ij2}$$
 ضرایب $a_{112} = K_{xz} I_{yy} - K_{xy} I_{yz}$ $a_{122} = K_{xx} I_{yz} - K_{xz} I_{xy}$
 $a_{212} = -K_{yz} I_{yy} - K_{yy} I_{yz}$ $a_{222} = K_{xy} I_{yz} - K_{yz} I_{xy}$
 $a_{312} = -K_{zz} I_{yy} - K_{zy} I_{yz}$ $a_{322} = K_{zx} I_{yz} - K_{zz} I_{xy}$
(۴۰)

$$a_{132} = K_{xy} I_{xy} + K_{xx} I_{yy}$$

$$a_{232} = K_{yy} I_{xy} + K_{xy} I_{yy}$$

$$a_{332} = K_{zy} I_{xy} + K_{zx} I_{yy}$$

$$\begin{aligned} a_{ij3} &= K_{xz}.I_{yz} + K_{xy}.I_{zz} & a_{123} = -K_{xx}.I_{zz} - K_{xz}.I_{xz} \\ a_{213} &= K_{yz}.I_{yz} + K_{yy}.I_{zz} & a_{223} = -K_{xy}.I_{zz} - K_{yz}.I_{xz} \\ a_{313} &= K_{zz}.I_{yz} + K_{zy}.I_{zz} & a_{323} = -K_{zx}.I_{zz} - K_{zz}.I_{xz} \\ (ft) \\ a_{133} &= K_{xy}.I_{xz} - K_{xx}.I_{yz} \\ a_{233} &= K_{yy}.I_{xz} - K_{xy}.I_{yz} \end{aligned}$$

$$a_{333} = K_{zy} I_{xz} - K_{zx} I_{yz}$$